



ازا ما يو وسم كروا ما يو و

وزار في المان

626,09 9 9 16

Liter List

# ا قار

وارج مرح بتدكه الأوجهم وانه شأبتها و دنس ورآه بحث رف اثنا و بحلو وتوتهات علمانه والاحضر من كابول لا يتعهد توسه وترتي عاوم ومونون و رفع مركو زلفق في اختلاف ورستول إحماع كشور معنوف أست. ذاري فرنسا لازم دانستكي برنامد الوزشكا بهازايان طوئل كالامواقي مايد وتست ال برنا منظميلات موسطير واحت ، وحول عرابيرنا مير في اصناع كتب ورسي مود بنود در بارنج ۲۷ جرماه ۱۳۱۷ تصویمها مدارست و زیران کندا ندک کاک كسب ومرساني ارنسي احدودانس شراط لارمراح استام ممرو وموجب بهندي از است اوان وانتها را رق وسيد ان ليستند ما ليف و درب و سيد بنام کمسون بهترو وای کشی مرکزیده شد تا برای انجامه ای فرخست راق وضح من الله مركت ومرسال رطن كرا الوساط و واواق الدول المورش مرورش نظارش في علاه ومرتواه في داد في ويرخفها إلى والعات راجم باشداد از عمد باست ما ن زندن و ایرانیان بوده . ما مناصبر برشی شاه و وک

وراست کفیاری و درست کر داری و و کمرفینجات و اخلاق نیکولیمطور اسل از مرتفاع ومرطبي الما مند .

سنت شنها دار كمب والماليف كناس ورسي مركك زموا وسرام مكندن اركساني كدا زموده وشائشكي واستندارجاع شد .

انك تما ب حماب براى مال ول و مرسانها كه البغال و ي

آقامی دکتر علی فضلی بور وانشیار

افائ الوالعالم

والذارشد واو دا رطرف ورارت فرمنه متشرشو د كه در جمه وسرشانها ي مرا

ووقمران كورتكيرا مربس شود .

ورمرة بشكاسية -1/4

M.A.LIBRARY, A.M.U.





#### dolles

۹ - چندی - آنچه را که قابل افزایش یا کاهش باشد چندی
 ( کمیت ) کویند .

هدار - جزء محدود ومعینی از چندی را مقداری از آن
 چندی خوانند .

الله مثال مشاره دانش آموزان یك دبیرستان سنگینی یك کیسه آرد ـ پهنای یك خیابان وروشنی یك چراغ برق هریك بترتیب مقداری از چندی های شماره وزن ، در ازا وروشنائی میباشد.

۴ میکه مقدار معینی استاز هر چندی که برای سنجیدن یعنی شمردن یا اندازه گرفتن آن چندی بکار میرودمانند کتاب برای شمردن جنس کتاب و کیلو گرم برای اندازه گرفتن جنس وزن و متر برای اندازه کرفتن جنس در ازا .

۵ - چندی بردو آتو نه است : یکی چندی پیوسته آن است که یکه های آن از یکدیگر جدا نیستند بلکه بیکدیگر پیوسته اند مانند چندی وزن و چندی درازا دیگر چندی ناپیوسته که طبیعة یکه های

آن جدا جدا است مثل جمعیت وکتاب که یک آنها باث نفر و یك کتاب است.

چنانکه میبینید درین گونه چندی یکه بالطبع هعین و مشخص است اما درچندی های پیوسته مقدار معین مشخص از هر چندی را منوان یکه آن چندی انتخاب و اختیار میکنند مانند متر برای چندی درازا وساعت برای چندی زمان ـ

۱ سنجش شمردن مقداری ازچندی دبیوسته به اندازه کرفتن مقداری ازچندی پیوسته را سنجش خوانند به بعبارت دیدار سنجش یك مقدار تعیین شماره یکههائی است که درآن مقدار موجود هرباشد.

٧ - عدد مشيجه سنجش يك مقدار را بايكه اختيار شده عدد كرياد

۸ مثال ـ در جعبة چند مداد داریم هر بنه از آنها بده جاس مداد میباشد اگر نتیجه سنجش مداد های این جعبه با بده ها ده شد هفته درا عدد گوئیم وهمچنین اگر فاصله درا یه چراخ برق برابر باسی و چهار متر باشد سی و چهار را عدد خوانند ـ

هـ عدد مقید و عدد مطلق مرعددی که بدویده شر دیشد
 مقید خوانند مانند هفت متر پانرده درخت معددی را که بی ده یک باشد مطلق گویند مانند هفت و ده.

و عدد برخهای آر متداری در ت شمل چند یکه تمام باشد نتیجه سنجش این مقدار با یاده عدد درست میباشد آگر در مقداری علاوه بریکه های درست جزئی کوچدتر ازیث یکهیافت شود عددی که سنجش این مقدار را نمایش میدهد عددیست برخهای -

برای سنجش جزء کوچکتر از یکه ـ یکه اصلی را بهچند جزیم متساوی قسمت نموده یکی از آنها را که یکه برخهای مینامند بعنوان یکه نو انتخاب کرده جزیم کوچکتر ازیکه را با این یکه کوچکتر می سنجیم ۱۹ ـ تعریف علم حساب ـ حساب علمی است که از خواندن و نوشتن عدد های مطلق و خواص آنها و عمل هائیکه در آنها میتوان انجام داد و راه بکار بردن این عملها در حل مسئله هاگفتگو مینماید ـ

# بخش نخست

# شمار

۱۴ ـ شمار بخشی است از حساب که در آن از تشکیل اعداد و قانونهای خواندن ونوشتن آنها بوسیله یکعده واژه ها و عارمتهای معین گفتگو مینماید .

## ۱ ـ تشكيل عدد ها

دیگر بیفزائیم دومین عدد بدست میآید و چون این عمل را هرچند بار بخواهیم میتوانیم تکرار نمائیم معلوم میشود که سلسله عدد بی بیاست زیرا هراندازه عددی بزرک فرض شود باز باافزودن یك بر آن میتوان عددی بزرگ نورد .

# ۲ ـ شمار گفتنمی

۱۴ - تعریف - مقصود از شمار گفتنی بیان قواعدی است برای نامیدن سلسله بی بیایان عدد - چون سلسله عدد بی بیایان است اکر میخواستیم برای هریك نام مخصوصی بگذار بم شمار داین نامه نیز بی پایان و بكار بردن آنها غیر ممکن بود - پس ناچار باید قوانینی وضع نمود که نامیدن همه عدد هارا بكمك بك عده محدود واژه های معین ممکن سازد

این قواعدرا شمار گفتنی نامند\_برای روشن شدن مطلب بذکر مثالی میپردازیم :

۱۰ – در کتابخانه ای کلیه کتابها در طبقه همای مختلف بعده مساوی قرار گرفته مثلا بیست طبقه که در هر یک دوازده جلد کتاب یافت میشود و کتابهای هرطبقه نیز شماره مشخص دارد در این صورت هر کتابی را که طبقه و شماره آنرا بدانیم میتوانیم بآسانی بیابیم مثلا میگوئیم کتاب هشتم از طبقه پنجم – ولی اگر کتابها طبقه بندی نشده فقط شماره آنها معلوم باشد برای یافتن کتاب شماره پنجاه و ششم که همان کتاب پیش است وقت بیشتری لازم خواهد بود ـ

قواعد شما را اعداد تقریباً بر همین پایه قرار گرفته است یعنی برای شمردن اعداد هم طبقه ها و مرتبه هائی اختیار شده و چون نخستین وسیله برای شمردن انگشتان دست بوده عادت بر این جاری شده که هر مرتبه شامل ده عدد باشد ـ این نوع شمار را شمار ده دهی ( اعشاری ) نامند و لی ممکن است که شماره عدد های موجود در یك مرتبه برابر ده نبوده بلکه شش یاهشت یادوازده باشد ـ در شمار ده دهی عدد ده را یایه تحویند

۱۹ - شمار ده دهی (اعشاری) - عدد یك یکه (واحد) مرتبه اول است و عدد های : یک دو سه چهار پنج شش هفت هشت نه که هریک نام مخصوصی دارند مرتبه اول یامرتبه یکان (آحاد) را تشکیل میدهند اگر یک یکه برنه بیفزائیم عدد ده بدست میآید که دهمین عددمر تبه یکان است و آنر ابعنوان یکه مرتبه دوم که مرتبه دهمان (عشرات) است اختیار مینمائیم پس ده یکه مرتبه نخست یک یکه مرتبه دوم را میسازد

که آنرا دهه (عشره) گویند و عدد های یک دهه دودهه سه دهه ...

. . . . هشت ده ه نه دهه را که بن مبای ده بیست سی چهل بنجاه شمت هفتاد هشتاد نود نامیده میشوند عدد های مرتبه دوم میباشند اگر یک یکه مرتبه دوم که ده باشد بر نود بیفزائیم عدد صد که دعمین عدد مرتبه دهکان است بدست میآید و آنرا بعنوان یکه مرتبه سوم که مرتبه صدکان (مأت) است اختیار مینمائیم .

برای نامیدن عددهائی که بین دو دهگان متوالی قرار کرفته اند نام دهگان کوچکتر را بضمیمه شماره یکانهای لازم ذکر مینمائیم مانند: سی و یک سی و دو . . . . سی وهشت سی و نهوهنتادو یک هفت دو دو . . . . . . . . . ولی عدد های واقعه بین ده وبیست نامهای مخصوصی دارند و بجای اینکه بگوئیم ده ویك و ده و دو و ده وسه . . . . . ده و نه میگوئیم: یاز ده دو از ده سیزده چهارده یانز ده شانز ده هفده هیجده نوزده ـ

چنانچه گفتیم ده دهگان یعنی ده یکه از مرتبه دوم تشکیل یك صده یایك یکه ازمرتبه سوم را میدهد و اعداد بك صد دوصد سه صد چهار صد . . . . نه صدرا که مرتبه سوم یامرتبه صدگان را میسازد مرتبا بنامهای صد دویست سیصد چهار صد پاصد ششصد هنتصد هشصد نهصد میخوانیم ـ

برای نامیدن اعدادواقع بین دوصدگان متوالی مانند سیده چهروساد نام حدگان کوچکترواگفته و درپی آن نام دهگان و یکدن لازموا فاکر هیکنیم مثلا سیصدو یك سیصد و دو . . . سیصدو دوازده . . . . سیصد و هفتادو پنج . . . . . سیصدو نودو نه

از یک تانهضدو نودو نهرا طبقه اول اعداد یاطبقه آبدین خوانیم ونباید فراموش کرد که مرتبه یکان غیراز ازطبقه یکان است ـ ده یکه از مرتبه سوم یاده صد یك یکه از مرتبه چهارم را میسازد و آنرا هزار گویند که یکه مرتبه اول از طبقه دوم است برای نامیدن اعداد بزرگتر از هزار همان عملی را که در بارهٔ یك یکه مرتبه نخست از طبقه اول انجام دادیم در بارهٔ هزار که یکه مرتبه اول از طبقه دوم است اجرا مینمائیم بدینطریق میتوانیم اعدادرا تا نهصد و نود و نه هزار و نهصدو نود و نه بنامیم واضح است که عدد ده هزار یکه مرتبه دوم از طبقه دوم وعدد صده زار یکه مرتبه سوم از طبقه دوم میباشد بنابر این در هر طبقه سه مرتبه موجود است و واحد مرتبه نخست هر طبقه هزار برابر یکه مرتبه نخست طبقه هزار برابر یکه مرتبه نخست طبقه ییش از آنست ـ

هزار برابر یکه مرتبه نخست از طبقه دوم را یك میلیون نامند واین عدد یکه مرتبه اول از طبقه سوم است ـ یکه مرتبه اول از طبقه چهارم یك بلیون یایك میلیارد است که برابر هزار میلیون میباشد در جدول زیرین مرتبه ها وطبقه های مختلف دیده میشود ـ

ارم	نه چې	طبن	طبقه سوم		طبقه دوم		طبقه اول				
	بليونها		Ļ	ليليونم	b	ن	زاركا	A		يكان	
مر تبه ۱۲	مر تبه اعداد	مر تبه	مر تبه ه	مر تبه ۸	مر تبه ۷	امر تبه ا	مرتبه	ص آبه ع	ەر تبە ۴	مر تبه ۴	مر تبه
ا در آبه	مر تبه	مر تبه	مر تبه	۸ مرتبه	هر اتبه	ەر تبە				مر تبه	مرتبه
۳ مرتبه	مر تبه مر تبه	ا مرتنبه	۳ مرتبه	۳ مرتبه	ا مرتبه	۳ مرتبه	مرتبه مرتبه	ا مرتبه	۳۰ مراتبه	۲ مرتبه	۱ مرتبه
٤	٤	٤	٣	٣	٣	٣	۲	۲	١	1	١
صد کان بلیون	دهكان بليون	يكتان بليون	صد كان ميليون	دهكانميليون	يكان مبليون	صد گان هز ار	دهگان هز ار	يکان هزار	صدكان	دهگان	بكان.

## ۳ ـ شمار نو شتني

۱۹۷ تاهریف مقصود از شمار نوشتنی بیان قیاعدی است برای نوشتن سلسله بی پایان عدد بوسیله عدة محدود علامتهای معین -

۱۸ ـ نوشتن اعداد ـ همان قسم که نامهای مخصوصی برای نه عدد مرتبه نخست طبقه اول اختیار شد نه علامت هم برای نمایش آنها بدار میرود بدینقرار : ۱ (یك) و ۲ (دو) و ۳ (سه) و ۶ (چیار) و ۵ (پنج) و ۲ (شش) و ۷ (هفت) و ۸ (هشت) و ۹ (هن) مین نه علا مت برای نمایش اعداد همه مراتب هریا از طبقات بکار میرود مثلاگرئیم: ۱ دهه ۲ دهه ۳ دهه . . . . ۹ دهه ۲ سده . . . ۹ مده و برای اینکار کافی است بترتیب یکانهای هر مرتبه را با ذکر مرتبه که این یکانها نمایش آنها میباشند بنویسیم بدینطریق نوشتن همه مرتبه که این یکانها نمایش آنها میباشند بنویسیم بدینطریق نوشتن همه مرتبه که این یکانها نمایش آنها میباشند بنویسیم بدینطریق نوشتن همه مرتبه که این یکانها نمایش آنها میباشند بنویسیم بدینطریق نوشتن همه

درکشور ایران نیز مانند کشورهای دیگر ازچپ براست عدهارا مینویسند بدینقرار که از بزرگترین مرتبه بزرگترین طبقات شروع نموده وبمرتبه یکان طبقه اول که درراست نوشته میشود ختم مینمایند و درهر طبقه بترتیب ازچب براست پیکر صدک ن وپیکر دهگان را قرار میدهند وطبقه بزرگتر درچپ طبقه کوچکتر نوشته میشود

19 مال برای نوشتن عدد هفت هزار و سیصد و پنجساه و چهار سیصد و پنجساه و چهار سیمار ایک بیکر هفت درسمت چهار ساز آن پیکر سه را که نمایش شماره صد هاست و سیس پیکر پنجرا که نمایش شماره دهگان است وبالاخره پیکر چهار را که نمایش مرتبه یکان است مینویسیم بدینقسم: ۲۳۵۶

• کا علامت صفر میمکن است عددی یك یا چندین مرتبه پیاپی یا غیر پیاپی را دارا نباشد درایشحال برای حفظ آن مرتبه ها بمنظور رعایت مراتب بالاتر بجای مرتبه هائی که درعد یافت نمیشود علامت (•) را که صفر نام دارد میگذاریم

همال عدهای سه هزار و هفصدو پنج ـ و چهل و پنجهزار و نهرا چنین مینویسیم: ۳۷۰۵ و ۳۷۰۵ عدد نخست مرتبه دهگان طبقه اول را نداشته بجای آن صفر گذازده ایم و عدد دویم مرتبه های دهگان و صدگان طبقه اول را نداشته است ـ

۱۳۹ خواندن عدد که برای خواندن عدد کوچکتر ازهزار نخست مرتبه صدگان سپس مرتبه دهگان و بالاخره مرتبه یکان را که یترتیب از چپ براست نوشته شده میخوانیم هر مرتبه باحروف (و) بمرتبه بعد متصل میگردد.

مثال عدد ۷۲۰ را چنین میخوانیم : هفتمد و بیست و پنج - برای خواندن عدد بزرگتر ازهزار نخست آنرا ازسمت راست بطبقه های سه پیکری قسمت کرده و هریك ازاین طبقه هارا مانند عد کوچکتر ازهزار خوانده و بمرتبه یکان هر طبقه نام یکان آن طبقه را میفزائیم .

ه مثال : میخواهیم عدد ۲۰۱۵ ۹۰٬۰ ۹ را بخوانیم ـ ازسمت راست آنرا بطبقه های سه پیکری تقسیم کرده می بینیم این عدد دارای طبقه های یکان و هزاران و میلیون است و آنرا همانطور که گفته شد بدینقسم میخوانیم : هشتاد میلیون و نودو پنجهزارو دویست وشش

#### la alimo

هسئله ۱ مران نونه ) ـ عدد ۲ ه ۷ مفروض است مبخواهم بسایم اگر صفری در است باین دویکر بیایی آن بگذاریم چه تغییری در این عدد روی مبدهد ۲

الف ـ اگرصفر درست راست عدد گذارده شود ٤ که ندیش یکنان است به ٤ دهکان و دهمگان به ۵ صدگان و ۷صدگان به ۷ عزاز تهدین میگیرد: بهبارت دیگر یکه هرمرتبه یکه مرتبه بالاتر مبدلگشته ـ پس عدد مفروش نیز ۱۰ برابر یعنی ۹ برابر آن افزوده شده است ا

ب ـ اگر صفروا بین ٤وه قرار دهیم در یکر یکان تهیبری روی نمیدهد ولی جنانکه گفته شد پیکر های دهگان وصدگان هریک دهبرابر میشوند بعلی هریک دهه بیك صده تبدیل شده یا ۱۰ برابر میگردد و بهارت دیگر ۴ برابر هردهه بدن اضافهٔ میشود پس به ۱۹ دمه ۴ برابر ۱۹ دهه که چهل و پنج دهه یا ۱۹۰۱ است افزده میشود ـ بهمین ترتبت دیده میشود ۷سده به هفت هزار تبدیل شده و به برابر ۷سده یا ۱۳۰۰ که میشود ـ بهمین افزوده شده پس بر عدد مفروش بادازهٔ ۱۳۰۰ ۱۳۰۰ که ۲۳۰۰ که ۹ برابر ۱۳۰۰ که ۹ برابر ۱۳۰۰ که

ج بـ اگر صفر وا بین ۵ و ۷ فرار دهیم دیدم میشود ۵ بمدد مفروش ۹ برابر هفت صده یا ۹۳۰۰ افزوده میشود بـ

قاعده ما گر صاری ماین دویکریبایی عددی بگذاریم عدد مفروش باعدازم و برابر عددی که در چپ صفر قرار دارد بزرگته میشود و این میتوان دره اگر دو صفر بین دو پیکر بیابی عددی قرار دهیم عدد مفروش باندازه ۹۹ برابر عددی که درست چپ این دوصفر قرار دارد بزرگ میشود

هستگله ۴ به عدد های ۳۷۵ و ۴۹۵ و ۴۹۳۵ ، ۱۰۳ ، هر وض معین الله اگر بترتیب یك یا دو یا سه صفر درراست آنها به بیکر هدی برای شریک قرار دهیم چه تغییری درآن عدد روی مهدهد

هستمله الله معددهای ۷۳ و ۵۰۶ و ۷۰۰ مارون سامهین کشیده کن یک صفر درراست ودر همان حال صفری بین دوبیکر به به هریت قرار دهیم حد تهبیری دراین عددها روی مدهد ـ

هستُله ۴ ـ ( نعونه ) ـ میخواهیم تعیین کنیم چند عدد درست یك پیکری یا دوپیکری یا سهبیکری یا . . . . . موجود است ـ

الف \_ چنانچه میدانیم شماره اعداد یك بكری ۹ میاشد .

ب ـ کوچکٹرین عدد دوپیکری ۱۰ و کوچکترین عدد سه پیکسری ۱۰۰ میباشد پس شماره اعداد دوپیکری برابر خواهد بود با ۱۰۰–۱۰۰

ج ـ بهمین ترتیب دیده میشود شاره عدد های سه پیکری برابر میباشد با ۹۰۰ مید ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰

هستگله ۵ ـ تعیین کنید چند عدد سه پیکری مایین دو عدد ۳۸۱ و ۹۹۰ یافت میشود ( جواب : ۳۱۶ عدد )

هستگله ؟ ـ كتابى داراى ٤٨ ه صفحه است تعيين كنيد چند بيكر براى نايش شاره صفحههاى اين كتاب بكار رفته ( جواب ، ١٥٣٦ )

هستله ۷ ـ سلسله طبیعی عدد ها را ازیك تاهزار پیدرپی بترتیب مینویسیم تمیین کنید :

الف ـ چند بار علامت صفر وهریك ازپیكرهای ۹ گانه ۱ و۲ و ۳ . . . . و ۹ بكار میروند ۶

ب ـ مجموع شماره پیکر هائیرا که بکار رفته مستقیماً ویاباجمع نمودن عددهانی که درقسمت الف بدست آمده تعیین کنید \_

ج ـ تعیین کنید پیکر های سیصد و شصت و پنجم و هنتصدو چهل و یکم و هزارو هشتصدو هفتادو هشتم این رشته چیست ؟

هستگله ۸ ـ برای نمایش شماره صفحه های کتابی ۱۰۷۷ پیکر بکار رفته است تمیین کنید شماره صفحه های این کتابرا ( جواب : ۳۹۰ )

هستگله ۹ ـ ( نمونه ) ـ اگر در عدد ۳۸ جای پیکر ها را تغییر دهیم چه تغییری دراین عدد روی میدهد ؛

حل ۔ اگر یك یكه از پرکر یكان این عدد هم كنیم عدد باندازهٔ یك یكه کوچكتر میگردد و اگدر یك یكه بدریكر یكان بفزائیم عدد مفروض ۱۰ یكه بزرگتر میكردد ـ پس اگر یك یكه از یكر یكان برداشته و آنرا بر پیكر دهگان بفزائیم عدد مفروض باندازه ۹ = ۱ - ۱۰ یكه بزرگت میشود ـ بنابراین اگر ۱۸را

بجای ۳ و ۳ را بجای ۸ بگذاریم مثل آنسکه ه یکه از پیگر بانان نه ارده بر پیکر دهگان افزوده ایم پس عدد مفروش باندازهٔ ۵۵ ۵۵ ه ۱۳ بر کتب میشود و جانکه می بینیم ۵۵ = ۳۸ – ۸۳ ست

قاعده مهرگاه درعدد دوییکری جای بیکتر های رکان و ده کان را انهیر دهیم عدد مفروش باندازهٔ ۱۹ برابر اختلاف بین دو یکر یکان و ده کان بن کنر و یا کوچکتر میگردد .. واضح است اگر یکر یکان بزرگتر باشد عدد مفروس بزرگش واکر یکر ده کان برگذر ده کان بزرگتر ایک ده کوچکتر میگردد

هستله ۱۹۰ مامین کنیداگر درعدد های سه پیکری ۱۹۹ و ۱۹۹ و ۲۹۹ و ۲۸۱ و ۲۸۱ و ۲۸۱ جای دوپیکر یکان و صدگان را تغییر دهیا جه تغییری در هریات از این عددها روی میدهد وقاعدهٔ نظیر قاعدهٔ مسئله نبونه بالا ذائر انتیاد .

هستگله ۱۱ به معین کنید اگر در هر یک از عدد هدی ۹۷ و ۵۱ و ۶۰ و ۲۲ و ۷۳ و ۱۹۶ و ۳۰۷ و ۴۲۸ جای بیکر های یکتان و دهکان را نغیبر دهیم درهریک چهتغیبری روی میدهد ۷

# بخش دوم چهار عمل اصلی

١ - جمع

۳۳ ـ تعریف ـ منظور ازجع چندین عددبدست آوردن عددیست بنام مجموع یاحاصل جمع که بتنهائی دارای همانقدر یکه باشد که درآن چند عدد موجود است ـ

علامت جمع - علامت جمع (+) وآنرا بعلاوه یاباضافه میخوانیم تبصره - تنها میتوان اعدادی را جمع نمود که ازبك جنس بوده و با یك یکه بیان شده باشد مثلانمیتوان هشت کتاب را باده مداد جمع نمود اگر اعداد مقیدی که میخواهیم باهم جمع کنیم از یك جنس بوده ولی یکه های آنها مشترك نباشد پیش از عمل یکه ها را هم جنس نمود و بعد عمل جمع را بجا میآوریم مثلا اگر بخواهیم ۱۲۵ متر را با ۳ کیلو متر جمع کنیم نخست ۳ کیلو متر را بایکه متر بیان میکنیم میشود کنیم متر سپس این عدد را با ۲۰ جمع مینمائیم و حاصل جمع از جنی متر حواهد بود -

الله وقتی میخواهیم چندعدد را با یکدیگر جمع کنیم نخستین عدد را باعدد دویم وحاصل جمع این دو را باسومی وابن حاصل جمع را با چهارمی جمع مینمائیم وعمل را آنقدر ادامه میدهیم تاحاصل جمع همه عدد ها بدست آید ـ

۱۹۰ اصل ۱ - (۱) اگر ترتیب اعدادی را که هیخواهیم سامدیگر جمع کنیم تغییر دهیم در حاصل تغییری روی نمیدهد

マナヤナソナスシャトシャトナソナヤーソーのかり

**۱۰۲۰ اصل ۲۰** اگر دریك عمل جمع بجنتی چندین عدد شخوع آنها را قرار دهیم در حصل جمع تغییری روی نسته.

اصل ۳ - برای اینکه عددی را بمجمد ع چند عدد سفر ائیم
 کافیست آنرا بکی از این عدد ه اضافه ندائیم

から (マナマニャナタ)ナミニマ・ナミニマシ いかい

اکر عربان از ده دهای را که میندیاد. برای میندیاد. برای ایگار جمع کنیم چندبار بزرگ یه کوچك کنیم حدر جمع عید الله تعدر برای تاکرچك میگردد

 <sup>(</sup>۱) دانستن مطالبی که بعنوان اصل گفته میشود برینی دانش آموزان لازم
 است و اثبات آنها بعد؛ در جبر ومقایه وحسب استالالی گفته خواهم شد.

0216 - 31=1+0+7 , 07=7×3+1+1 7×31=11+01+1=(7×1)+(7×0)+(7×7) 7:07=01=1+7+3+7=(7:7)+(7:3)+(7:1)+(7:1)

برای آنکه دانش آموزان بخوبی بمنمای حمع پی ببرند مثال زیرین را ذکر میکنیم ـ

حالت نشخیص میدهیم:

حالت نخست - هر گاه عدد هائی را که میخو اهیم جمع کنیم
همه دارای بائ پیکر بابعبارت دیگر همه از مرتبه یکان باشند آنها رازیر
یکدیگر در یك ستون نوشته و بترتیبی که گفته شد آنها را با هم جمع
میکنیم یمنی عدد نخستین را با عدد دوم و حاصل را با سومی و ....
جمع میکنیم تا اینکه حاصل جمع همه عدد ها بدست آید.

9 4: V	ه ال - میخواهیم عدد های ۵ و ۷ و ۳ و ۹ و ۲ رأ باهم
*	جمع كنيم طرز عمل چنيين است :
Y 4	حاصل جمع مساویست با ۲۹

اگر عدد هائی که میخواهیم جمع کنیم همه ازیاف مرتبه باشند طرز عمل باز بهمین قرار است و مرتبه حاصل جمع عبارت خواهد بود از مرتبه مشترك آن عدد ها ـ

حالت ۲ • از آنچه گفته شد چنین بر میآ بند که برای جمع چندین عدد چند پیکری باید یکان هر مرتبه را با هم جمع نمود. و بعد حاصل را مرتب کرد ـ

ه**ئال -** میخواهیم سه عدد ۲۰۱۲ و ۳۰۸ و ۳۰۹ و ۴۲۵ را با هم جمع کنیم طرز عمل چنین است :

الما فتدائها الطاب	هزار	فساسي	(A.)	€€
V + 7 P - 100	V	•	7	٢
67. + A - 1 =	¢	7	•	λ
£ V = 4	<b>1</b>	٧		٩
Hard State S	17	15	11	11

مجموع این سهعدددارای ۱۹ یکه و ۱۱ دهه و ۱۳ ست سده و ۱۳ هزار است اما ۱۹ یکه برابر ۹ یکه و یك دهه میباشد پس عدد

مفروض دارای ۹ یکه و ۲ ۱ = ۱ + ۱ ۱ دهه است و چون ۲ ۱ دهه برابر ۲ دهه و ۱ = ۱ + ۱ ۲ صده میباشد ولی ۱ ۵ صده برابر ۲ صده و ۱ هزاراست پس حاصل جمع دارای ۹ یکه و ۲ دهه و ۲ صده و ۱ ا + ۱ ۲ ا مرابر خواهد بود بنا برابر :

۱۷٤۲۹ == ۹ + ۲۰ + ۲۰۰۰ + ۱۷۰۰۰ == ۹ ۵۷۵ + ۸۰۲۰ + ۲۰۲۰ و حاصل جمع سه عدد مفروش بدست میآمد .

وجه های طویل عدقزیادی عددهارا بخواهیم باهم جمع کنیم برای آسانی و جلو گیری از اشتباه بهتر است آنها را بچند دسته قسمت کرده عمل جمع را در هر دسته جدا گانه انجام داده و حاصل جمع های جزو رابا یکدیگر جمع مینمائیم \_ میتوان بطریق دیگر نیز جمعهای طویل را انجام داد که ضمن جمع هر ستون وقتی حاصل جمع از ۲۰ یا ۰۰ متجاوز شد نقطهٔ در کنار آن عدد گذارده اضافه حاصل جمع بر ۲۰ یا م ۰ را با عدد های دیگر جمع نمود و عمل را ادامه میدهیم \_ پس از اتمام عمل جمع در آن ستون البته باید باندازهٔ شماره نقطه ها ۲۰ یا ۰ و بمجموعی که بدست آمده افزوده و بعد از نوشتن یکان آن مرتبه بقیه بمجموعی که بدست آمده افزوده و بعد از نوشتن یکان آن مرتبه بقیه را سته ن بعد اضافه که د .

## ۲ - تفریق

**۳۱ - تعریف -** هرگاه تماه یک های مدهن یا از مده در کش کم کشیم گوئیم عد**د نخستین** را از عدد درم تفریق اثرهه آن

بعبارة دیگن مقدود از تفریق کردن عددی از عدد بزر کشر ست

آ وردن عددی است که چون بر عدد کوچکش آن فه اتراده ساد از باشش

حاصل شود با یا اینکه هر کناه حاصل چو درسد و باشی از آنها در دست

باشد مقصود ازتفریق یافتن عدد دیگر است اند علور انداد در ده و است این شده این شده از هم

تنها میتوان در عدد همچنس را که با یك دید سان شده این از هم
کرد د

حاصل با نشيجه عمل تفريق والمندة تفريق خماله ال

۳۳ ـ علامت تعريق - عالامت نفريق ( السن و أب عليها ميخوانيم مانند:

#### V --- P1

که خوانده میشود نوزده مذبری هفت.

۳۳ - اصل ۱ د اکن صد برزگتر را باندازه معانی اسافه یا کمکنیم مانده بهمان اندازد اضافه با شامانگردد.

مثال - ۲ + غ = ٥ (۲ + ۶) عدده ه وچنانکه دیده میشود ۲ + ۶ - ۲ س ۱ ۱ س ۱ (۲ به ۹) ویا ۳ یا ۳ دید (۳ ۲ ) یا ۲ س ۲ با وچنانده دیده میشود ۳ یا ۳ ب (۳ ۲ با) ۴۳ - اصل ۳ - اگر بر عدد توجدتر عددی انافت به از آن

کم کشیم هانده تفریق بهما**ن** اندازه که پاندهٔ میکردد. -

کافی است عدد بزرگـتر را از عدد مفروش کم کرده عدد کوچشر را بر مانده بیفزائیم ـ

مثال - ۱۱ = ۱۰ + ۱۱ = ۱۰ + (۱۹ ۱۸ ۱۹ ) مثال مثال میزنیم:

مثال ۱ - فاصله دو دهستان ۱۳ قبلو ماتر و ۱۸ هانام ماتر و ۹ هانام ماتر و ۹ دکامش و ۷ مشر است ـ انبار آبی بفاصلهٔ ۵ آبدوماتر و ۳ هانام ماتر و ۲ ماتر از یکی آزایان دودهستان الشد، راه آنام قرار آرفانه به میخواهیم بدانیم فاصلهٔ این انبار تا دهستان دیگر چهس است و بر این سهولت کار بهتر است عددهائی را که با بیث بده بیان شده آند بر هم که کنیم پس گوئیم هاکتومتر ۵ ۳۳ ۸ دادوماتر ۱ ۲۰۵ می ۱۸ دادوماتر ۱ ۲۰۰ می ۱۸ دادوماتر ۱ ۲۰۵ می ۱۸ دادوماتر ۱ ۲۰۰ می ۱۸ دادوماتر ۱ ۲۰ دادوماتر ۱ ۲ دادوماتر ۱ دادوماتر از ۲ دادوماتر ۱ دادوماتر از ۲ د

می بیشیم فاصلهٔ این انبار نادهستان دوس برابر به تامیش و ه هشوعشر و محکومتر و نه متر خواهد بود .

	تن	کیلو گرم	تن	کیلو گرم
داشته	٥	474	٤	۱۲۷۳
فروخته	٣	۸۲۷	٣	A F Y
مانده		And the second of the second o	١	0 • 0

چنانکه دیده میشود ماندهٔ این تفریق یعنی مقدار جوی که برای علاف مانده یك تن و پانصد و پنج کیلو گرم است

۳۹ - عمل تفریق - برای تفریق کردن عددی از عدد دیگر دو حالت تشخیص میدهیم:

۴۰ - حالت ۱ - اگر عدد کوچکتر بك پیکری است آن رادر صورت امکان از پیکر یکان عدد بزرگتر کم میکنیم حاصل پیکر یکان مانده است ـ سایر مرتبه های عدد بزرگتر بهمان صورت در مانده نوشته می شود ـ

ا گرعدد یك پیكری ما ازپیكر یكان عدد بزرگتر بزرگترباشد یك ده دازعده بزرگتر میفزائیم تا تفریق مكن گردد:

ه مثال ۱ - میخواهیم عدد ۲ را از عدد ۱۲۵۹ کم کنیم -طرز عمل چنین است:

> -P071 7 7777 مانده

مثال ۴ - میخواهیم عدد ۹ را از عدد ۳۷۲ تفریق کنیم -طرز عمل چنین است:

Dans &	ees V	م يك
		۹ یکه
a with the	r cas	۲ ا یکه
		۹ یک
3222 7	7 cas	45 70

مانده برابر ٣٦٣ مياشد

۴۱ - حالت ۲ - هر گره بخواهیم عددی چند پیشری را از عدد چند پیکری بزرگتری کم کشیم باید بکتیدی هر حرابید عدد ۱ چدتر را در صورت امکان از یکان همان مرتبه عدد بزرادش در سود

مثال - ميخواهيم عدد ٢ ٣١٠ والز ٨ ٨ ٥ در الدي حرو عمل

چنین است: ۲۸۶ ۲۷۴ م ده

اگلی یکان بعضی مرتبه ها در عبد افرجدنی از را تش از این شمان مرتبه در عده بزرگش باشد بت کنن از مراسه دارای ساد از این از از جنس یکان آن مرتبه کنم میکانیم داشتن اش ین مدن در دد.

عثال - میخواهیم عدد ۱۹۲۳ به و و در د د د د میخواهیم

#### كنيم طرزعمل چنين است:

						. 1	
		j ja 12	1.0	25	ردناون	يكان	
<u>.</u>	-	g~:	and the state of t	in the second se	1"	¢	
a Significant	95	4		7	V	Y	
with		1 7	\ •	à	1 %	3	İ
J. St	*			1	٧	۴.	
and the second	· v	4	1 -	*	2	1	
	)	I	7	*			

مانده برابر ۳۳۳۲۰۲ میباشد

بطور خلاصه برای تفریق کردن عددی از عدد بزرگتر لاز مست عده بطور خلاصه برای تفریق کردن عددی از عدد بزرگتر لاز مست عده کوچکتر را زیر عدد بزرگتر بطوری بنویسیم که یکان مرتبههای مختلف زیر یکدیگر قرارگیرند – سپس خطی افقی زیر آنها کشیده از سمت راست شروع بعمل میکنیم – هرگاه بتوان هر پیکر عدد کوچکتر را از پیکر نظیرش درعدد بزرگتر کم نموداین عمل را انجام داده پیکرهائیرا که بدین طریق بدست میآیند بترتیب در زیر خط افقی مینویسیم مانده بدست میآید ولی اگر پیکری از عدد کوچکتر از پیکر همان مرتبه در بدست میآید ولی اگر پیکری از عدد کوچکتر از پیکر همان مرتبه در این مرتبه میکنیم تاتفریق میکن گردد این عمل را میتوان بطریق دیگر این مرتبه میکنیم تاتفریق میکن گردد این عمل را میتوان بطریق دیگر این تعبیر نهود:

مشال - میخواهیم عدد ۲۹ را از عدد ۳۰ تفریق کنیم - بنابر اصل ۳ آگر عدد معینی را بر هریا از این دو عدد بیفزائیم در مانده تغییری حاصل نمیشود پس ۱۰ یکه بهر یا از دو عدد اضافه میکنیم یعنی یا دهه بعدد کوچکتر و ده یکه بعدد بزرگتر میفزائیم - دراین صورت پیکر یکان عدد بزرگتر ۳ اوپیکر دهگان عدد کوچکتر ۳ میگردد و تفریق کن میشود - صورت عمل چنین است:

دها.	كان
٥	٧.
۲	٩
3	1 %
l.	٩

مأثده

چنانکه دیده میشود مانده برابر ۲۶ است

**۴۳ - تفریق بصو رت جمع -** بجای آنکه هریک از سکر های عدد کوچکتر را از پیکر همان مرتبه در عدد بزرگش اثر شنبه میشوان عدد کوچکتر افزوده شود عددی را دردهن بیدا کردکه چون بر بیکرمفروض عدد کوچکتر افزوده شود پیکر عدد بزرگتر حاصل گردد:

مثال - میخواهیم ۱۹۳ را از ۱۶۷ که کنیم صورت عمل چنین است:

754

194

assis £0 £

گوئیم ۳ و ۶ میشود ۷ و ۶ را زیر خصافتی مینویسید سه بعد میگوئیم ٥ و ۹ میشود ۱۶ و ٥ را زیر خصافتی مینویسید سپس گوئیم ۱ و ۱ میشود ۲ عدد ۶ را زیر خطافتی مینویسیم سهانده میشود ۶ و ۵ میشود ۲ عدد ۱ را زیر خطافتی مینویسیم سهانده میشود ۶ ۵ ۶

۴۴ - اهتحان عمل تفریق به ازقاعدهٔ اخری که برای تفریق کفته شد و از روی سومین تعریف تفریق میتوان چنین شیجه گرفت کفترای اهتحان عمل تفریق کافی است مانده را باعده افریکتر هم شنبه حامان جمع باید برابر عدد بزرگتر کرده به میتوان نیزه نده را زاشده بزرگتر کرد. کم کرد به ماندهٔ این تفریق جدید به بد برابر عدد افرچه ترکز دد.

مثال - ميخواهيم بدائيم آيانن عمل المربق دريت است داه:

£, • = ! ==

1 in + =

San S V W V

مانده را باعدد كوچكتر جمع ميكنيم ميشود:

+ ۱۳۰۹ عدد کوچکس ۱۳۳۷ مانده ۲۰۶۶ عدد بزرگس

یا اینکه مانده را از عدد بزرگتر کم کنیم میشود:

۲۰۶۳ عدد بزرگش ۷۳۷ مانده ۱۳۰۹ عدد کوچکش

يس عمل مادرست بوده است.

## مسئله های جمع و تفریق

هستَّلُهُ ۱۳ ـ ( نمونه ) ـ اگر از مجموع دو عدد مانده آنها راکم کنیم میخواهیم بدانیم مانده چقدر است؛

حل ـ میدانیم ماندهٔ دوعدد برابر زیادتی عدد بزرگتر است بر عددکوچکتر بنا براین اگر ماندهٔ دو عدد را از مجموع آنها کم کنیم مثل این است که زیادی عدد بزرگتر را بر عدد کوچکتر از حاصل جم کم کرده باشیم ـ پس واضح است که ماندهٔ اخیر مساوی دو برابر عدد کوچکتر خواهد بود .

هستَّله ۱۳ ـ اگر مانده دو عدد را بر مجموع آنها بیفزائیم حاصل چقدر مبشود ( دوبرابر عدد بزرگتر ).

ه مسئله ۱۴ ـ محموع دوعدد ۵۳ وماندة آنها۱۷ است آن دو عدد را بیابید (۱۸۰۲ مسئله ۱۸۰۳).

هستله ۱۵ ـ مجموع دوعدد جفت بیابی ۱۵ است آن عدد را بیابید (۲۲و۲۸) هستگله ۱۳ ـ مجموع دوعدد فرد بیابی ۲۸ است آن عدد را بیابید (۱۳و۱۰) هستله ۱۷ ـ مطلوبست تعبین سه عدد درست برای هضه ما صل هم آنها برابر ۱۹۶۱ باشد (۶۲۰ و ۶۷۰ و ۴۵۰)

یادداشت ـ برای اینکه حل مسانه های زیرین تمکیز کردد سعمد، از قابون نظام وظیفه عمومی را ذکر میکنیم:

ماده ۳ د ایندای خدمت وظیفه اول و وردین مم سای است آه درمایی آن بیست ویك سالی شروع میشود:

ماده ۳ د میت خدمت سربازی ۲۵ ساند و خانه آن وار و بردیم م سالی است که در طی آن ۲۱ ساکی شروع میک دد.

**ماده ۴** مدت خدمت سروزی فترونومند شماراتی اثنایه ادفر این استام

الف دورة زير برجه ٢٠٠٠ سن

ب نے دورہ احتیاط 🔞 🔞 سال

ج نے فخیرہ اول کے انہ

د سائشه دوم د سال

مسئله ۱۸ د له فصی له ۱۰ د موجواهیم اسای السیال مدد در در داد د ۱۳۰۵ متواد شده درجه تاریخی مشمول خمصت الله سمومی میگردند:

حل به این شخصی که درنیده ۱۳۰۵ سوان شده دربر، ما ۱۳۰۵ ما ۱۳۰۵ دارای بیست تمام خواهد بود و بیست و کسان این هجر دربیج شاوی د آن شدیعایی سالی که درطی آن ۱۳۱۱ سالگی وین شجس شروخ دستان ساد سال ۱۳۲۵ سالگی وین شجس شروخ دستان ساد در اول فروردین ماداسان ۱۳۲۵ دربین فروار در در دول در در دول کشته احضار میشود

همالله ۴۵ با شعصي دراول فرود ي د ۱ ۱۳۹۱ ر ي څره د ر اورځه

احضار شده ومیدانیم اگر ۷ ماه دیر تر متولد میشد درفروردین ۱۳۱۹ برای خدمت احضار میشد به مطلوبست سال و ماه تولد او ( شهریور ماه ۱۲۹۸ )

هستگله ۲۱ ـ شخصی در آخی اسفند ماه ۱۳۱۷ خدمت زیر پرچم خود را بیایان رسانده میخواهیم بدانیم براسر او ۴ ع سال و ۹ ماه از او کوچکتر است در چه تاریخی برای خدمت زیر پرچم احضار میشود.

هستُله ۱۲۸۳ میری درآ بانهاه ۱۲۸۷ متولد شده و درموقع مترر خدمت زیر برچمخود را انجام داده و ۱۶ ماه پس ازخانمه آن دارای یك پسر وسه سال ۱۷ماه پس از تولد پسر اواش دارای پسر دیگری شده معین گذید :

۱ ـ پدر درچه تاریخی خدمت زیر پرچم خود را شروع و درچه تـاریخی آنرا باایان رسانده ـ

۲ موقعیکه پسر بزرگتر بخدمت احضارمیشودسن پدر وهریك از دوپس بسال و ماه چقدر بوده و در این موقع پدر درکدام یك از مراحل خدمت سربازی میباشد ۳ موقعیکه پسر کوچکتر بخدمت احضار میگردد سن پدر و هریك از دوپسر بسال و ماه چقدر است.

٤ ـ شش سال پیش از آنکه پسر اول دورهٔ ذخیره خود را بیایان رساند
 سن پدر و هریك از دو پسر بال وماهٔ چندر بوده و پدر و بر ادرش درچه مرحله هائی
 از خدمت سربازی خود میباشند.

### ۳ ـ ضرب

347

### et et et e T.

یعنی نی بار • ریال و چنانله دیده مشود در ۲۰ ریال آغدیر بار • ریال یافت میشودکه در عدد نا بله موجود ست یعنی نا بار پس می بینیم که ضرب حالت خاصی است از چو که در آن نمام عدد هائیراکه میخواهیم با یکدیکن چه کنیم برایر میباشند ...

عددی را که تکرار میشود مضروب فند وشماره دفع نی را کتابین عدد تکرار میشود مضروب خواند

۴۱ - علامت ضرب - عار مت ضرب ( الله ) است و آ ضرب در )
 خوانده میشود.

**۴۷ - اصل ۱ - غ**ر شاه جای عشرارب و عشراوس فیه از الفیار ۱ دهیم درحاصل ضرب تغییری روی اسیدهد امنی داراز ۲ × ۲ متاع ۲ × ۲ چنانکه دیده میشود جدول زیربن دارای ۷ ستون و نم سطراست شماره بك هائی که در جدول گذارده شده برابر حاصل ضرب دو عدد

\	١	١	\	١	1	1
١	١	١	1	*	١	١
1	1	١	. 1	١	١	١
١	1	١	١	1	1	١

۷ و نا میباشد - اگر سطر های این جدول را درنظر گیریم می بینیم
 عدد ۷ چهار بارتکرار شده یعنی ۲۸ = نا × ۷ واگر ستونهای آن را
 درنظر گیریم می بینیم عدد نا هفت بار تکرارگشته یعنی ۲۸ = ۷ × نا میجه - اگر در ضرب چندین عدد جای این عدد ها را تغییر
 دهیم در حاصل ضرب تغییری حاصل نمیگردد.

 ۴۸ - اصل ۴ - هر گاه مضروب یا مضروب فید را در عددی ضرب یا بر عددی تقسیم نمائیم حاصل ضرب در آن عدد ضرب یا بر آن عدد تقسیم میگردد

نتیجه \_ اگر یکی از دو سازه ضرب را چندین بار بزرگ و دیگری را همانقدر بسار کوچك نمائیم در حاصل ضرب تغییری حاصل نمی گردد.

را در مفروق و مفروق منه جدا کانه شرید آماده درد. هم کم کشیم:

حالت مخصوص ما گرمفروق و مفروق مشاور بر سفید فد سه مغیر است. از این رو معلود میگردد ته حاصل سریه مراد ده در صفل ایران مغیرمیشود:

ه ما اصل ۴ - برای فربحس جو چندس سند در حاسل جو چندس سند در حاسل جوم چندس عدد دیگر کافیست هر بات اراماد عالی څنوع نخست را در هر باك از عدد های مجموع دوم ضرب كرده حاصل شرب عرارات دارات ادر جو شنیج

مثال \_ مثال \_ مثال \_ مثال \_ مثال \_ مثال \_ مثال \_ مثال \_ مثال \_ = 0 × ( + + 0 × + + 2 ) × ( + + 0 × + + 2 ) × ( + + 0 × + + 2 ) × ( + + 0 × + + 2 ) × ( + + 0 × + + 2 ) × ( + + 0 × + + 2 ) × ( + 0 × + 1 ) ×

هم - حالت ۱ - ضرب عدد بن ببافری در عدد اند بداری باید همیشه حاصل ضرب دوعدد بك بهباری رایش شراد داند اند با با بایان محدول ضرب معروف فیثاغورث شده درزیر صورت ساده بری ایان با اندایش میدهیم نیز میتوان حاصل ضرب چندن درسدی با بایدست آن داد

4	3.	6.74	1	3	7	٧	٨	o,	١.
				A STANDARD OF STREET	-				
	2			1					
Aby	٦,	4							
1	Λ	14	17						
	1 .	10	* •	Y c					
No.		1.1			۳٦				
3,1	1.5	۲۱		r a	٤٢	٤٩			
;	1 7	P &		2 .	٤٨	7 0	٦٤		
ą	1,1	۲۷			3 £	٦٣	7.7	۸۱	
٠.	۲.	۴.	t +		3 +	٧.	۸٠	۹.	١

۵۳ - حالت ۲ - ضرب عده یك پیكری در عدد چند بندری

مثال - میخواهیم عدد ۷ را در ۳۸۰ ف ضرب کنیم . چنانکه میدانیم:

یکه دهه صده عزار

£ 4 4 0 - 5 . . . + 4 . . + 4 . + 0 = 5 + 4 + 4 + 0

چنانکه ازاصل ۳ بر میآیدکافیست ۷ را در هریك از عددهای ع هزار و سه صده و ۸ دهه و ۵ یکه ضرب نموده حاصل ضربها را با هم جمع کنیم ــ صورت عمل چنین است :

is one cas as

 $z = A \circ X \lor = \{z \times V\} + (x \times Y) + (A \times Y) + (o \times V)$ 

يكه دهه صده مرار

×1+1+07+40

چنانکه دیده میشود حسل خبرب مراکب گره ۳ بده و ۳ ه دهه و ۲ سده و ۳ میشود دها ست بس ۲ سده و ۳ میشود دها ست بس حاصل خبرب دارای و بده و ۹ ۵ سده و ۹ ۵ سده برای دهه بر ۵ سامه سبت بس همچنین ۲ ۲ سده و چون ۲ ۲ سده برای ده و ۲ سامه ۲ میشود ۲ سامه و ۲ سامه

0PF . 7 = Y X 0 A 7 5

این عمل را نیز مبتوان بدین سورت نم نش د د:

a in the deep

×1+1+0++40=

とは・・・ナイ・・十07・十四二十十十八月0

۵۴ د قاعده د برای شرب عدد بت بیاری در عدد چندیبکری

عدد یك پیكری را در زیر پیكر یكان عدد چند پیكری می نویسیم و خطی افقی در زیر آنها میكشیم سپس از طرف راست شروع بعمل نموده عدد یك پیكری رادر پیكر یكان عدد مفروض ضرب می نمائیم ــ اگر حاصل ضرب از ۹ تجاوز نمود خود آن را در زیر خط افقی مینویسیم وگرنه یكان را نوشته دهگان آن را در ذهن نگه میداریم ــ پیكری كه بدین ترتیب در زیر خط افقی نوشتدشده یكان حاصل ضرب است ـ بعد عدد یك پیكری مفروض را در پیكر دهگ ن عدد چند پیكری ضرب كرده حاصل رابادهه ای كه در ذهن نگه داشته ایم جمع میكنیم ــ چنانكه حاصل از ۹ تجاوز ننمود آن را در چپ پیكر یكان حاصل ضرب مینویسیم و گرنه دهگان آن را نوشته صدگان آن را در ذهن نگه میداریم وعمل را بهمین ترتیب ادامه میدهیم تا عدد یك پیكری ما در تمام پیكر های عدد مفروض ضرب گردد

مثال - میخواهیم عدد ۳ را در ۸۷۲۵۲ ضرب کنیم - طرز عمل چنین است:

۸۷۲۵۲ مضروب فیه ۳ مضروب ۳ مضروب ۲۶۱۷۵۶ حاصل ضر ب

مثال ۱ - میخواهیم عدد ه ۲ را در عدد هدد چند پیکری در عدد چند پیکری مثال ۱ - میخواهیم عدد ۱۰ را در عدد ۱۰ شرب کنیم - با استفاده از اصل ۳ میتوان ضرب این دو عدد را چنین تعبیر نمود (۱۰+۳)×۳٤۸=۱۲۸۸۳=۱۳۵۸

حال باید هر یك از دو عدد • و ۲۰ را در عدد ۳٤۸ ضرب و حاصل ضربها را بابكدیگر جمع نمود.

#### PEAKTS - PEAKTS + FTEAK OFF

reaxiereaxo

چنانکه می بینیم این عمل بحالت دم فرب راجع دیشود بعنی باید ه یکه و ۳ دهه را در ۳٤۸ شرب و حاصل شربها با دعه جمع کرد صورت عمل چنین است:

341+AA. Y GENASTERALET

Y + 44 + 40 1 1 2 + 1 1 1 4 7 7 4 4

خلاصة عملهاى الا بدين صورت احت:

821

145.

7 . 44.4 \*

مثال ٣ - ميخواهيم عدد ٢٥٦ را در عدد ٣٨٥ ضرب اكتبها

صورت عمل جنين است:

مضروب فيات EAW عالمتها والسيد 407 MAAA 7 = 10 · 97700 حوصل شرب 174751

حاصل ضرب هر یك از پیكر های مضروب را در مض وب فیه حاصل ضرب جزئی حوالی ضرب جزئی خوانیم - چنانکه دیده میشود درحاصل ضرب جزئی دوم میتوان از صفر سمت راست و در حاصل ضرب جزئی سوم از دو صفر سمت راست صرف نظر نمود بشرط آنکه در این حاصل ضربها میگردد مراعات مرتبه را بنمائیم بعنی چون ۵ دهه در ۸۸ خضرب میگردد حاصل ضرب برابر ۱۶۲ ۲ دهه میباشد یعنی پیکر ۵ از مرتبهٔ دهگان است وباید آن را درزیر دهگان حاصل ضرب جزء نخصت که ۹ میباشد نوشت - بهمین ترتیب حاصل ضرب ۲ صده در ۸۸ برابر ۲۳ ۹ صده میباشد یعنی پیکر ۲ ازمرتبهٔ صد گان است وباید آن را زیر مرتبه های میباشد یعنی پیکر ۲ ازمرتبهٔ صد گان است وباید آن را زیر مرتبه های صدگان حاصل ضربهای جزء نخست و دوم یعنی ۸ و ۱ نوشت .

۱۳۵ - قاعده - برای ضرب عدد چند پیکری درعدد چند پیکری این دو عدد را زیر یکدیگر نوشته خطی افقی در زیر آنها میکشیم - سپس پیکر یکان مضروب را در مضروب فیه ضرب کرده این حاصل را زیر خط افقی مینویسیم - بعد پیکر دهگان مضروب را در مضروب فیه ضرب کرده باملاحظهٔ اینکه نخستین پیکر سمت راست این حاصل ضرب از مرتبهٔ دهگان است آن را در زیر حاصل ضرب نخستین مینویسیم وعمل رابهمین ترتیب ادامه میدهیم تاتمام پیکرهای مضروب در مضروب فیه ضرب گردد.

سپس خط افقی دیگری در زیر این حاصلهای جزء کشیده آنها را باهم جمع وحاصل جمع را زیر این خط افقی مینویسیم ـ این حاصل عبارتست از حاصل ضرب منظور .

اگر بك يا چند پيگر مضروب صفر باشد از آن صفر ها صرف

نظر کرده پیکرهای بعدی مضروب را با رعایت مرتبهٔ آنها در مصروب فیه ضرب مینمائیم .

مثال - میخواهیم عدد ۲۰۹۶ را در ۵۷۹ ضرب دنیم د طرز عمل چنین است:

تبصره ۱ ما اگر در سمت رأست مطروب بالمطروب فیه باهردو یك باچند صفر باشد از آن صفر ها صرف نظر نموده بس از آنجام عمل ضرب بشمارهٔ صفر های مطروب و مطروب فیه در رأست حاصل ضرب صفر قرار میدهیم

دانش آموزان باید بارعایت اصل ۲ این عمل برا توجیه نمایند. تبصره ۲ ـ اگر بخواهیم عددی را درعدد دیگرگه بیگوسمت چپ آن یك وبقیه پیكر های آن صفر باشند ضرب كنیم كافیست بشمارهٔ صفرهای آن عدد صفر درسمت راست عدد مفروض قرار دهیم.

ه مثال - میخواهیم ۵۸٪ را در ۱۰۰۰ ضرب گذیبه حاصل ضرب عبارت خواهد بو د از ۵۸۰٪ بعبارة دیگر بر ای آنکه عددی را ۱۰ پر ۱۰۰۰ یا ۱۰۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰ یا ۲۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰۰ یا ۲۰ 
این قاعده را از روی قوانین شمار نیز میتوان استخراج نمود.

### مسئله های صرب

هستمله ۳۳ ـ ( نمونه ) ـ پس از ضرب دوعدد در یکدیکر مضروب را در ۲ و مضروب قبه را در ۳ ضرب کرده ایم حاضل ضرب جدید باندازهٔ ۲۷۰ ه بزرگتر از حاصل ضرب نخستین است – مطنوبست تعیین حاصل ضرب نخستین

حل - جون مضروب را در ۲ و مضروب فیه را در ۳ ضرب کرده ایم بنا بر اصل ۲ حاصل ضرب یکمرتبه ۲ برابر و سپس ۳ برابر شده - یعنی بالاخره ۲ برابر گشته است - بعبارة دیگر پس از این عمل ۵ برابر حاصل ضرب اصلی بر آن افزوده گشته - از طرف دیسکر میدانیم حاصل ضرب باندازهٔ ۲۷۰۰ زیاد شده پس این مقدار ۵ برابر حاصل ضرب نخستین برابر است با ۱۳۴۸ = ۲۰۰۰۵

هستله ۴۴ ـ اگر هریك از دو سازه ضرب را ۴ برابر كنیم معی*ن كنید* جندر بر حاصل ضرب افزوده میگردد (۱۰ برابر آن)

هسگله ۳۵ ـ عددی در ۲۲ ضرب شده - میدانیم حاصل ضرب باندازهٔ ۱۱۰۲ ازعدد مفروض بزرگتر است\_آن عدد کدامست (جواب: ۲۷)

هستگله ۳۹ ـ ( نمونه ) مجموع دوعدد ۲۹ و حاصل ضربشان ۱۹۸ است ــ اگر از یکی از این دوعدد ۳ یکه کم کنیم حاصل ضرب ۱۹۵ می شود ـ ایمن دوعدد را بیابید

حل ـ اگر از یکی از این دوعدد ۳ یکه کم کنیم حاصل ضرب باندازهٔ ۳ برابر عدد دیگر کم میشود ـ بس اختلاف بین دو حاصل ضرب یعنی ۳۳ = ۱۹۵ – ۱۹۸ – ۱۹۸ میباشد و جون مجموع ۳ برابر یکی از آن عدد هاست ـ پس این عدد ۱۱ = ۳۳:۳ میباشد و جون مجموع آنها ۲۹ است عدد دیگر ۱۱ = ۱۱ – ۲۹ خواهد بود .

هستله ۲۷ ـ تفاضل دو عدد ۹ و حاصل ضرب آنها ۳۲۲ است ـ اگر ۲ یکه بر یکی از این دو عدد بیفزائیم.حاصل ضرب ۲۰۰ میگردد - این دو عدد کدامند ( جواب: ۱۶ و ۳۳ ) هستگله ۲۸ ـ خاصل ضرب دو عدد ۲۳۵ است اگر ۲ بگاه بریگای از این دوعدد اشافه کنیم خاصل ضرب ۲۱ میگردد د آن دوعدد را بازید (حواب ۱۸۱ و ۱۳۳ میشلله ۲۹ ـ با انجامیك عمل ضرب داده بن دو حاصل صرب ۲۱ م ۸۳۱ ۸۳۱ و ۳۶ د و ۳۶ ۸۳۱ را باید (جواب ۲۱ ۸۳۱ ۸۲۱)

مسئله ۳۰ ـ بجای اینکه ۱۸۷ را در ۲۹۱ شرب کنیم نشنیمه ۱۸۷ را در ۲۹۱ شرب کنیم نشنیمه ۱۸۷ را در ۲۹۱ شرب نموده ایم ـ میخواهیم متدار اشتیمی را که در حصل سرس روی داده بیاییم (جواب ۲۹۱×۲۳۰)

هستگله ۴۴ ـ دو عدد ۷و ۱۰ را دریکدیگر ضربه آثر دهایم ۱۰، و ۱۵ یک شکل تعیین کشیم اگر ۳ یکه بر ۷ اشده ( بر افزاتنی نه ۱ و ۱۵ یک بر ۱۰ اشافه ( یا از آن کم ) کشیم در حاصل ضرب چه تعییری رویی مستمس ( برای حسل این مسئله دانش آموزان بایدگافته چهار خان بکار براند )

هستله ۳۳ ماعدی ۳ برابر عدد دیگر است با جون چر باشد در ایسخ دو عدد ه یکه اطاقه کنیم حاصل ضرب این دو عدد با دازهٔ ۱۳۰۵ بش ایر حاسی ضرب دو عدد تخسین است با این درعدد را بریاد ( جواب ۱۶و۲۱ )



## ع ـ تقسيم

۷۵ - تعریف - مقصود از تقسیم عددی بنام مقسوم برعدد دیگر موسوم به مقسوم علیه یافتن بزرگترین عددی است بنام خارج قسمت که چون آن را در مقسوم علیه ضرب کنیم حاصل ضرب از مقسوم بزرگتر نباشد یعنی کوچکتر یا برابر آن گردد . اگر این حاصل ضرب کوچکتر از مقسوم شد زیادتی مقسوم را بر این حاصل ضرب ماندهٔ تقسیم گویند .

میتوان بطریق دیگر نیز تقسیم راتعریف نمود: مقصود از تقسیم مقسوم بر مقسوم علیه یافتن عده دفعه هائی است که مقسوم علیه در مقسوم می گذیجد و این عده فعه ها را خارج قسمت گویند واز اینجا واضح میشود که آنچه از مقسوم پس از این عمل باقی میماند همواره کوچکتر از مقسوم علیه است.

میتوان بازتمریف دیگری برای عمل تقسیم نمود: هرگ حاصل ضرب دو عدد و یکی از آن دو عدد معلوم باشد مقصود از تقسیم یافتن عدد دیگر است . در این حال همواره مانده برابر صفر است .

مثال - میخواهیم عدد ۵ را بر ۸ قسمت کنیم - اگریك بار ۸ را از ۵ کم کنیم ٤ ؛ باقی میماند - اگر بار دیگر ۸را از ۶ خ کم کنیم ماندهٔ ۳ ۳ میشود پس از آنکه ۳ بار این کار را تکرار کردیم جزئی از ۲ ۵ که باقی میماند برابر ٤ یعنی کوچکتر از ۸ است پس دیگر نمیدوان ۸ را از این جزء کم نمود. دراینجا مقسوم ۵۲ و مقسوم علیه ۸ و خارج قسمت ۲ و مانده ٤ است.

نیز میتوان گفت بزرگترین عددی را که منتوان در ۸ سرب نمود تا حاصل ضرب از ۲ ۰ تجاوز نشماید ۳ است زیرا

XXX=EX JOY-EX=8

ازاین مثال دیده میشود که رابطهٔ راکه بین مقسوم و مقسوم علیه و خارج قسمت و مانده موجود است میتوان با این نساوی نمایش داد مانده + خارج قسمت × مقسوم علیه علیه مقسوم

2 + 7 × A

هم علامتهای تقسیم - علامت تقدیم بکس (:) آست شه منسوم در چپ آن ومقسوم علیه در راست آن نوشته میشود به دگری خملی است افقی که مقسوم در بلا و مقسوم علیه در زیر آن میشده میشود برایر حصی شرب تبصره - اگر ماندهٔ تقسیم صفر باشد مقسوم برایر حصی شرب مقسوم علیه در خارج قسمت است و گوئیم مقسوم بر منسوم علیه در خارج قسمت است و گوئیم مقسوم بر منسوم علیه نیز مقسوم علیه در باز میتوان گفت مقسوم را مضربی است از مقسوم علیه نیز خوانند و باز میتوان گفت مقسوم ناید عقسوم را عاد هستماید.

۹۹ - اصل ۱ - هرگاه بخواهیم مجموع چندین مدد را شده ریك مضرب عدد عفروضی میباشند بر آن عدد قسمت اثانیم كافست هی مك ازاین عدد ها را جداگانه برعدد مفروش قسمت اثراده خارج قسمتهارا با هم جمع كنیم

و چنانچه ديده ميشود ۱ د ۲ و (۱۳۵) سرو د ديده ميشود ۱ و ۲ و ا

این اسل را میتوان بدین طریق عمومیت داد

هر گاه بخواهیم مجموع چندین عدد را برعدد دیگری تقسیم نمائیم کافیست عدد نخستین را بر عدد مفروس قسمت کرده ماندهٔ این تقسیمرا با عدد دوم جمع و این حاصل جمع را بر عدد مفروس قسمت و بازمانده این تقسیم را با عدد سوم جمع کرده این حاصل جمع را بر عدد مفروس قسمت کنیم و این کار را آنقدر ادامه دهیم تا عمل تمام شود ـ خارج قسمت عبارت خواهد بود از مجموع خارج قسمتهای جزء و مانده برابر آخرین مانده میباشد

مثال - میخواهیم مجموع ۲۰ + ۱۳ + ۲۷ + ۳۷ + ۳۰ را بر ۶ قسمت کنیم - طرز عمل چنین است

0 = { X 1 = 1 X = 2 X 1 Y + 1

 $1+3\times3=9+1=1+1$ 

r + + + == + + == £ × 0 + +

خارج قسمت عبارتست از مجموع خارج قسمتهای جزء یعنی ۲۳ = ۵ + ۶ + ۳ + ۲ + ۳ و مانده تقسیم مفروض برابر آخرین مانده یعنی ۳ میباشد ـ و چنانکه دیده میشود ۲۲۲×۶=۶:۱۰۱=۶:(۲۰+۱۱+۱۱+۲۰)

۹۰ - اصل ۲ - برای تقسیم ماندهٔ دو مضرب یك عدد بر این عدد كافیست هریك از آن دوعدد را بر عدد مفروس قسمت كرده خارج قسمتها را از هم كم كنیم

ه منال - میخواهیم مانده تفریق ۲۰-۵٪ را بر۷ قسمت کنیم چنین داریم

 $3 - A - 7 = (V: F \circ) - (V: 3A) - V = (F \circ - 3A)$ 

وچنانکه دیده میشود ع ۲۸:۷ ت ۷۸:۷ م ۸۰ (۵۰ م ۸۰)

۱۱ ـ اصل ۱۳ ـ اگر مقسوم و مقسوم علیه را در عددی ضرب و یابر عددی قسمت کنیم در خارج قسمت تغییری حاصل سیشود ولی مانده درآن عدد ضرب و یا برآن تقسیم میگردد

وچنانکه دیده میشود ۲ + ۲ × ۱ = ۱ غ ۱ = ۳ × ۱ ع ۲ مثال ۲ - در تقسیم ۲۰ بر ۸ نیم ۴ + ۲ × ۸ مت ۵ مثال ۲ - در تقسیم ۲۰ بر ۸ نیم ۴ + ۲ × ۸ مت ۵ مثال ۱ مقسوم و مقسوم و مقیوه این قسمت میکنیم ۱ - ۳ × ۲ مت ۱ مت ۱ ۲ مت ۵ ۲ مت ۵ ۲ مت ۵ ۲ مت

١٩٠ - عمل القديم - در تقسم ٣ حالت الشخيف مساهيم

۱۳ - حالت ۱ - مقسوم علیه و خراج قددت هر بدار دار ی یا پیکر میباشند - دراین صورت واضح ست مقسوم بیش از دو پدار ها داهد داشت زیرا حاصل ضرب دو عدد با پیگری عددی است بشا بیداری یا دو پیکری - دراین حالت برای بافتن خارج قسمت از روی جدیال شرب بررگترین عددی رامی باییم که چون درمقسوم علیه شرب شوت حاصال از مقسوم بزرگتر نباشد - زیادتی مقسوم را در این حرص شرب مانده از مقسوم بزرگیر نباشد - زیادتی مقسوم را در این حرص شرب مانده

هنال ۲ - میخواهیم ۵۹ رابر ۸ قسمت کنیم. میر سیده آگر ۷ را در ۸ ضرب کنیم حاصل ۵۹ میگردد و ۲ بزرگشرین سددی است که حاصل ضرب آن در ۸ از ۵۹ تجاوز نمیندید زیر ۱۳ شر عدد بعدان ۷ را که ۸ است در ۸ ضرب کشیم حاصل ۲۵ ش که از ۵۹ روکش میباشد پس چنین داریم :  $\Upsilon + V \times \Lambda = 0$  دراین رابطه 0 مقسوم و 0 مقسوم علیه و 0 خارج قسمت و 0 مانده تقسیم است .

دانش آمرزان باید عادت کنند تقسیم حالت اول را فورا درذهن. انجام داده خارج قسمت و مانده آن را بیابند

این واضح است که مقسوم از ۱۰ بر ابر مقسوم علیه کو چکتر است حالت واضح است که مقسوم از ۱۰ بر ابر مقسوم علیه کو چکتر است یعنی اگرصفری در راست مقسوم علیه بگذاریم ازمقسوم بزرگتر میشود برای انجام عمل تقسیم از راست مقسوم علیه آنقدر پیکر جدا میکنیم که یکی بیشتر در سمت چپ نماند - بعدبهمین شماره پیکر از راست مقسوم علیه جدا کر ده جزئی را که در چپ مقسوم مانده بر پیکری که از چپ مقسوم علیه مانده تقسیم مینمائیم و خارج قسمتی را که بدین ترتیب بدست میآید امتحان میکنیم یعنی آنرا در مقسوم علیه ضرب میکنیم اگر حاصل بر ابر مقسوم یا از آن کو چکتر بود این عدد خارج قسمت میباشد - ولی اگر حاصل ضرب این عدد در مقسوم علیه از مقسوم بزرگتر شد یك یكداز حاصل ضرب این عدد در مقسوم علیه از مقسوم بزرگتر شد یك یكداز آن کم نموده و بازامتحان میکنیم - وعمل را آنقدر ادامه میدهیم تاخارج قسمت بدست آید

هنال ۱ - میخو اهیم عدد ۱۲۷۱ را بر ۳۱۵ قسمت کنیم ـ چون دو پیکر از سمت راست مقسوم علیه جدا کنیم پیکر ۳ در چپ باقی میماند حال اگر ۲ پیکر هم ازسمت راست مقسوم جدا کنیم عدد ۲ را بر ۳ قسمت میکنیم میشود نه وعدد نه را امتحان می کنیم میشود میشود نه وعدد نه را امتحان می کنیم میشود قسمت همان نه ۲۱۳ چون حاصل ضرب از ۲۲۲ ابیشتر نشده خارج قسمت همان نه است و مانده تقسیم ۲۱ = ۱۲۲۰ ۲۲۲۰ است - صورت عمل چنین است:

مثال ٢ - منخواهد عدد ١٩١٢٦ رأبر ١٥١٧ فسمت كنيم . .اگر صفری در راست مقسوم علیه گزاریم از مقسوم بزر گشر میگردد پس حتماً خارج قسمت دارای یك بیكر میباشد اگر ۳ بهدر از سعت برست مقسوم عليه حدا كنيم يكو ٧ درجب القي متماند و الكر يهمان شماره یکر از راست مقسوم جدا کشیم در چپ ۱۹ باقی میماند و چون ۱۹ را بر۲ قسمت کنیم خارج قسمت ۹ میگذردد و اگر ۹ را در ۲۸۵۱ ضرب كنيم ميشود ٢٥٦٥٩ = ٢٨٥١× أبن عدد زمقسوم معنى ١٩١٢٦ ورگتر است سالك كله از ٩ كر از ده ١٠ را در ١٥٨٧ ضرب میکنیم هیشو د ۸ ۰ ۸ ۲ ۲ ۳ ۸ ۵ ۸ ۲ ۴ ۸ تین طرائز حاصل صرب از مقسوم بزرگش شد پس ناچار بك يكهٔ ديگر از آن كه كرده عدد ٧ را در ۲۸۰۱ ضرب میکنیم میشود ۲۸۹۷ 🗝 ۲۸۵۱ 🛪 ۲۸۵۱ این سار ليزحاصل ضرب ازمقسوم بزر كتر شديد إلاچار بنك يكه ديكر از أن الم كرده عدد ٦ را در ٢٨٥١ ضرب منائب مشود ١٧١٠٦ = ٢٨٥١ ١٢١٥ ابن بارحاصل شربي كه بدلت آ مده از عقده الا چات اللت در خارج قسمت ما ٦ خواهد بود عورت خون جني است:

مقدودعاید ۱۵۱۱ ۲ ۱۳۱۶ متده خارج قدمت ۲ ۱۷۱۱،۲

۲۵ - حالت ۳ - تقسيد دو عده وقتی که خارج قدمت بيش از

بك پيكر داشته باشد يعنى ده برابر مقسوم عليه كوچكتر ازمقسوم باشد مثال - ميخواهيم عدد ٧٩٣ را بر عدد ٨٤٥ قسمت كنيم - اول باندازه پيكر هاى مقسوم عليه ازسمت چپ مقسوم پيكر جدا ميكنيم عدد ٢٧٨ بدست ميآيد ـ حال با استفاده از اصل ١ گوئيم مقسوم برابر است با

→ cab = cab 7+9+77 == 7777 A

پس برای تقسیم کردن این عدد بر ۸ نه ۵ کافیست اول ۲۷ ۸ صده را بر ۸ نه ۵ قسمت کنیم این خارج قسمت نخستین پیکر سمت چپ یعنی پیکر صدگان خارج قسمت ما خواهد بود ومانده را با ۹ دهه جمع وباز بر ۸ نه ۵ قسمت میکنیم - خارج قسمت پیکر دهگان خارج قسمت خواهد بودباز هم ماندهٔ این تقسیم را با ۳ یکه جمع کرده بر ۸ نه ۵ قسمت میکنیم این خارج قسمت وماندهٔ این تقسیم ماندهٔ میکنیم این خارج قسمت وماندهٔ این تقسیم ماندهٔ میکنیم است:

ومانده تقسیم برابر · غ میباشد این عمل تقسیم را بدین طریق نیز میتوان نمایش داد

· gwir	Arvar	1,50	متسوم علبه
	0 t A	1:1	خارج قسمت
	+1/44	•	b+
	<b>光</b> 节发光		
,	\$ G W	•	
	2 ± 3		
٠	ţ ;	•	g vis 14

17- تبصره- اگر درابتدای تقسیم موقعیکه بانداز قیب کر های مقسو علیه از چپ مقسوم علیه از چپ مقسوم باید از چپ مقسوم باید باشد یك پیكر دیكر از سمت چپ مقسوم جدا اگر ده عدی تقسیم بایدان ترتیب كه گفته شد انجام میدهیم

الا - تقسیم باختصار - در عمل تقسیم بجنی آفته بس از شرب هر یک از پیکر های خارج قسمت درمقسوم عسم حاصل ضرب در زبر جزء نظیر مقسوم نوشته سپس عمل تفریق را آنجه دهیم میشوان شارن بلار توشتن حاصل ضربهای جزء هر پیکر آن را آنه بسمت مهآ بساند نیاس نظیرش درمقسوم تفریق نموده مانده را نوشت ـ بن قسم نفسیم دانقسیم باختصار گویند

هال - میخواهیم همان تقسیم بالا را باختصار آبجده دهیم صورت عمل چنین است:

۱۸ - قاعده - برای تقسیم دو عدد وقتی خدرج قسمت بیش از یك پیكر دارد مقسوه را نوشته در راست آلت خطی قدارم

کشیده مقسوم علیه را در راست این خط مقابل مقسوم نوشته خطی افقی درزیر آن میکشیم ـ سپس ازسمت چپ مقسوم آ نقدر پیکر جدامیکنیم که از مقسوم علیه بزرگتر واز ده برابر آن کوچکتر باشد این جزء را برمقسوم علیه قسمت کرده اولین پیکر سمت چپ خارج قسمت را بدست میآ وریم وآن را زیر خط افقی مینویسیم بعد این پیکر را درمقسوم علیه ضرب نموده از جزئی ازمقسوم که جدا نموده ایم کم میکنیم سپس یك پیکر دیگر ازمقسوم را در راست این مانده نقل کرده عددی را که بدین ترتیت بدست میآ بد باز بر مقسوم علیه قسمت میکنیم پیکر دوم خارج قدمت بدست میآ بد باز بر مقسوم علیه قسمت میکنیم پیکر دوم خارج را نیز در مقسوم علیه ضرب کرده از مقسوم جزء تفریق میکنیم و عمل را نیز در مقسوم علیه ضرب کرده از مقسوم بخرء تفریق میکنیم و عمل را بدین ترتیب ادامه میدهیم تا تمام پیکر های مقسوم بکار روند ـ آخرین ماندهٔ که بدست میآ ید عبارتست از ماندهٔ تقسیم .

ممکن است وقتی یك یاچند پیكر مقسوم را پائین میآ وریم تقسیم ممکن نگردد ـ در این حال بازای هر پیكری كه پائین آ ورده تقسیم ممکن نشده صفری در خارج قسمت قرار میدهیم .

مثال - میخواهیم ۲۰۲۱ که ۱۰ رابر ۲۰۶ قسمت کنیم - صورت عمل چنین است :

۱۹ - ۱۵ متحان تقسیم - از آنچه گفته شد چنین بر میآید کهبرای امتحان تقسیم میتوان یکی ازدوعمل را انجام داد: نخست آنکه ماندهٔ تقسیم را از مقسوم کاسته و حاصل تفریق را بر خارج قسمت تقسیم میکنیم باید

خارج قسمت این تقسیم جدید برابر مقسوم علیه قدیم و مانده آن صفر باشددوم اینکه خارج قسمت را درمقسوم علیه شرب کرده و حاسل شرب را با مانده جمع میکنیم حاصل جمع باید برابر مقسوم کردد

مثال میخواهیم بدانیم آیانقسیمی که درمنال بالا انجام داده ایم صحیح است یانه مقسوم را برخارج قسمت تقسیم میکشیم چنان میشود:

79.5 AAF73.6

چنانکه میبینیم خارج قسمت جدید بر ابر مقسوم علیه قدیم و مابده جدید صفر است پس تقسیم صحیح بوده و نیز اگر مقسوم علیه را در خارج قسمت ضرب کنیم میشود

1 - VF - Y27... 1 - E77.A

اكثون مانده را باحاصل شرب جمع مياشيم مقسمه بدست ميآيد. ۱۰۲۲۸۸۱ د ۲۷۳۱ د ۱۰۲۲۸۸۱ د ۱۰۲۲۸۸۱

پس عمل ما صحیح بوده است.

### مسئله ها

هستگله ۳۳ ـ ( نمونه ) ـ نابت دنیده اگن مقسوم هنیه را به مقسوم افزوده و یا از آن کم کانیم برخارج قسمت بیشیکه اضافه یا آن از می شود ودر باقیمانده تغییری روی نمیدهند .

حل میدانیم اگرهٔ انده را افزه تسوم کرکنیم حاصل بر این حصل ضرب خارج قسمت درمقموم علیه میکردد یعنی خارج قسمت نشان میدهد میدهد مقسوم علیه حدا بار صحیحاً در مقسوم میکنجد . حال اگر متسوم علیمرا بر مقسوم بیغزائیم بر عدا دفعانی

که مقسوم علیه در مقسوم میکنجد یك بار اضافه میگردد یعنی خارج قسمت یك یکه زیادتر میشود . بهمین ترتیب میتوان دید که اگر مقسوم علیه را از مقسوم کم کنیم و تفاضل را برمقسوم علیهقسمت کنیم خارج قسمت جدید یك یکه کمتر از خارج قسمت نخستین میگردد.

مثلا اگر۲۳۶ رابر ۲۳۱ قسمت کنیم خارج قسمت ۳۱ و مانده ۱۰ است ۱۳ و ۱۰ س

حال مقسوم علیه را بر مقسوم افزوده باز عمل تقسیم را انجمام میدهم چنین خواهبم داشت .

VYEY+TTT=VONA=TTTXTY+10

یك یکه بخارج قسمت افزوده شده و مانده تغییری نکرده ـ حال مقسوم علیه را از مقسوم کم گرده باز عمل تقسیم را انجام میدهم چنین خواهیم داشت :

31++7×177=1-17=177-737V

از خارج قسمت یك یكه كم شده و در مانده تغییری روی نداده است.

هسئله ۴۴ ـ محموع دو عدد ۲۰۱۰ وخارج قسمت آنها ۱۸ است آن عدد را بیابید (۳۲۲ه و ۳۲۶)

هستگله ها به تفاضل دوعدد ۳۱۹۰ و خارج قسمت آنها ۲۳ است آن دو عدد را بیابید ( ۳۳۳۵وه ۱۶)

هستمله الله عدد را بیابید ( ۱۳۸۱ و ۱۷۲۱ و سمت آنها ۲ و مانده تقسیم ۱۰۲ است آن دو عدد را بیابید ( ۱۲۰۸ و ۱۷۲۱ )

هستَّلُه ۳۷ مانده(تفاضل) درعدد۲۰۰۸خارج قسمتآنها ۹ ومانده تقسیم برابر ۱۰۸ است آن دوعدد را بیابید ( ۲٤۰۰ و ۳۸۲ )

هستله ۳۸ در یک تقسیم بدون مانده مقسوم علیه ۳۱ و خارج قسمت ه برابر بزرگترین عددی است که میتواند مانده باشد . مقسوم را پیدا کنید(۲۰۰) هستگله ۳۹ مستگله ۳۹ مددی را بر ۵۲ قسمت کرده ایم مانده ۷۲ شده استوجون همان عدد بر ۵۱ قسمت کنیم مانده تقسیم ه میگیردد سه مطلوبست تعیین خارج قسمت و مقسوم در صورتیکه میدانیم در این دو تقسیم دو خارج قسمت برابر میباشند (۵۰ م در ۱)

هستُلله ۴۰ ـ در تقسیمی مجموع مقسوم و مقسوم علیه و خرج قسمت بدرایر ۱۸۷۹۰ میباشد و میدانیم فضل مجموع مقسوم و مقسوم علیه بر خارج قسمت بدرایس ۱۸۶۳۱ است مطلوبست مقسوم و مقسوم علیه و خارج قسمت ( مقسوم ۱۸۶۳۲ مقسوم ۲۰۲ مقسوم علیه ۲۰۲ خارج قسمت ۷۲ )

میباشد اگر ۱۲۹۶ به به به خارج قسمت یک تقسیم برای ۱۶۰ و مراسه ۱۹۷ میباشد اگر ۱۲۹۶ به به کرده مجدد آ برهمان مقسوم عبه قسمت ۱۲۹ میباشد اگر ۱۲۹۶ به به به کرده میباشد امران مقسوم عبه قسمت ۱۶۹ میکردد . مطنوبات امران مقسوم و مقسوم عبه حل در تقسیم اولی مقسوم ۱۶۰ برای مقسوم عابه باشانه ۱۹۳۷ میباشد حل اگر ۱۲۹۶ برای مقسوم عابه باشانه کنیم خارج قسمت باندازه ۳۱۷ ۱۲۹ به ۱۲۹ میباشد افزوده میشود . پس جنین نتیجه میکیریم که عند ۱۵۸۱ ۱۸۱۱ به ۱۲۹ و مقسوم برایر مقسوم علیه میباشد بس مقسوم علیه برای ۱۲۲ د و مقسوم برایر مقسوم علیه میباشد بس مقسوم علیه برای ۱۲ د ۱۲۰ تا د و مقسوم برایر

هستله ۴۲ ما خارج قسمت تقسیم عمدی بن عدد درسکان ۴۴ و ماسهٔ آن ه است اگر ۳۰۷ بهمقسوم بیفرائیم وین همین مقسوم عدیه فسویت شاید خارج فسمت جدید ۲۹ و ماندهٔ این تقسیم ۱۲ است سد معلموبست منسوم و منسوم عربه السایی ( ۱۵۶۰ و ۲۰)

هستگله ۴۳ ما عددی را این ۷۶۱ قسمت کرده ایم خبرج فسمای برابر ۳۲۷ و مانده ۵۹۹ شدهاست به حال اگردند ۵۹۰ ۷۳۰ رابر مقسوم نازوده بی همان متسوم علیه تقسیم کشیم معین کشید خارج قسمت و مناهم جدید چندر خواهد بود دار حال این مسئله احتیاجی بمعاصبه مقسوم نیست )

هستگه ۴۴ ـ میخواهیم بدازم اگل ۱۰ ـ هفت برایر منسوم شبه را بر منسوم اطاقه کنیم ۲۰ ـ منسوم را در ۷ طرب ثنیم در خرج نسمت و منسیجه تغییری روی میدهد .

# بخش سو م

## چهار عمل اصلی ده دهی ( اعشاری )

• ۷ - تعریف - چنانکه دربخش شمار دیدیم همیشه اندازهٔ مقدار عدد درست نیست مثلاگاهی درازائی را که میخواهیم اندازه بگیریم درست چند برابر یکه درازا که متر است نبوده وقطعهٔ ازآن درازا باقی میماند که از یك متر کوچکتر است در اینصورت چنانکه گفتیم برای سنجش چنین قطعه یکه ای را که اختیار شده باید بچند جزء متساوی قسمت نموده یکه تازهٔ بسازیم

همانقسم که پایه شمار ۱۰ میباشه دراین جا بهتر و آسانتر آنست که یکه رابده جزء متساوی قسمت نمائیم و هر گاه لازم باشد قطعه های کوچکتر از این اجزاء را نیز اندازه بگیریم باز یکی از اجزای ده گانه را که یك دهم نامیم بده قسمت کر ده یك قسمت را یکه جدید اختیار مینمائیم و آنرا صدم مینامیم و واضح است هرچند بار بخواهیم میتوانیم این عمل را تکرار کنیم اگر مقداری را که اندازه آن عدد درست نیست بدین وسیله بسنجیم اندازه آن را عدد ده دهی ( اعشاری ) گویند.

هنمال میخواهیم درازائی را اندازه بگیریم میبینیم این درازا شامل ۱۲ برابر یکه که متر است بوده و جزئی کو چکتر از بك یکه (یك متر) باقی میماند حال متر را بده قسمت متساوی نموده نام هر جزء رایك دهم متر ( دسیمتر ) میگذاریم آنچه از ۱۲ متر باقیمانده بادسیمتر اندازه میگیریم مثلا ۷ دسیمتر در آن میگنجد وقطعهٔ کوچکش ازدسیمتر باقی میماند حال دسیمتر رابده قسمت متساوی کرده که هرینگ جزء راصدم متر (سانتیمتر) نام میدهیم وباقیمانده را باساشیمتر میسنجیم فرض کنیم که سانتیمتر درآن بگنجد و دیگر چیزی باقی نماند بسی در آرای مفروض ۲ متر و ۷ دسیمتر و ۶ سانتیمتر خواهد بود و آبرا چنین مهنویسیمتر

۷۱ - ممیز - چنا نکه دیده میشود این طرز نوشتن آسان نیست حال گوئیم چون یکه هر مرتبه ده بر ابر یکه مرتبه سمت رست خود میباشد و متر ده بر ابر دسیمتر است لازم است ۷ ( دسیمتر ) در راست پیکر ۳ (متر) نوشته شود و بهمین ترتیب نا در راست ۷ قرار میگیرد یس اندازه درازای مفروض را چنین مینوسیم

۱۲۷۶ ولی برای تشخیص قسمت دیست که شده به مده اسانی است (متر) از قسمت ده دهی ( اجزاء متر ) علامتی بدین صورت ( و ) که نمیز نامیده میشود در طرف راست مرتبد لکان که با متر سان شده میگذاریم پس عدد چنین نوشته میشود ۲۷۲۶ متر و نام بلاه درست باید همراه عدد باشد .

 چنین میخوانیم ۱۲ متر و هفت دهم متر و ۶ صدم متر چون یکدهم بر ابر ده صدم میباشد ۷ دهم را میتوان ۷۰ صدم گفت پس عـدد را چنین میخوانند ۲۲ متر و ۷۶ صدم متر .

پس برای خواندن عدد ده دهی بهترین راه آنست که جزء درست یعنی آنچه را درسمت راست چپ نمیز نوشته شده بدواً خواند لفظ عدد درست را بآن افزوده سپس آنچه را در سمت راست نمیز قر ارگر فته مابند عدد درست خوانده نام مرتبه آخرین پیکر سمت راست را درآخر ذکر کرد مثلاسه عدد ۲۹۷۷ و ۲۹۷۷ و ۲۹۷۱ را ۱۹۱۸ را میخوانیم سه عدد درست و هفتصد و بیست و پنج هزارم - چهارصد و هفت عدد درست و دویست و نودو دو ده هزارم - نوزده عدد درست و هزار و بهشتصد و ششصد و ششتمد و ششتمد و ششتمد و ششتم ده هزارم .

تبضره - باید دانست اگریك یا چند صفر درسمت راست پیکرهای ده دهی یك عدد ده دهی قرار دهیم در مقدار آن عدد تغییری روی نمیدهد مثلا 0.0 ر0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 مثلا 0.0

۷۳ ـ انتقال ممیز - عدد ده دهی ۲۸ ۷۳ و ۵۳ مفروض است میخواهیم بدانیم اگر ممیز آن را یك پیكر بسمت راست یا چپ انتقال دهیم یعنی عدد های ۲۸ ۷۳ و ۲۸ ر۷۳ ۵ در ا بنظرآوریم چه رابطهٔ بین عدد مفروض واین دو عدد موجود است ؟.

برای نمایش پیکرهای مرتبه های مختلف این سه عدد آنها رابدین ترتیب در جدولی مینویسیم:

-	<b>.</b> >₩	Yana	F	S. C.	Š.	ر ه د	ł	هر آن	ده هزاره
	(or, v*)	district the second	2	٥	۳	٧	1	λ	
	£0,747A			ŧ	•	٣	Y	1	٨
	£ark,ng	*	3	۲	٧	7	٨	·	

چنانکه دیده میشود پیکرهای این سه عدد مشترك میباشند ولی مرتبههای این پیکرها درسهعددباهماختلاف

دارند مثلاپیکر ۳ درعدد نخستین مرتبه یکان و درعدد دوم مرتبه دهم یعنی ده برابر کوچکتر ازآن و درعددسوه مرتبه دهگان بعنی ده برابر آن را نمایش میدهد پس هریك از پیکر های عدد نخستین در عدد دوم ده دفعه کوچکتر و درعددسوم ده برابر گشته است نزاینجه معلوم مشیرد اگر ممیز رایك پیکر بچپ انتقال دهیم عدد مقروض ۱۰ دفعه کوچکتر یعنی برده تقسیم میکردد و بهمین ترتبب آگر ممیز را یک پیکر بارسات ببریم عدد مفروض ده برابر یاضرب در ۱۰ میشود به بهمین ترتبب میآون دید اگر ممیز را دو پیکر بچپ یا راست انتقال دهیم عدد ده دهی را در ده یما در ۱۰ میشود به بهمین ترتبب میآون نیا در ده نام میگردد و چون بخواهیم عدد ده دهی را در ده یما در ۱۰ با در ۱۰ میشود به به برا برا با در ۱۰ بیشر به به برا برا با در ۱۰ بیشر به به برا برا با با ۱۰ بیشر عدد مفروش را یک پیدو باسه به برا برا بیشر بسمت به باید بایچپ انتقال دهیم

اگر عدد ده دهی مفروی در راست با چپ نمبز دارای شمایره بیکرهای کافی نباشد انقدر صفر در راست یا چپ آن میگذ ربم تا عمل ممکن گرددوچنانکه میدانیم گذاردن این صفرها مقدارعددر تغییر نمیدهد: مثال ۱ - میخواهیم عدد ۲۷ر۲۲ را در عدد ۲۰۰۰ ضرب کنیم نخست صفری در راست عددده دهی قرار داده بعنی عدد بیگرهای ده دهی آنرا بسه میرسانیم سپس نمیز را سه پیکر براست انتقال میدهیم میشود ۱۲٤۱۷×۱۰۰۰=۱۲٤۱۷ یمنی ۱۲٤۱۷-۱۲٤۱۷ میشود ۱۲٤۱۷ میشود ۱۲۵۱۵ تقسیم کنیم بدواً صفری در راست آن میگذاریم میشود ۲ر۵۰ وحال نمیز را دوپیکر بسمت چپ میبریم میشود ۲۰۵۰ر۰ یمنی ۲۵۰ر۰ ۱۰۰۵۰۰۰

# ۱ ـ جمع و تفریق عدد های ده دهی

۷۴ - قا عده - برای جمع کردن چندین عدد ده دهی یا تفریق عدد ده دهی ازعدد بزرگتر دیگر قاعده آنستکه عددها را زیرهم بقسمی مینویسیم که نمیزها در زیر یکدیگر قرار گیرند اگر شماره پیکر های آنها برابر نباشد با گذاردن صفر درراست عدد هائی که پیکر های ده دهی آنها کمتر است شماره پیکر های دهی همه را برابر مینمائیم در ینحال پیکرهای هریك از مرتبه ها چه درراست چه درسمت چپ نمیز زیرهم واقع میگردند سپس مانند جمع یاتفریق عدد های درست عمل جمع یاتفریق را انجام میدهیم و وقتی به میز رسیدیم در حاصل جمع یامانده نمیز میگذاریم .

مثال ۱ - میخواهیمعددهای ده دهی ۷۰۳ر ۶۰ و ۲۸۲۰ و ۲۸۲۰ و ۲۸۲۰

را باهم جمع كنيم با رعايت قاعده نامبرده صورت عمل چنين است :

٥٢٨٦٠ .

171.790

مثال ۲ میخواهیم عدد ۲۸۳ر ۶ را از عدد ۲۷٬۰۲ کم کنیم اول صفری در سمت راست مفروق منه میگذاریم تا شماره پیکری های ده دهی آن برابر مفروق گردد سپس مفروق را زیر مفروق بهمان ترتیب نامبرده نوشته و عمل را انجام میدهیم صورت عمل چنین است:

τν,· τ . ε, τ λ τ ττ, ν τ ν

## ۲ ـ ضرب عددهای ده دهی

چنانکه در اصل ۲ در ضرب عددهای درست گفته شد اگریکی از دو سازه ضرب را چندین برابر کنیم حاصل ضرب همانقدر دفعه بزرگش میکردد واضح است اگریس از این عمل سازه دیگر را نیز چند برابر نموده و مجدداً عمل ضرب را انجام دهیم باز همانقدر دفعه حاصل ضرب جدید بزرگ میشود یعنی اگر یکی از دوسازه را ۱۰ برابر و دیگری را ۱۰۰ برابر نمائیم حاصل ضرب بدواً ده برابر و باز ۱۰۰ برابر نزرگشر و بنا براین ۱۰۰۰ سرابر نزرگ خواهد شد.

مثال - میخواهیم عدد ۷۷۷۷ را در نار ۱۰۰۰ نسرب کنیید.

نخست عدد ۷۷۷۷ را در ۱۰۰۰ ضرب میکنیم میشود ۷۲۷ ۱۰۰۰ ۱۰۲۱ تا ۲۷۲ ۲۰۱۰ اسلام بعد کار ۲۰۱۰ را این در ۱۰ ضرب میکنیم میشود ۱۰۲۵ تا ۲۰۲۱ تا ۲۰۰۱ تا ۲۰۲۱ تا ۲۰۰۱ تا ۲۰۲۱ تا ۲۰۰۱ تا ۲۰۲۱ تا ۲۰۲۱ تا ۲۰۰۱ تا ۲۰۰۱ تا ۲۰۲۱ تا ۲۰ تا ۲۰۲۱ تا ۲۰ تا

۷۵ - قاعده - برای ضرب دو عدد ده دهی قاعده آنستکه آنها را زیر هم نوشته بدون ملاحظهٔ نمیز های مضروب و مضروب فیه عمل ضرب را مانند ضرب عددهای درست انجام میدهیم پس از انجام عمل ضرب ازسمت راست حاصل ضرب باندازه مجموع شماره پیکر های ده دهی مضروب و مضروب فیه پیکر جدا کرده نمیز میگذاریم .

تبصر ۱ - واضح است اکر یکی از دو سازه ضرب عدد درست و دیگری ده دهی باشد از ممیز آن عدد صرف نظر نموده پس از انجام عمل ضرب باندازهٔ پیکرهای ده دهی آن عدد پیکر جدا کرده ممیز میگذاریم.

مثال - میخواهیم عدد ۳۶٫۷ را در ۲۹ ضرب کنیم صورت عمل جنین است:

### ۱۸ر۱۱۳ = ۲۱×۳۶ر۷

قبصر ۲۰ هـ مـ گاه یکی از دو سازه عدد ده دهی کـ و چکتر ازیکه (یعنی عدد ده دهی که قسمت درست آن صفر است) باشدحاصل خرب کو چکتر ازعده دیگر میشود ـ مثلاحاصل ضرب ۱ درعدد ۲۰ درعد ۲۰ مرب میشود ۳ زیرا ۲۰ در ۳ در ۲۰ چنانکه میدانیم حاصل ضرب ۵ در ۱۲ عددی است که شامل ۵ دفعه ۱۲ باشد یعنی هما نطور که از تعریف ضرب بر میآید چون مضروب بزرگتر از یکه است حاصل ضرب بزرگتر از مضروب فیه خواهد بود ولی اینجا میخواهیم عددی را که کو چکتر ازیکه است در دوازده ضرب کنیم پس حاصل ضرب البته از ۲۲ کو چکتر خواهد بود.

# ۳ \_ تقسیم عدد های ده دهی

تقسیم عدد های ده دهی سه حالت دارد .

۷۱- ۱ول - مقسوم عدد ده دهی و مقسوم علیه عددیست درست. مثال - میخواهیم عدد ۱۳٫۷۱۱ و را س ۲۲ قسمت کهیم از ممین مقسوم صرف نظر میکنیم یعنی عدد ۱۷۳۱ و را که ۱۰۰ مرتبه بزرگتر از مقسوم اصلی است بر ۲۲ تقسیم میکنیم میشود.

۱۹۸۹ ومانده آن ۱۷ است ولی چون مقسوم به تشهائی ۱۹۸۹ برابر شده پس خارج قسمت این تقسیم شده پس خارج قسمت و مانده این تقسیم ۱۰۰ برابر خارج قسمت و مانده تقسیم اصلی است و برای بدست آ وردن خارج قسمت و مانده دو عدد مفروط دو عدد ۱۹۸۹ و ۱۷ را بر ۱۰۰ تقسیم میدنیم وبرای اینکار کافیست دوبیکر از سمت راست آنها جدا کرده میز اگراریم میشود ۱۹۸۹ و ۱۷ را بس تقسیم اصلی چنین نصبت داده خواهد شد میشود ۱۹۸۹ و ۱۷ را بس تقسیم اصلی چنین نصبت داده خواهد شد

۷۷ ـ قاعده ـ برای نقسیم عدد ده دهی بر عدد در ست از نمین مقسوم صرف نظر کرده عمل نقسیم را دانند عدد های درست انجام مبدهیم وپس ازعمل تقسیم از سمت راست خارج قسمت و مانده بشماره بیکارهای ده دهی مقسوم پیکر حدا کرده ممیز میگذارین.

۷۸ - حالت دوم - دربنجالت مقسوم عدد درست و منسوم علیه عددیست ده دهی .

مثال - میخواهیم عدد ۲۵۲۹۳ را بر عدد ۲۱۳٫۵۳ تقسیم کنیم. درینحالت مقسوم ومقسوم علیه را ۰۰۰ برابر میکنیم تامقسوم علیه بعدورت عدد درست در آید و بعد عدد ۲۱۳۵۰ را بر ۲۱۳۵۲ تقسیم میکنیم میشود:

و مقسوم علیه تقسیم مفروض را صد برابر کرده ایم پس خارج قسمت تقسیم اخیر عیناً برابر خارج قسمت مطلوب ولی مانده این تقسیم 0.00 برابر مانده تقسیم اصلی است وبرای بدست آوردن مانده بایدمانده تقسیم جدیدرا بر 0.00 به تقسیم کرد پس تقسیم اصلی چنین نمایش داده میشود 0.00

۷۹ - قاعده - برای تقسیم عدد درست بر عدد ده دهی از ممیز مقسوم علیه صرف نظر کرده در راست مقسوم بشماره پیکرهای ده دهی مقسوم علیه صفر میگذاریم سپس عمل تقسیم را مانند تقسیم عددهای درست انجام داده پس از انجام عمل ازسمت راست مانده بشمارهٔ پیکرهای ده دهی مقسوم علیه بیکر جدا کرده ممیز میگذاریم

۰۸ - حالت سوم - درینحالت مقسوم و مقسوم علیه هر دو عددهای ده دهی میباشند

میباشدوعمل تقسیم چنین نمایش داده میشود ۱۰را ۱۲۱۰ ×۱۲ره ۱۲۰ و ۱۲ د ۱۲۱ میباشد و مدد ده دهی نخست با گذار دن صفر شماره پیکرهای ده دهی آنها را برابر میکنیم سپس از نمبز آنها صرف نظر نموده عمل تقسیم رامانند عددهای درست آنجام میدهیم پس از خاتمه فقط درمانده تقسیم از سمت راست بشماره پیکر های ده دهی مقسوم یا مقسوم علیه که برابرند پیکر جدا کرده نمیز میکذاریم

تبصره - در حالت سوم تقسیم ده دهی هرگاه شماره بیابر های ده دهی مقسوم بیش از شمارهٔ پیکرهای ده دهی مقسوم علیه باشد بجای قاعدهٔ که در بالا گفته شد میتوان بدینطریق عمل نمود:

مثال میخواهیم عدد ۲۲۳ر۲۲ را بر ۲۸ر قسمت کایم نخست از میز مقسوم علیه صرف نظر کرده بشماره بیکرهای ده دهی آن میز مقسوم رابست راست انتقال میدهیم بعنی مقسوم و مقسوم علیه را در ۱۰۰ ضرب میکنیم میشود ۲۲۳۲۸ و ۲۲۸ کا دخرج قسمت تقسیم این دوعدد برابرخارج قسمت دوعدد مفروس میباشد حال مانند حالت اول تقسیم ده دهی عمل میکنیم بعنی عدد ده دهی ۲۲۳۲۸ و ۲۲۳۲۸ را بر عدد درست ۲۸ کا قسمت میکنیم صورت عمل چنین است:

از آنچه در تبصره گفته شد چنین بر میآ مداشد در نقسیم عدد ده دهی هر گاه شماره پیکرهای ده دهی مقسوم بیش از شماره پیکرهای ده دهی مقسوم علیه باشد قاعده آنستان ممبز مقسوم را بشماره پیکرهای ده دهی مقسوم علیه براست منتقل نموده سپس عمل تقسیم را که راجع میشود بحالت اول تقسیم ده دهی انجام میدهیم پس از خاتمه عمل ممیز مانده را آنقدر بسمت چپ میبریم تاشماره پیکرهای ده دهی مانده برابر شماره پیکرهای ده دهی مقسوم اصلی گردد.

۸۲ - تقریب - برای آنکه دانش آموزان معنای تقریب راکه دارای اهمیت زیادی است بخوبی درك کنند چند مثال ذکر میکنیم:

مثال ۱ - میخواهیم ۵۶۸ ریال را بین ۱۶ تن قسمت کنیم
عمل تقسیم چنین میشود:

خ + خ ۳ × ۲ ۱ = ۸ خ ٥ خارج قسمت این تقسیم ۶ ۳ و مانده

است یعنی بهر تن ۶ ۶ ریال میرسد و ۶ ریال باقی میماند پس سهم

هر یك تن قدری بیش از ۶ ۳ ریال است و واضح جزئی که بیش از

۴ ریال بهر یك میرسد کمتر از یك ریال میباشد پس گوئیم خارج

قسمت این تقسیم بایك ریال تقریب برابر ۶ ۳ ریال است بعبارت دیگر

سهم هریك بین ۶ ۳ و ۳ = ۱ + ۶ ۳ میباشد حال باید ۶ ریال مانده رابین

۱ تن قسمت کرد - میدانیم هر یك ریال صد دینار است پس ۶ ریال

برابر ۲۰ تن قسمت میکنیم میشود:

۱ تن قسمت این تقسیم میشود خارج قسمت این تقسیم میشود:

۱ تن توانده صفر است پس اگر ۸ خ ۱ ریال را بین ۱ ۲ نفر قسمت کنیم سهم هر یك ۶ ریال و ۲ دینار خواهد بود و دیگر چیزی باقی نمیماند

مثال ۲ - میخواهیم عدد ۷۲ تر ابر ۲۹ تقسیم کنیم - صورت عمل چنین است

۱۲+ ۸ × ۲۹ × ۲۹ چنانکه دیده میشودخارج قسمت تایك

یکه تقریب برابر ۱۲ و مانده ۸ است و نمیتوآن ۸ بده را بر ۲۹ قسمت کرد آما ۸ بکه بر ابر ۸۰ دهه است و منتوان ۸۰ دهم

را بر ۲۹ تقسیم نموده میشود ۲۲ ۲۲ ۲۹ ۲۳ ۱۰ خارج قسمت این تقسیم نما یك دهم تقریب برابر ۲ دهم و مسلمه آن ۲۲ دهم است و نمیتوان ۲۲ دهم را بر ۲۹ تقسیم کرد ولی ۲۲ دهم برابر ۲۲ صدم است و چون ۲۲۰ صدم را بر ۲۹ قسمت شنیم میشود سم

برابر ۷ صدم و مانده آن ۱۷ صدم میباشد و چون سه خسرج قسمت برابر ۷ صدم و مانده آن ۱۷ صدم میباشد و چون سه خسرج قسمت را با هم جمع کثیم دیده میشود که اگر ۷۲٪ و رابر ۲۹ قسمت کثیم خارج قسمت برابر:

سيم فطو أككم

۱۲ر۲۱ میباشد زیرا اختلاف هر بك از این دو عدد به خدرج قسمت میباشد و کویند خدرج قسمت حدم تقریب این ۱۲ و ۱۷ است بس اگر بختانکه گفتیم خارج قسمت مطلوب بین ۱۱ و ۱۷ است بس اگر بجای خارج قسمت درست که ۱۱ است خدرج قسمت ۱۲ و ۱۷ است حقیقی بین کنیم بخارج قسمت حقیقی بین شده آیه و خدرج قسمت حقیقی بین ۱۲٫۲۷ و کمینم بخارج قسمت ۱۲٫۲۷ میباشد و گویند خدرج قسمت ۱۲،۶ بر ۲۹ تا یک حدم تقریب نقصانی برابر ۱۲٫۲۷ و تایک صدم تقریب خدرج قسمت

مثال ۳ ـ میخواهیم عدد ۵۸ را بر ۲۷۳ تقسیم کانیم . چون ۸۰ از ۲۷۳ کوچکتر استیس خارج قسمتازیک کمتر است و چون

2 . , . + / 7 , . × / V Y = 10

یا ۰۰۰۰۰ کردد سپس مانند حالات معمولی عمل تقسیم ده دهیرا انجام میدهیم

مثال میخواهیم خارج قسمت تقسیم ۲ ر ۷ نا را بر ۲ ره تا ۱ م و و و تقریب بدست آور به سبدو آسه صفر درسمت راست پیار دهم مقسوم قرار میدهیم تا زیادتی شماره پیکر های دودهی مقسوم بر شماره پیکر های دودهی مقسوم بر شماره پیکر های دودهی مقسوم علیه برابر ۳ گردد سپس عمل تقسیم را انجام میدهم صورت عمل حنین است .

. . . . . . .

## مسئله های چهار عمل اصلی عدد های درست و عدد های ده دهی

مستَّله ها ـ پنج سال پیش از این سن پدری ۳ برابر سن پسرش بود و ۳ سال دیگر سن پدر دو برابر سن پسر خواهد بود ـ مطلوبست سن قعلی هریاک (پدر ۳۸ سال پسر ۱۹ سال)

هستگله ۴۹ میوه فروشی ۲ نوع هندوانه دارد میخواهد هندوانه های نوع اول را دانه ۱۷۲۵ ریال وهندوانه های نوع دوم را دانهٔ ۱۲۵ ریال بفروشد اما تمام هندوانه ها را دانهٔ ۱۰۰۰ ریال بفروشد صود برد. تعیینکنید شماره هندوانه های هرنوع را (نوع اول ۱۲۶ نوع دوم ۸۸) هستگله ۴۷ - رزازی ۲۰ بار برنج را که هریك ۱۱۸ کیلوگرم برنج داشت جیماً به بهای ۲۰۲۰ ریال خرید و برای هزینه های مختلف ۸۶ ریال داد پس از بوجاری از هرباری دو کیلوگرم کم شد - میخواهیم بدانیم اگرهرکیلوگرم برنج را به ۱۲۵ ریال بفروشد چقدر سود خواهد برد (۱۱۵۱ ریال)

هستمله ۴۸ ـ بقالی مقداری تخم س غدارد میخواهد هر تخم س غرا ۱۰ رویال بفروشد ولی چون ۷۷ تخم س غ شکست مجبور شد هره تخم س غ را به ۱۸۰ ویال بفروشد تا همان اندازه سود ببرد معین کمنید چند تخم س غ داشته (۷۵۷ تخم س غ) هستمله ۴۹ ـ بقالی ۷ ظرف عسل خرید هر کیلوگرمی به ۸ ریال بساز آب کردن عسل هر ظرفی ۳ کیلو گرم موم داشت وعسل آب کرده را هر کیلوگرهی به ۱۰ ریال فروخت و ۳۰ ر۷۱۷ ریال سود برد ـ تعیین کمنید در هر ضرف جند کیلوگرم عسل بوده (۲۰ کیلوگرم)

هستمله مه مه شخصی ۲۱۲۰ ریال پول دارد ویك نفر دیگر ۱۷۲۸ریال هر کدام از این دو نفر سالانه ۱۸۳۰ ریال میتوانند ذخیره کنند تعیین کنید پس از چند سال پول شخص دوم ۳ بر ابر پول شخص اول میشود (پس از ۸ سال) مستمله ۵۱ مستمله ۵۱ مستمله ۵۱ مستمله ۵۱ سال و مجموع

سن دومی و سومی ۲۲ سال و کموع سن اولی وسومی ۲۰ سال است ، معین ثنید من سن هر یك از سه پسر را (اولی ۱۸ سال دومی ۱۰ سال سومی ۷ سال) مسئله کاه در موقع رفتن به بندر شاهبور میروند در موقع رفتن ۶ نفر در درجه دوم و ۳ نفر در درجهٔ سوم قرارداشتند در بر گشتن ۲ نفردردرجهٔ دوم ویك نفردر درجهٔ سوم بود درموقع رفتن جما مهر ۲۷۰ ریال در موقع بر گشتن جما ۱۹۲۰ ویال کرایه داده اند د میشانید نفوت بهای در موقع بر گشتن جما ۱۹۱۰ ویال کرایه داده اند د میشانید نفوت بهای یك بلیت درجهٔ دوم ویك بلیت درجهٔ سوم دریک گیر منز از مربال است ، مطویست اولا فاصله تهران تا بندر شاهبور و ثانیا قیمت کرایه برای یک گیره منز در درجهٔ دوم و دریک گیره برای یک گیره منز در درجهٔ دوم و دریجهٔ سوم ۱۹۲۰ ویال سوم ۱۲۰ ویال است ، مطویست و درجهٔ سوم ۱۹۲۰ ویال سوم ۱۲۰ ویال درجهٔ دوم

هستله ۱۳۳ میوه فروشی یک صندوی پرتفال آنه بهای هردانهٔ آن ۳۰۰ ر ریال بود خرید بایک جهارم را دانهٔ ۳۰ ر ۱ ریال یک جهارم را دانهٔ ۱ در ۱ ریال فروخت و دراین دیگررا دانهٔ ۲۰ ر ۱ ریال و بالاخره یک جهاره دیگر را دانهٔ ۲ تر ۱ ریال فروخت و دراین داد وستد ۱۷۷ ریال سود برد با معلوبات شاره پرتفالهای صندوی (۲۰۰ پرافال)

هسمًا همه ۱۹۰ در کنهٔ جنعا ۱۹۰ کوسفند و پره موجود است د فهمت این گفه ۱۹۰ ریال است د بیان کنه ۱۱۳۰ ریال است د بطاوه بهای ۱۳۰ برای است د بطاوه بهای ۱۳ بره برابر قبمت ۵ کوسفند است د تعیین شنید شناره گوسفند ها و بره های این کله وقبمت یك گوسفند و یك بره را ( ۱۲۰ گوسفند و ۷۰ بره د بهای گوسفند کرسفند بره ۲۰ ریال قبمت بره ۲۰ ریال )

۶ ریال سومی متری ۷ ریال وهمه را با ۱۵ در صد سود به ۲۰ رس ۲۰ ریال فروخت

در صورتیکه قیمت خرید توپ اول برابر مجموع قیمت خرید دو توپ دیگر بود. است مطاوبست درازای هر یك از سه توپ پارچه و سود بزاز

( اولی۲۳ متر درمی ۱۲ مترسومی ۱۲ متر سود بزاز ۲۰ره۸ ریال )

هستمله ۷۵ ـ سه دسته دانش آموز در مسابته دو وپرش و شنا شرکت کردند و قرارگذاردند درهر یك ازسه مسابقه دستهٔ آخری موجودی صندوق دو دسته دیگررا ۲ برابر کند ـ در مسابقهٔ دو دستهٔ اول در مسابقهٔ برش دستهٔ دوم و در مسابقه شنا دستهٔ سوم باختند در آخر کار موجودی هر یك از سه صندوق ۳۲۰ ریال بود معین کنید پیش از مسابقه ها در هر صندوقی چه مقدار پول بوده.

(دسته اول ۱۶۰ ریال دستهٔ دوم ۲۸۰ ریال دستهٔ سوم ۲۰ه ریال)

هسئله ۸۵ ـ عطاری از بازرگانی متداری قند و چای وقهره خرید ـ بهای یك کیلوگرم چای ۳۲ ریال و بهای یك کیلوگرم چای ۴۵ ریال و بهای یك کیلوگرم چای ۴۵ ریال و بهای یك کیلوگرم چای ۴۵ ریال و بهای یك کیلوگرم قهوه ۲۸ ریال بود ـ وزن قند ۱۰ برابر وزن چای و وزن چای ه برابر وزن قهوه است پس از تخفیف تجارتی ۵ در صد ۱۲۲۲۰ ریال بهای آنها را پرداخته معین کیند مقدار هر یك از این سه جنس و مبلغی را که بعطار تخفیف داده شد (۱۰ کلوگرم قند و ۱۵ کیلوگرم چای و ۳ کیلوگرم قهوه تخفیف ۲۸ ر۲۱ ریال)

هستله ۵۹ ملاکی باغی را به ۲۰۰۰ ریال وقطهه زمین زراعتی را که مساحت آن ۳ برابر مساحت باغ بود به ۳۷۶۶۰ ریال خرید میدانیم بهای یك متر مربع باغ ۳۲٫۰ ریال بیش از قیمت یك متر مربع زمین است مطلوبست تعیین مساحت باغ و زمین و بهای یك متر مربع هر کدام

( باغ ۲۰۰۰ متر مربع هر متر مربعی ۱۷۲۰۰ ریال زمین ۱۷۲۰۰ متر مربع هر متر مربع هر متر مربع هر متر مربع هر متر مربعی ۲۰۲۰ ریال )

همتگله ۹۰ \_ کارگری درسال غیر کبیسه ۳۰۰ روزکار کرده نصف این روز ها را روزی ۱۸ ریال و بقیه را روزی ۱۰ ریال گرفته ـ روز های کار هزینه او را و ۹ ریال میباشد پس از یکسال ۱۵۳۰ ریال اندوخته کرده ممین کدنید هزینه او را در روز های تعطیل (۱۱ ریال)

هستگله ۱۱ ـ برای پوشش هریک از ۱۸ اتخت خواب بیمارستانی ه منر پارچه لازمست در موقع تهیه پوشش ۳ تخت خواب اضافه شد و مجبور شداند پارچه بهیا که متری یک ریال ارزانش بود انتخاب گذاند. مدین گذاید قبدت یک متر از پارچه نوع اول و دوم را (نوع اول متری هره ریال نوع دوم ماری هره ریال مسئگله ۱۲ ـ پدری در موقع تواند پسرش ۳۳ سال داشت وفنی سن پسر برابر سن فعلی پدر شود مجموع سن های آنها ۱۱۱ سال خواهد پود. مصاویست سن کونی هریک (پدر ۶۰ پسر ۱۲ سال)

هستمله ۱۳ ماهوت فروشی چند توپ هنموت دارد اکر آن را هرماری هر ریال بفروشد ۱۹۲۰ ریال سود خواهد برد ولی جون منهوت بیت خوردکی بیدا کرد مجبور شد آنرا هرمتری ۷۱ریال بفروشد و ۲۲۰ ریال زیان برد با مربی کنید درازای یارجه و بهای خرید یك متر را (درازای برجه ۱۳۵ مار ۱۳ میلی خرید یک خرید یک متر ۲۰ درازای برجه ۱۳۵ مار یک

هستًا ۱۹۷ مروه فروشی ۶۰ صندوق پرندل نه در مر رس ۱۹۷ پرندل بود خرید ۳۸ پرندل بود خرید ۳۸ دانه از پرندانها قاسد شده بود و برای ایآنه ۱۹۵ ریال نفع ندرا هر ۱۰۰ پرندانها فائده ول ۱۰۰ ریال بیش افرآنچه خریده رود فروخت د معین انزید بیمت خرید پرندانها ۲۳۳۸ ریال )

هستمله ۱۵ دهتمانی جندگوسفند دارد و مبخواهد آنها را فروخته مدهبتی برای آبیاری مزرعه خود بخرد باگرهر گوسفند را ۱۷۱ ریال بفروشد مبتواند مشیل را خریده و ۱۸ ریال از برایش باقی مستند ولی اگر هر گوسفند را ۷۹ ریال بفروشد برای خرید ماشین ۵ در ریال شم دارد د معنویست بهای ماشین و شاره گوسفندان برای ماشین و شاره گوسفند)

همتگله ۱۳ د شخصی چند اسب خراد اکر هر اسب را ۱۳۲۱ ورین پهروشد ۲۳۵ درین پهروشد ۲۳۵ درین پهروشد ۲۳۵ درین سود څوالهد برد د تعیین کشید بهری څرید یک اسب و شدرهٔ اسبها را ۱ (۱ د ۱ د ۱ د ۱ د ۲۷ اسب ۲۷ اسب )

هستله ۱۲۰ رزازی مقداری برنج دارد ـ اگر هرکیلوگرم آن را به ۲۸۸ ریال بفروشد میتواند یك خانه بخرد و ۱٤٦٠ ریال برایش باقی میماند ـ ولی اگر هرکیلوگرم را به ۱۲۵ ریال بفروشد باید ۵۰۰۰ ریال وام گیرد تا بتواند خانه را بخرد ـ مطلوبست وزن برنج و مساحت خانه در صورتیکه میدانیم هر متر مربع خانه ۲۲۰ ریال ارزش دارد (۲۰۰۰ کیلوگرم و ۷۵۰ متر مربع)

هستگه ۱۸ ـ سه کارگر در کار خانهٔ کار میکنند اولی و دومی پس از ۱۲ روز ۲۲۸ ریال دومی وسومی پس از ۱۶ روزکارکردن ۲۱۰ ریال وبالاخره اولی و سومی پس از ۱۷ روزکار ۲۷۲ ریال مزدگرفتند ـ مطلوبست مزد روزانه هریك از سه کارگر)

ا (اولی ۱۰ ریال دومی ۹ ریال سومی ۳ ریال)

هستگله ۱۹ مد در موقع درو دو کارگر در سنرعهٔ با سند روزانهٔ مساوی اجیر گردیدند ـ پس از ۲۰ روز کار باولی ۲۰ ریال و صد من گندم دادند ـ پس از ۲۰ ریال و ۱۰۰ گندم دادند ـ مطلوبست سند روزانه کارگرها بریال و بهای یك من گندم (سند روزانه ۱۲ ریال بهای یك من گندم ۱۸ (۱)

هسمًه ۱۲۰۰۰ خیابانی از شهر که ۱۲۰۰۰ متر مربع سواره رو و ۲۰۰۰ متر مربع پیاده رو دارد آسفالت شده و قیمت آن جماً ۲۰۱۰ ۱۳۵۰ ریال میباشد میخواهیم خیابان دیگری ازشهر را که ۸۰۰۰ متر مربع سواره رو و ۳۲۰متر مربع پیاده رو پیاده رو دارد بهمان ترتیب آسفالت کنیم میدانیم قیمت آسفالت ۳ متر مربع پیاده رو برابر بهای ۲ متر مربع سواره رو باشد مطلوبست اولا تعیین بهای آسفالت یك متر مربع سواره رو و باشد د مطلوبست اولا تعیین بهای آسفالت یك متر مربع سواره رو و ثانباً هزینه ساختمان خیابان دوم

(یکمتر مربع سواره رو ٤٢ ریال یکمتر مربع پیاده رو ٣٨ ریال هزینه خیابان دوم ٤٣٦٨٠٠ ریال )

همتمله ۷۱ ـ اندوخته شخصی دو برابر اندوخته شخص دیگر است ـ اولی ۵۲ در صد اندوخته خود را خرج مینمایند ـ وس از آن برای اولی ۷۲۰۰ ریال بیش از دومی باقی مانده معین کنید اندوخته اولی هر یك را

( اولی ۲۶۰۰۰ ریال دومی ۲۶۰۰۰ ریال )

مسئله ۷۲ ـ کشاورزی ۳گاو بیبلنغ ۱۹۸۰ ریال خرید ـ بیبانی گاو سوم ۳۰۰ ریال از مجموع بهای گاو اول و دوم کمنر است و بهای گاو دوم ۱۳۰ ریال بیش از قبحت گاو اول است تعیین کنید بهای هر گاو را ( آوانی ۳۰ دریال دومی ۱۹۰ ریال)

همگله ۷۳ ـ در ساختمان قطعهٔ از راه آهن سه دسته کارکر کار میکنند در دستهٔ اول ۸ کارکر بیش از دستهٔ دوم و ۱۲ کارکر بیش از دسته سوم میباشد سرّد روزانهٔ یك کارگر دستهٔ دوم ۷ ریال و یك کارگر دستهٔ دوم ۷ ریال و یك کارگر دستهٔ دوم ۲ ریال میباشد سسسرد روزانه سه دسته جماً ۱۹۲۳ ریاست مطلوبست شارهٔ کارگر های هردسته (اول ۲۰ گارگر دوم ۳۲ کارگر سوم ۲۸ کارگر)

هستمله ۷۴ ـ دلالی ۵۵ گوسفند و ۱۷ گاو ره به ۱۰۷۵ ریس خرید سودی که از فروش یک گاو یاو میرسد ه برایر سودیت که از فروش یک گاو یاو میرسد ه برایل و کاوه ره حماً به ۱۰۷۵ ریال فروخت ـ مطاویست قیمت یک گاو و یک گوسفند ( ۱ یک گاو ۲۰ د ریال ایک گاو دردال )

هستمله ۷۵ ما متنافقه کناری ۲۱ هزار آخر ارانش و آخر ارایق را اجما به ۴۹۳۰ ریال خرید است را آخر های به ۴۹۳۰ ریال خرید است میدانیم هماری آخر های ایران برده و بعلاوه بهای ۲۵ آخر ایس مستوی قیمت ۱۹ آخر اراش میباشد است مطاویست شمارهٔ آخر های تراش و ایس و بهای هزار آخر از همر ایران (ایراش ۱۹۰ ریال این ۱۹۰ ریال این ۱۹۰ ریال ۳ هزار آخر راش ۱۹۸ هذار آخر اینان )

هسمّله ۷۱ سادر کار خسالا ۳۷ زن و ۱۰ ه مرد کار مراد سار مرد روزه م یک زن برابر ۷۰ صند مرد روزه بند مرد میاعد رازی کارگر ها در مفته ۱ روز کار میکنند و جمهٔ ۲۸۲۸ رین مرد میگیرسا، معید درد مرد روزه به یک زن و مرد روزه بش مرد را (مرد مرد روزی ۸ رال، مرد زن روزی تارال ا مسئله ۷۷ با نایشتا تجدرتد به روزی ماد را در با حقوق رد و روزی ۱۰ ریال هزینهٔ سفر دریافت میکند و بعلاوه یك درصد از مقدار داد و ستدی كه میكند
 حق العمل میگیرد ـ پس از انجام مسافرتی كه در طی آن هزینهٔ روزانهٔ او ۳۸ ریال
 بوده و ۲۲۷۰۰ ریال هم جنس فروخته مبلغ ۲۰۱۱ ریال ذخیره كرده است معین
 کنید مسافرتش چند روز طول كشیده (۲۷روز)

هستله ۷۸ ـ باغبانی میخواهد در کنار جوی آبی درخت تبریزی بکارد اگر فاصلهٔ درختها را برابر ۱۲۰ سانتی متر اختیار کند ۲۰ سانتی متر از آخرباقی میماند واگرفاصلهٔ درختهارا ۱۳۰ سانتی متر اختیار نباید ۱۲ درخت کمترخواهد کاشت و یك متر در آخر باقی میماند ـ مطلوبست درازای جوی آب و شمارهٔ درختها دردفعهٔ دوم (طول جوی ۱۸۳ متر درختهای باردوم ۱۶۱)

هستگه ۷۹ ـ کوزه فروشی چند کوزه را هر یك به ۱۰۳۵ ریال خرید در راه چهار کوزه شکست اگر هر یك ازکوزه هائی را که مانده به ۱۰۸۰ریال بفروشد ۱۱۰۳۰ ریال سود خواهد نمود ـ مطلوبست شمارهٔ کوزه هائی که خریده ( ۳۸ کوزه )

هستُمله ♦ ۸ ـ رزازی مقداری روغن دارد و میخواهد آنرا از قرار هر کیموگرم ۱۱۰۶ ریال بفروشد ـ ولی پس از آنکه روغنها را آب کرد ۱۱کیلوگرم آفت حاصل شد و برای اینکه بهمان مقدار سابق سود ببرد هرکیلوگرم را به ۱۲۰۸۰ ریال فروخت ـ تعیین کنید چند کیلوگرم روغن داشته (۱۵۶ کیلوگرم)

هستمله ۸۱ ـ در یکی از دهستانها مالکی میخواهد یك دبستان بهزینهٔ خود بسازد و برای این ساختمان باید ۲۸۰۰۰ ریال خرج کند ـ اگر مجموعاً ۱۷۰ گاو و گوسفند بفروشد ۱۱۶ ریال کم خواهد داشت و اگر ۵ گوسفند دیگر بهمان قبمت بفروشد ۲۲۱ ریال برایش باقی میماند و اگر ۲ گاو دیگر هم بهمان بها بفروشد ۷۶۰ ریال برایش باقی میماند ـ مطلوبست قیمت یك گاو و یك گوسفند و شمارهٔ گاوها و گوسفند هائی که اخیراً فروخته ( یك گاو ۷۲۷ ریال ـ یك گوسفند ۵ دریال ـ یك گوسفند

هستله ۸۳ ـ بزازی مقداری ماهوت خریده و میخواهد هر متر آن را ۷۰ ریال بفروشد و ۵۲۰ ریال سود ببرد ـ ولی نتوانست ماهوت را پیش از متری ۲۱ ریال بغروشد و ۱۹۰ ریال زیان محود . مطنوبت در ازای یئرجه و قبت خرید
 یکمتر ( ۷۰ متر و ۲۳ ریال )

مسئله ۸۳ ـ شبر فروشی ازدهقانی ۵۰ ایتر شبر خرید وزن آن ۱۰۳۲۰ کلوگرم بود ـ میدانیم هر لیتر شبر خالص ۱۴۳۰ کیوگرم وزن دارد . معبن کنبد در این شیر چند لیتر آب بوده ( ۱ لیتر )

هستگله ۸۴ ــ سیساری یك قالی و یك جفت فالیچه به ۲۷۱۱ ریش فروخت و جمعاً ۲۱۳ ریال سود برد ــ میدانیم در فروش قالی ۱۰ در صد ودر فروش فالیچه ها ۱۲ درصد سود برده ــ مطلوبست بهای خرید قالی وقالبچه ها ( فالی ۲۵۰۰ ریال قالبچه ها ۱۸۰۰ ریال )

هستگه ۸۵ ـ بزازی یك توپنجمل رامذری ۵ دریال خرید بواسطهٔ آبان دن مجبور شد یکچهارم آنرا متری ۲۰ ویال و بقیه را متری ۵۰ ویال بفروشد در این دادوستد ۳۱۰ ویال زیان برد مطنوبست درازی یارچه ۳۹۱ منز )

هستگله ۸۱ بهای گندم در یک شهر هر تن ۱۶۰ ریال و در شهر دیگر که فاصله اش تباشهر اولی ۳۲۱ کینو متر است تنی ۱۹۰۰ ریال است با دهستانی بین این دو شهر بقسمی واقع است که گذشه این دو شهر بیک قبلت در آن وارد میشود معینکنید فاصله این دهستان را از آن دوشهر در صورتیکه میدانیم آرایهٔ بارری هران در یک کیلو متر یکریال است

( از شهری که در آن گندمگرانس است ۱۳۳ کیمومنی از دیگری ۱۹۳ کیمومنر)

هستگله ۸۷ نوشت افزار فروشی ۱۲۵ جمیه سرقام و ۶۳ دسته جوب فاله را جمایه مرفاه و ۳۶ دسته جوب فاله را جمایه ۱۲۰ دریال خریده بهای خرید باشازهٔ ۲۵ دریال بیش از بهای خرید جوب قلمها بوده ممین کتبه قیمت خرید یك دسته جوب فالم و یك جمیه سر قالم را دسته چوب فالم ۲۵۳ دیال حجیه سر قالم را دریال ا

هستگله ۸۸ سایر نده فروشی ۱۰ پولمبون و ۱۰ مرغ برا بیث قیدند فروخت میدانیم بهای یک بوقلمون ۱۰ بریل بیش از فیمت یکمبرغ است با معین کشید بهای یک بوقلمون و یک مرغ را (بوقلمون ۱۸ بریل امرغ ۸ بریک) هستمله 🗚 ـ دهقانی یک اسب و یک کاو و یک الاغ و سه گوسفند را به ۱۹۰۰ ریال کمتر وقیمت گاو ۱۹۰۰ ریال کمتر وقیمت گاو برابر مجموع بهای الاغ و گوسفند هاست ـ بهای هر گوسفند هم ۸۰ ریال است ـ مطلوبست بهای اسب و گاو و الاغ

(اسب ٩٤٠ ريال كاو ٢٠ ريال الاغ ٢٨٠ ريال)

هستگله هه به بانوشی ه متر ماهوت و ۹ متر نحمل و ۲۰ متر دبیت را جما به ۱۱٤۸ ریال خرید میدانیم بهای یکمتر ماهوت ۳ برابر بهای یکمتر نحمل است معین کنید بهای یکمتر از هر سه پارچه را در صور تیکه بهای یکمتر مخمل ۲ برابر بهای یکمتر دبیت است (ماهوت ۱۲۲ ریال نحمل ۵۲ ریال)

هستله ۱۹ رزازی ۲۰۳۰ کیلو گرم برنج و ۱۰ کیلو گرم روغن را جما به ۳۰۳۰ ریال خرید و میدانیم بهای یك کیلو گرم روغن چهار برابر بهای یك کیلو گرم برنج و یك کیلو روغن ـ اگر بخواهد برنج است ـ مطلوبست قیمت خرید یك کیلو گرم برنج و یك کیلو روغن ـ اگر بخواهد برنج را با ۱۰ در صد و روغن را با ۱۰ در صد سود بفروشد بهای یك کیلو گرم از هر کدام را معلوم کنید ( بهای خرید یك کیلو گرم روغن ۱۲ ریال ـ بهای خرید یك کیلو گرم برنج ۳ ریال )

مستله ۹۳ ـ کارگری هر روز کارکند ۹ ریال مزد میگیرد همه روزه هره ریال هزینهٔ زندگی مینماید\_در ماه اردی به ثت این کارگر ۱۰ و ویال ذخیره نوده مطلوبست شماره روز های کار و تعطیل (۲۰ روزکار ۲ روز تعطیل)

هستله ۹۳ ـ مزد روزانه شاگرد آهنگری ۷۰ صدم مزد خود آهنگر میباشد \_ آهنگر ۲۳ روز و شاگردش ۲۰ روز کارکرده اند و جمعاً ۱۹۸ ریال مزد گرفته اند معین کنید مزد روزانه هر یك را (آهنگر ۱۳ ریال ـ شاگرد آهنگر ۱۲ ریال )

هسئله ۹۴ - بهای یك لیتر نفت ۱٫۲ ریال و یك لیتر بنزین ۱٫۵ ریال و میك لیتر بنزین ۱٫۵ ریال تمیین شده بنگاهی درماه مقداری نفت و بنزین مصرف می نماید میدانیم ۷۰ لیتر نفت بیش از بنزین بكار رفته و بهای نفت ۳۰ ریال بیش از قیمت بنزین است - معین كنید مقدار نفت و بنزین مصرف یكماههٔ این بنگاه را (نفت ۲۵۰ لیتر - بنزین ۱۸۰ لیتر)

# بخش چهار م توان (قوه)

۸۵ - تعریف - هر گاه چندین عدد مساوی را دربکدبگر ضرب کنیم حاصل ضرب راتوانی از یکی از آن عددها خوانیم - یکی ازعددهای ضرب کردنی را پایه و شماره این عدد ها را نماگویند.

مثال - حاصل ضربهای زیرین را در نظر گیریم ۴ ۳۳۳ م ۳ و ۲۱۲ = ۲ × ۲ × ۲ × ۲ × ۲ × ۲ عدد ۹ را توان دویم و وعدد ۲ ۲ ۲ ۲ ۲ را توان سوه عدد ۲ ـ و ۳۲ را توان بوه عدد ۲ ـ و ۳۲ را توان بوه عدد ۲ ـ و ۳۲ را توان بوه عدد ۲ خوانیم طرز توشتن ـ این توع حاصل ضربها را هیتوان بطریق ساده ای نه یش داد برای این کاریا په را توشته نه از را بالای آن هتمایل براست قرا ر

# ا \_ جمع توان ها

۸۱ قاعده - برای اینکه چندین توان را به بدایگر جمع کنیم
 باید عمل جمع را در حاصل ضربها انجام داد

مثال - میخواهیم ۲۰ را به آه جمع اکنیم اول عدد دو رایتوان ۷ میرسانیم میشود ۲۸ = ۵ × ۵ × ۵ میرسانیم میشود ۲۸ = ۵ × ۵ × ۵ سپس دو عدد ۲۸ و ۱۲۵ را بایکدیگر جمع میکنیم میشود:

### ۲ ــ تفریق توان ها

۸۷ - قاعده - برای تفریق توان عددی از توان عدد دیگر عمل. تفریق را بین دو حاصل ضرب انجام میدهم.

مثال - میخواهیم "٤ را در '۹ تفریق کنیم گوئیم ٤٣= "٤ و ۸١= '۹ پس ۱۷= ١٤ - ۸١= "٤- '۹

## ٣ ـ ضرب توان ها

۸۸ - حالتهای مختلف - در ضرب توان ها سه حالت تشخیص داده میشود:

حالت اول - ضرب دو یا چندین تو آن و قتی پایه ها مساوی باشند:

مثال - میخواهیم  $^{7}$  ۲ و  $^{9}$  ۲ و  $^{7}$  ۲ را در هم ضرب کنیم بر ای اینکار گوئیم  $^{7}$  ۲ رتبه  یشود که در  $^{7}$  ۲ رتبه میشود که در حاصل ضرب بالا  $^{7}$  ۲ دفعه عدد  $^{7}$  و جو د دارد یعنی  $^{7}$ 

قاعده - حاصل ضرب چندین توان یك عدد عبارتست از توانی از عدد مفروض که نمای آن مجموع نماهای توان های مفروض باشد حالت ۲ - ضرب دو یا چندین توان وقتی نماها مساوی باشند.

چنانکه دیده میشود حاصل ضرب توان چهارم ۲ در توان چهارم م عبارتست از توان چهارم حاصل ضرب ۰ × ۲ یا ۴۰۰ .

قاعده - حاصل ضرب دو توان مساوی دو عدد همان توان است از حاصل ضرب آن دو عدد

حمالت ۳ - قاعده ـ برای ضرب چندین توان که نه دارای پایه های مساوی و نه نماهای مساوی باشند باید عمل ضرب را در حاصل ضربها انجام داد.

# ٤ ــ تقسيم توان ها

۸۹ - حالتهای تختلف - درتقسیم توان هائیز سه حالت تشخیص داده میشود:

حمالت ۱ - تقسیم دو توان که پایه های آدیا مشترك است مثال - میخواهیم <sup>۷</sup> نه را بر <sup>۲</sup> تقسیم کنیم گوئیم عسمه ٤×٤×٤×٤٠٠٠(٤×٤×٤):(٤×٤×٤×٤×٤×٤×٤×٤×٤)...٤٠٤٠

چنانکه دیده میشود در خارج قسمت مطاوب ؛ ۳۳ ٪ دفعه عدد چهار موجود است یعنی \* ؛ ۴ = \* ؛ ۴ ٪ ؛

قاعده - خارج قسمت دوتوان یك عدد برابر توانی است ازآن عدد که نمای آن فظل نمای آن مقسوم باشد برنمای مقسوم علیه

حالت ۲ - تقسيم دو توان وقتي نعاه، مشترك أست .

مث.ال - میخواهیم °۱۲ را بر °۳ تقسیم کنیم صورت عمل چنین است .

17°: "" (1 7 × 1 7 × 1 7 × 1 7 × 1 7 ):(" × " × " × " × ") = (" 1 7 × 1 7 × 1 7 × 1 7 × 1 7 ):(" × " × " × " × ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ") = (" 1 7 : ") × (" 1 7 : ")

چنانکه دیده میشود خارج قسمت توان پنجم ۱۲ برتوان پنجم سه عبارتست از توان پنجم کا که خارج قسمت ۱۲ است بر ۳

قاعده - خارج قسمت دو توان مساوی از دو عدد همان توان است از خارج قسمت پایه مقسوم برپایه مقسوم علیه

حالت ۳ - قاعده در تقسیم توان وقتی نه پایه ها مساوی باشند نه نما ها باید عمل تقسیم را در حاصل ضرب ها انجام داد

نتیجه ۱- فرض کنیم میخواهیم ٔ ه را بر آه تقسیم کنیم بنابر قاعده نامبرده خارج قسمت عبارتست از  $^{\circ}$   $^{\circ}$ 

نتیجه ۲- فرض میکنیم میخواهیم ۳۰ را برابر ۳۳ تقسیم کنیم بنا بر قاعده بالا خارج قسمت عبارتست از ۳۰ = ۳۰: ۳۰ از طرف دیگر چون مقسوم و مقسوم علیه برابر میباشند خارج قسمت مساوی یك است پس معلوم میشود ۱ = ۳۰ یعنی هر عدد که بتوان صفر برسد حاصل برابر باك است .

#### مستأله ها

هستگه به این تقسیم هارا انجام دهید ۲۶،۳۶ و ۸٬۰۸۳ و ۴۳:۹۳،۳۸ و ۳۰:۹۳،۳۸ و ۴۰:۵۳،۳۸ داده ۸٬۲۳۰ مارد ۱۸٬۲۳۰ مارد ۱۸٬۲۳ مارد ۱۸٬۲۳ مارد ۱۸٬۲۳ مارد ۱۸٬۲۳ مارد ۱۸٬۲۳ م



# بخش پنجم

### محاسبه های ذهنی

• ۹ \_ قواعد کلی و عمومی چهار عمل اصلی در اعداد درست و اعداد ده دهی ضمن دو بخش پیش بتفصیل گفته شد ولی برای سرعت عمل و پرورش فکر دانش آموزان درین بخش قاعده هائی برای انجام چهار عمل اصلی بنام محاسبه های ذهنی ذکر میشود و حتماً لازم است دانش آموزان را عادت داد علاوه برضبط این قاعده ها هرجا لازم باشد آنها را بکار برند.

استعمال قاعده های محاسبه های ذهنی دارای فواید بسیاری است و زیرا این اعمال هر روز در زندگانی مورد احتیاج هر فردی است و همیشه وسائل محاسبه نوشتنی در دست نیست و بعلاوه امروز انسان هرقدر میتواند باید از وقت صرفه جوئی نماید پس لازم است هر اندازه که کمکن است محاسبه های معمولی جمع و تفریق و ضرب و تقسیم را سریعتر انجام داد:

# ۱ - جمع

۱۹. جمع دو عدد ۵ مثال ۱ \_ میخواهیم دو عدد ۹۸ و ۳٪ را با یکدیگر جمع کنیم مجموع ۹۸ و ۶۰ برابر ۱۳۸ و مجموع ۱۳۸ و ۳ برابر ۱۶۱ میگردد پس ۱۶۱=۳۳ + ۹۸

مثال ۲ . میخواهیم دو عدد ۵۸۲ و ۱۲۷ را با هم جم کنیم

قاعده برای چیع دو عدد کافی است بر عدد بزرگشر یکان های مختلف عدد کوچکتر را از طرف چیب پی در بی در ذهن اضافه نمود.

طریقه دیگر برای جمع عدد های بزرك نده شال میخو هیم دو عدد ۷۹۱ و ۲۵ ترا بابکدیگر جمع كشیم میگوئیم مجموع ۷۶ صده و ۲۵ صده میشود ۷۲ صددو مجموع ۹۱ یکنه و ۲۶ بایده پشود

۰۰۱ پس مجموع دو عدد مفرونل عبارتست از ۲۳ = ۲ + ۲۷ و ۰ ۰ یکه یعنی ۲۰۳۵ = ۲۰۹۱ + ۲۰۹۶

قاعله - برای جمع دو عدد بزرگتر از صد هر بث از آبه را بدو جزء یا بیشتر قسمت کرده هر یك از این اجزاء را نظیر به نظیر در ذهن با یكدیگر جمع میكنیم و حصل جمعها را با هم میافزائیم .

مثال ۱- میخواهیم دو عدد ۹۲ و ۷۰ را به هم جمع کشیه سه نخست عدد ۹۰ را که نزدیك به ۹۲ است با ۷۰ جمع میکنیم میشود ۱۹۰ سپس ۲ رایان میافزائیم میشود ۱۹۷ بعنی ۱۹۷ = ۱۹۰ مثال ۲۰ سهمیخواهیم دو عدد ۱۸۸ و ۷۰ را با هم جمع کشیم نخست عدد ۹۰ را که نزدیک به ۸۸ است و جمع کردن آن با ۷۰

آسان است جمع میکنیممیشود ۱**٦۰** سپس.دو یکه از آن میکاهیممیشود ۱۹۳ پس ۱۹۳ = ۸۸+۷۰

قاعده - اگر یکی از دو عدد جمع کردنی نزدیك به عددیست که به یك یا چند صفر ختم شده باشد عدد ختم شده بصفر را با عدد دیگر جمع نموده و حاصل را باندازه اختلاف تصحیح مینمائیم.

جمع عدد های ده دهی ـ مثال میخواهیم دوعدد ۲۷۷۷ و ۲۵ م ۲۵ مثال میخواهیم دوعدد ۲۷۷۷ و ۲۸ یکه و ۲۷ یکه میشود ۵۹ یکه و ۲۷ یکه میشود ۵۹ یکه و ۴۶ صدم پس میشود ۵۹ یکه و ۴۶ صدم پس

قاعده - برای جمع عدد های ده دهی کافیست قسمتهای درست را با یکدیگر وقسمتهای دهدهی رانیز با هم درناهن جمع نمایند نیز میتوان هر یك از عدد های ده دهی رااز جنس کوچکترین مرتبه ده دهی نموده عمل جمع را مانندعدد های درست انجام داد و نمیز را در جای خودگذارد.

۲ ۹ - جمع چندین عدد \_ هرگاه بخواهیم چندین عددرا باهم جمع کنیم نخست اولین عدد را بادومی در ذهن جمع نموده و حاصل جمع آنها را با عدد سوم جمع میکنیم و عمل را بهمین طریق ادامه میدهیم تاتمام عدد ها جمع گردد

#### ۲ - تفريق

۳۹ - تغریق عدد های درست - مثال - میخواهیم عدد و ۶ را از عدد ۹۲ کم کنیم گوئیم مانده ۰ غ از ۹۲ میشود ۵۲ و مانده از ۷ میشود ۷۶ و مانده از ۷ میشود ۷۶ پس ۷۶ = ۵ غ - ۷ ۹

قاعده م برای تفریق عددی از عدد دیگر کافیست از عدد درگرر یکان مرتبه های مختلف عدد کوچکتر را از طرف چپ می دریس دردهن کم نمود.

راه دیگر مثال میخواهیم عدد ۲۲ را ز ۲۹۱ کم کنیم کوئیم مجموع ۲۷و ۲۶ میشود ۱۰۰۰ و مجموع ۱۰۰ و ۱۴۱ میشود ۲۹۱ پس مانده عبارتست از مجموع ۱۹۱ و ۲۶ معنی ۲۱۰ یعنی

فاعده - برای تفریق عددی از عدد دیگر عددی را حی بربیه که چون آنرا بر عدد کوچکش بیافزائیم حاصل براین عدد بزراشن شود

راه دیگر دهالداد میخواهیم عدد ۱۳۸ و مدد ۱۳۸ و مدد تفریق ۲۰ از ۲۳۱ و مدد تفریق ۳۰ از ۲۳۱ و مدد تفریق ۳۰ از ۲۳۱ و مدد تفریق ۳۰ از ۲۳۱ میشود سر ۲۳۸ سرسید ۱۳۸۸ و ۱۳۸۸ میشود سر ۲۳۸ سرسید ۱۳۸۸ میخواهیم عدد ۱۲۸ و آزاز عدد ۱ ه ۳ در دند. آنوالیه مانده تفریق ۱۰ از ۲ ۵ سربیشد و حد سر ۲۰ و ۲۰ سرسید و ۲۰ سرسید ۲۰ سرسید تولید تفریق ۲۰ سرسید تولید ۲۰ سرسید 
راکه بعدد کوچکش نزدیکش است از عدد بزرگش که شرده و حصر را باندازهٔ اختلاف اینعدد باعدد منروش بافزودن به ششرش نده تا هر ۹ را از عدد تفریق عدد های ده دهی-مثال سامیخواهیم سدد تا هر ۹ را از عدد تقریق ۲ کم کنیم گوئیم ماند نفریق ۹ از ۳۳ میشود تا ۲ و مانده تقریق ۲ کا صدم از ۲ مده میشود ۱۹ صده بس

PICATETECH ITCHY

قاعده براى تفريق عددددهي زعدده دهي دبكر لافيست قسمت درست را

از قسمت درست و جنر، ده دهی را از جنر، ده دهی تفریق نمود نیز میتوان هریك از عددهای ده دهی را از جنس کو چـکترین مرتبه ده دهی نمود و عمل تفریق را مانند عدد های درست انجام داد.

40. متمم یا کم بود عدد \_ مثال \_ میخوا هیم عدد ۲ ع م ۷ را

از ۱۰۰۰۰ کم کنیم صورت عمل چنین است

1 . . . .

۷۰٤٦ چنانکه می بینیم میتوان مانده را با قاعده زیرین

بسرعت بدست آورد

قاعده - برای کم کردن عدد مفروش ازیکه ای که درسمت راست آن بشماره پیکر های عدد مفروض صفر باشد کافی است از سمت چپ شروع نموده هریك از پیکر های عدد مفروض را از ۹ وپیکر یکان آنرا از ۱۰ کم نموده اگر عدد مفروض نیز در سمت راست دارای چند صفر باشد پیکری را که پیش از صفر ها قرار گرفته از ۱۰ کم میکنیم مشال - ۱ - میخواهیم عدد ۲۰۲۰ و را از ۲۰۰۰ کم

كنم مانده أبدينطريق فوراً بدست ميآيد:

9 --- 3 --- 9

9 --- Y ---- V

9 -- -- 9

4-7=-4

1 · - V="

• ---- • ------ •

پس ۱۰۰۰۰۰۰ کنیم صورت مثال ۲۰ میخواهیم عدد ۲۷۰۱ را از ۲۰۰۰ کنیم صورت عمل چنین است

میتوان مانده را فوراً از روی قاعده زیرین بدست آورد:

قاعده . برای کم کردن عدد مفرونی ازعدد دنگر که شماره بیکس هایش برابر پیکر های عدد مفروش باشد و جز پیکر سمت چب سایر پیکرهای آن صفر بباشد ازسمت چپ شروع نموده آراین پیکر عدد کوچکتر را ازاولین پیکر عدد بزرگتر منهای یك کهنموده سایر پیکرهای عدد کوچکتر را از ۹ و فقط پیکریکان یا پیکری را نه بعد از آن مفر قرار گرفته از ۱۰ کم میکنیم

مثال - میخواهیم ماعدد ۳۰۲۷۲۰ را از ۸۰۰۰۰ کسم

(A-1)-+ 2

4 ....

4 .... 4 .... 4

a . 57 w

. .

More morry = = = = = = = m

البته دوقاعده اخیر را باید بدون تنوشتن انجام داد بعثنی بمحش دیدن صورت تفریق مانده را از سمت چپ خواند.

#### ٣ ـ طوب

هه محاصل ضرب عددی در عددیاف پهکری. مثال مسخو اهم عدد ۲۲ را در ۸ شرب دلهم میگوشد ۸ شرب در ۷۰ میشود ۲۰۰ و ۸ ضرب در ۲ میشود ۸ تا بس حاصل ضرب در بر انرنجموع ۲۰۰ در ۸ تا یعنی ۲۰۸ میشند یعنی ۲۰۸ ۳۰۸ ۲۰۸

**قاعده -** برای ضرب عددی در صدیف پاهری **مریث** از اکانهای

مرتبه های مختلف عدد مفروض را از بزرگترین مرتبه پی درپی درآن عدد یك پیكری در ذهن ضرب نموده حاصل ضربها را نیز در ذهن باهم جمع میكنیم..

مثال - میخواهیم عدد ۹۵ کر ادر ۷ ضرب کنیم گوئیم ۷ خرب در ۴۰۰ میشود ۲۸۰۰ و ۷ ضرب در ۹۰ میشود ۲۳۰ و جموع ۲۸۰۰ و ۲۰ ضرب در ۵ میشود ۳۵۰ و ۶ جموع ۴۵۰۰ و ۳۶۳ میشود ۳۵۰ پس ۳۶۰ و ۳۶۳ = ۷ × ۹۵۰ د و جموع ۴۵۰ و ۳۶۰ پس ۳۶۰ و ۳۶۰ پس ۱۵۰ د بیتر میشود ۱۵۰ و ۳۶۰ پس ۱۵۰ در ۸ ضرب کمیم بجای ۸ عدد ۱۰ را در ۳۶ ضرب مینمائیم میشود ۴۳۰ پس دو برابر ۳۶ را که ۸۱ میباشد از ۳۰۰ کم میکنیم میشود ۶۳۰ پس

مثال ۲ \_ میخواهیم عدد ۲۰ را در ؛ ضرب کنیم بجای ۲۳ عدد ۲۰ را در ؛ ضرب کنیم بجای ۲۳ عدد ۲۰ را در ؛ ضرب میکنیم میشود ۲۰ ۲ سپس بسر این عدد ۳ برابر عدد ؛ را که ۱۲ است میافزائیم میشود ۲۰۲ پس

۷۹ را در  $\tau$  ضرب کنیم بجای ۷۹ مثال  $\tau$  میخو اهیم عدد ۹۰ را در  $\tau$  ضرب کنیم بجای ۷۹ عدد ۸۰ را در  $\tau$  ضرب میکنیم میشود ۸۰۰ سپس از ۸۰۰ یك سرتبه  $\tau$  را کم میکنیم میشود ۷۶ پس ۷۵  $\tau$  س

قاعده - برای ضرب عدد چند پیکری در عدد یك پیکری نزدیك به ۱۰ کافیست ۱۰ را در آن عدد ضرب نموده حاصل را باندازهٔ حاصل ضرب اختلاف بین ۱۰ و عدد یك پیکری مفروض در آن عدد چند یکری با تفریق تصحیح نمود.

برای ضرب عدد بك پیكری در عدد چند پیكری باید عدد مختوم بصفری. را كه باین عدد نز دیكتر است درآن عدد یك پیكری ضرب حموده حاصل. را چنانكه در ضمن مثالها گفته شد تصحیح كرد.

#### ۹۹ د حاصل ضرب عددی در ۵ و ۵۰ و ۵۰۰ و ۵۰۰

هنال میخواهیم عدد ۵۰٪ را در ۵۰ ضرب کنیم این عدد را در ۱۰۰ که دو برابر ۵۰ است ضرب میکنیم میشود ۵۰،۰۰٪ ولی چون مضروب دو برابر شده حاصل ضرب نیز دو برابر گشته است وبرای بافتن حاصل ضرب منظور بایند ۵۰۰ در انتسبیم بر دو نموده هیشود در ۲۲۹۰۰ یس ۲۲۹۰۰ تا ۲۲۹۰۰ در ۲۲۹۰۰

قاعده میرای ضرب عددی مقروش در ۱۰،۰۰۰ بر سام ۱۰۰۰ برای ضرب عدد مقروش را بایددر ذهن در ۱۰،۰۰۰ بر ۱۰۰۰ بر سام ضرب عموده یعنی ۱ یا ۲ یا ۳ یا ۱۰۰۰ بازی سام یا ۲ یا ۳ یا ۱۰۰۰ بازی سام یا در داشت آن فر از داده حاصر ضرب را در دهن بر ۲ قسمت نمود.

## ۹۷ ـ حاصل ضرب عددی در ۱۵ و ۱۵۰ و ۱۵۰۰ و ....

مثال - میخواهیم عدد ۱۳۹ را در ۱۰۰۰ نبرب کنیدباید یکمر تبدعددمفر و ش را در ۱۰۰۰ ترب کنیدباید یکمر تبدعددمفر و ش را در ۱۰۰۰ در تبدد کرد در ۱۰۰۰ تاسف است شرب نموده حاصل شرب از با هم جمع النبید مدا حاصل ضرب عددی در ۱۰۰۰ نصف حاصل شرب آن عدد در ۱۰۰۰ است پس ۱۳۲۶ را در ۱۰۰۰ شرب میکایید مشود ۱۰۰۰ تا و بعد صف این عدد را که ۱۸۲۰۰ شرب میکایید میشود ۱۰۰۰ تا و بعد صف این عدد را که ۱۸۲۰۰۰ شرب میکایید میشود ۱۰۰۰ تا ۲۸ و بعد صف این عدد را که ۱۸۲۰۰۰ شرب میکاید

قائله ه میرای شرب عمدی در ۱۵ یا ۱۵۰۰ یا ۱۵۰۰ یا ۱۵۰۰ یم یکی ۱۰ آن عمد را در ۱۰ یا ۱۰۰ یا ۱۰۰۰ یا ۱۰۰۰ یا تا در

یا ۲ یا ۳ یا . . . . . صفر در راست آن قرار داده و بر حاصل نصف آنرا میافزائیم .

۹۸ - حاصل ضرب عددی در ۹ و ۱۱ و یا ۱۹ و ۲۱ یا ۲۹ و ۳۱ و ....

مثال ۱ - میخواهیم عدد ۲۷ را در ۱۹ ضرب کنیم - بجای ۱۹ عدد ۲۰ را در ۲۷ ضرب کنیم میشود ۴،۵ و از این حاصل ضرب ۲۷ را کم میکنیم میشود ۱۳ ۵ پس ۱۳ ۵ = ۲ × ۲۷

هنال ۳ - میخواهیم عدد ۶۸ را در ۳۱ ضرب کنیم - بجای ۳۱ عدد ۳۰ را در ۶۸ ضرب میکنیم میشود ۴ ۶۶ سپس بر این حاصل ضرب ۶۸ را میفزائیم میشود ۱۶۸۸ پس ۱۶۸۸ = ۳۱×۶۸

۹۹ ـ حاصل ضرب عددی در ۱۱

مثال - میخواهیم ۷۹ ۵۰ را درعدد ۱۱ ضرب کنیم - چنانکه میدانیم باید این عدد را در ۱۰ ضرب نمو ده بر حاصل خو د این عددرا افزود یعنی باید ۷۹ ۵۰ را با ۷۹ ۵۰ جمع نمود صورت عمل چنین است:

0 E V 9 · P V 3 ° C V 7 · T 7 · T 7 9

چنانکه می بینیم برای بدست آوردن این حاصل جمع یکان عدد مفروض یعنی ۹ راکه پیکر یکان حاصل ضرب است مینو یسیم سپس ویکر های یکان و دهگان عدد مفروض را بسا هم جمع میکنیم میشود 77 = 9 + 7 پیکر یکان این حاصل جمع یعنی 7 پیکر دهگان حاصل ضرب ما مبباشد بعد پیکر های دهگان و صدگان عدد مفروش را باهم جمع کرده پیکر دهگان 17 = 1 + 2 + 7 پیکریکان این حاصل جمع پیکر صدگان حاصل ضرب مطلوب است و عمل رابهمین ترتیب ادامه میدهیم تا حاصل ضرب بدست آید قاعده - برای ضرب عددی در 11 آن عدد را نوشته صفری در راست آن قرار میدهیم سپس از سمت راست شروع نموده هر پیکر را با پیکر بعدی جمع نموده یکان حاصل جمع را نوشته و دهگذان آنر ا را با پیکر بعدی جمع نموده یکان حاصل جمع را نوشته و دهگذان آنر ا را کر موجود باشد ) بحاصل جمع بعد اضافه میکنیم و . . . .

تبصره - در حالت مخصوصی که عدد مفروض دارای دویبار است دانش آموزان باید ضرب را در ذهن انجام دهند

۱۰۰ ـ حاصل ضرب دو عدد واقع بین ۱۰ و ۲۰

مثال - میخواهیم عدد ۱۹ را در ۱۹ ضرب کشیم به عمل را میتوانیم چنین بنویسیم

قاعده - برای تعیین حاصل ضرب دوعدد و اقع بین ۱۰ و ۲۰ بر آلمی از این دو عدد پیکر یکان عدد دیگر و پیکر دهگان حاصل ضرب دو پیکر یکان را افزوده در راست این حاصل پیدر یکان داصل ضرب دو پیکر یکان را هندویسیم.

۱۰۲ - حاصل ضرب ـ عددي در ۲۵ و ۲۵۰ و ۱۰۰۰

مثال - میخواهیم عدد ۷٤۳ را در ۲۵۰ ضرب کنیم بجای ۰ ۲ عدد مفروض را در ۲۰۰۰ که چهار در ایر ۲۰۰ است ضرب میکنیم میشود ۰ ۰ ۰ ۶ ۷ ولی این حاصل ضرب چهار بر ایر حاصل ضرب مطلوست سر مرای مدست آوردن حاصل ضرب باید ۰ ۰ ۳ ۶ ۷ رابر ٤ قسمت نمود میشود ۲۵۷۵۰ یعنی ۵۷۵۰۰ = ۲۵۰× ۷٤۳ قاعده - برای ضرب عددی در ۲۵ یا ۲۵۰ با ..... آنرا هر ۱۰۰ با ۲۰۰۰ یا ۲۰۰۰ شرب میکنیم یعنی ۲ یا ۳ ییا ۲... صفر در سمت راست آن قرار داده حاصل را بر ک قسمت میکنیم ۱۰۲ ـ حاصل ضرب عددی در ۱۲۵ یا ۱۲۵۰ یا ۱۰۰۰ مثال - میخواهیم عدد ۳۸ را در ۱۲۵ ضرب کنیم بجای ۲۵ مدد مفروض را در ۱۰۰۰ که هشت برابر ۲۵ است ضرب مكنيم ميشود ٠٠٠ ٣٨٠ سيس براي يافتن حاصل ضرب مطلوب اين حاصل ضرب رابر ۸ قسمت میکنیم میشود ۲۰۰۰ پس ۲۰۰۰ = ۲۱×۳۸ قاعده - برای ضرب عددی در ۱۲۵ یا ۱۲۵۰ یا .... آنوا در ۱۰۰۰ یا ۲۰۰۰ یا یا ۱۰۰۰ یا یا کرده یعنی ۳ یا ۶ یا ....

صفر در راست آن قرار میدهیم وحاصل را دردهن بر ۸ قسمت میکنیم ۱۰۳ میصره و توجیه چهار قاعدهٔ که در پائین گفته میشود بااستفاده ازقاعده هائی که درپیش گفته شد برعهده دانش آموزان است قاعده و برای ضرب عددی در ۱۰۰ یا ۲۰۰ برای ضرب عددی در ۱۰۰ یا ۲۰۰ برای ضرب کرده سپس از راست یا . . . . . کافیست عدد مفروض را در ۵ ضرب کرده سپس از راست آن ۱ یا ۲ یا ۳ یا . . . . . پیکر جدا نموده ممیز گذاشت نیز میتوان بدوا از سمت راست ۱ یا۲ یا۳ یا . . . . . پیکر جدا کرده ممیز گذارده سپس حاصل را در ۲ ضرب نمود .

قاعده - برای خرب عددی ۲۰٫۵ به ۲۰٫۰ به ۲۰۰۰ با ۱۰۰۰ به سنت آنراچنانکه گفته شد در ۲۰ خرب میکنیم سیس ۱ با ۲ به ۳ به سنت رقم از سمت راست آن جدا کرده نمیز میگذارید نیز میتوان بدو ۱ به ۱ با ۲ یا ۳ یا ۱۰۰۰ بیکر از سمت راست عدد مفروط جدا کرده نمیز گذاشت و سیس آنرا در ۲۰ ضرب نمود

۱۰۴ - حاصل ضرب دوعدد دو پیکری که پیکر های یکات آنها ۵ باهند

همال - میخواهیم عدد ۷۵ را در ۹۵ ضرب شنیم به خوا را منتمان چنین نمایش داد:

قاعله به برای ضرب دوعدد دوپیدری آده بهدو همی بکان هردو عدد ه باشد برحاصل ضرب دوپیدر دهکان آن دوعدد نصف حاصل جمع آنهار الفزودد و در راست این حاصل عدد ۲۰۰۰ با مینویسیم -

آگر مجموع دوپیکر دهگان فردباشد عنف غمدی آبرا بر حاصل ضرب دو بیکر دهگان افزوده درراست این حاصل جمع بجای ۲۵ عدد ۷ را قرار میدهیم ( بر دانش آ موزانست که قسمت اخیر این قاعده
 را توجیه نمایند )

۱۰۵ ـ قاعده ـ برای ضرب عدد دو پیکری که رقم یکان آن ه باشد درخود آن عدد کافیست پیکردهگان آنرا درمتوالی خودش ( یعنی عددی که یك یکه از آن بزرگتر است ) ضرب نموده و عدد ۲۰ را در راست آن قرار دهیم

مثال - میخواهیم عدد ۷۰ را در ۷۰ ضرب کنیم ۷ را در ۸ ضرب میکنیم میشود ۵۰ سپس ۲۰ را در راست آن میگذاریم میشود ۵۲ سپس ۲۰ سپس ۲۰  $\times$  ۷۰ ( توجیه این قاعده نیز بر عهده دانش آ موزان است )

۱۰۴ - ضرب عددی درعدد دیگر که حاصل ضرب دو یاسه سازه یک بیکری باشد

قاعمه - برای ضرب عددی در تنده دیگر که میتوان آنرا بصورت حاصل ضرب دو یا چندین سازه یك پیکری نوشت قاعده آنستکه باید عدد مفرون را دریکی ازآن سازه های یك پیکری ضرب نمودو حاصل ضرب جدید را در سازه دیگر و . . . . در سازه سوم و . . . . ضرب میکنیم .

## ع ـ تقسيم

۱۰۷ - تقسیم - عدد دو یاسه پیکری برعدد یک پیکری

مثال - میخواهیم عدد ۱۹۰ را بر ۸ قسمت کنیم - گوئیم

۳۵ + ۲۰۱ = ۱۹۰ حال خارج قسمت ۱۲۰ بر ۸ بر أبر ۲۰ میباشد

۲۰ = ۱۲۰:۸ = ۱ از ظرف دیگر ۳+( غ×۸ )=۳۰ پس

۳۰ = ۲۲ × ۸ = ۳+( ٤+۰۲) × ۸ = ۱۹۰ خارج قسمت بر ابر
۲۶ و باقیمانده ۳ است .

قاعده میرای تقسیم عدد دو یا سه پیکری بر عدد یك پیکری بزرگترین دهگان موجود در مقسوم را که بر مقسوم علیه قدن قسمت بر مقسوم علیه قسمت میكنیم و آنچه را که از مقسوم باقی میمانند نین برمقسوم علیه تقسیم میدمائیم مجموع دوخارج قسمت بر ابرخارج قسمت مطلوب و مانده تقسیم دویم همان مانده تقسیم اصلی میباشد.

۱۰۸ - تقسیم - عددی برعده دیگر که برابر حاصل ضرب چندین عدد باشد

مثال - میخواهیمعدد ۲۷۰ رابرعدد ۱۵ قسمت کشیم . چون ۱۰ = ۰ × ۳ کافیست بدوا عدد ۲۷۰ را بر ۵ قسمت کشیم میشود ۱۳۵ حال این خارج قسمت را بر ۳ تقسیم میکشیم میشود ۵ پس

قاعده برای تقسیم عددی مفروش برعدد دیگر که بر ابرحاصل ضرب چندین سازه یک بیگری باشد کافیست عدد مفروش رأ بر بلای از آن سازه ها قسمت کرد، و خارج قسمت را بر عدد دیگر تقسیم نمود و . . . . . آخرین خارج قسمت عهرتست از خارج قسمت عطانوب . ۱۰۹ ـ تقسیم عددی ار ۵ و ۵۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰

قاعده - برای تقسیم عددی بر ۵ و ۵۰ و ۵۰۰ و ۵۰۰ و کافیست از راست آن عدد ۱ یا ۲ یا ۳ . . . . . پیکر جدا کرده نمیز گذاشت وعددی را که بدین ترتیب بدست میآید در ذهن دو برابر کنیم نیز میتوان بدوا عدد مفروض را دو برابر کرد سپس از راست آن ۱ یا دو یا ۳ . . . . . . پیکر جدا کرده نمیز گذاشت .

۱۱۰ تقسیم - عددی بر ۲۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۲۰۰۰ یا ۸۵۰۰ یا ۲۰۰۰ مثال - میخواهیم عدد ۲۳۳۱ را بر ۲۰۰۰ قسمت کنیم بجای ۲۰۰۰ عدد ۲۰۰۰ را که ۶ برابر آنست اختیار کرده مقسوم بر ۲۰۰۰ تقسیم میکنیم میشود ۲۳۷ر ۱ ولی این خارج قسمت جهار دفعه کوچکتر از خارج قسمت مطلوبست پس برای یافتن خارج قسمت مطلوبکافیست عدد ۳۵۲ را در خضربنمود میشود ۶ ۶ و ۸۰ قسمت مطلوبکافیست عدد ۳۵۲ را در خضربنمود میشود ۶ ۶ و ۸۰ یس ۶ ۶ ۶ و ۸۰ ۲ ۳۳۷ ۶ ۱

قاعده - برای تقسیم عددی بر ۲ یا ۲ ۵ ما ۲ ما ۲ ما ۲ میا کرده ممیز کافیست ۲ یا ۳ یا ۶ مین از سمت راست آن جیدا کرده ممیز گذاشتسپس عددی را که بدین طریق بدست آمده در ذهن در ۶ خرب نموده - نیز میتوان بدوا عدد مفروض را در ذهن در ۶ ضرب کردسپس از راست آن ۲ یا ۳ یا ۶ یا . . . . پیکر جدا کرده ممیز گذاشت .

۱۱۱ میخواهیم عددی بر ۱۲۵ یا ۱۲۵۰ یا ۱۲۵۰ یا ۱۲۵۰ یا ۱۲۵۰ یا ۱۲۵۰ هٔ مثال میخواهیم ۲۹۷ غ را بر ۱۲۵ قسمت کنیم بجنی ۱۲۵ میخواهیم ۲۰۱ غ ۱۲۵ قسمت کنیم بجنی را بر ۱۲۰ عدد ۱۰۰۰ تقسیم میکنیم میشود ۲۷۹ و غ ولی این خارج قسمت کافیت عدد ۲۷ و و قسمت مطاوب است وبرای یافتن آن خارج قسمت کافیت عدد ۲۷ و ۲ و ۲ در ۱ ضرب نمود هیشود ۲۱ ۵ و ۳۹ یس ۲۱ غ ر ۳۹ ۲ و ۲۰ و ۲۰ ۶ و ۳۹ ۶ ۶

قاعده - برای تقسیم عددی بر ۱۲۰ با ۱۳۰۰ با ۱۳۰۰ با کافیست ۱۳۰۳ با ۱۳۰۰ با ۱۳۰۱ با ۱۳۰۰ با ۱۳۰۱ با ۱۳ 
قاعده میرای تقسیم عددی بر هر بی مراوی و مور بی بی بید. کفیست به بیرای تقسیم عددی بر هر بی مراوی و میدی کفیست به بیا ۱ بیا ۱۳ بیا ۱۳ بیا بیان طریق بدست میدی دو بر ایر آن به بدنین میتوان خست عدد مفروش را دو بر ایر تمود، سیس به بیا ۱ بیا ۱۳ ب

قاعده - برای تقسیم عددی بر ۱۰ برد مفروش را بر ۱۰ بر ۱۰ بر ۱۰ بر ۱۰ برد مفروش را در ۵ ضرب نمود.

المين ميتوان بصوا عدد مفر وطن را الدرج الدالات الا الداري الدر

قاعده د برای تقسیم عددتی بر ۱۸۷ ما تا ۱۹۷ و د تا ۱۹۰۰ م



#### مسئله ها

هستگه ۱ ـ این جمع ها را در دُهن انجام دهید ۱۸۴۳۲ و ۴۳۴۵ و ۴۳۴۵ و ۴۲۰۴۵ و ۴۲۰۳۵ و ۴۲۰۳ و ۴۲

مسئله 🍟 ــ این جم ها را در ذهن آنجام دهیم :

مسئله ۴ ـ این جمه دا را در ذهن انج د دهبره

TOAN THAT SEPT CONSTRUCT OFF SEPTEMBERS OF THE SEPTEMBERS

مستله ها این جم منا را در دُمن اجناء دمید ۱۳۹۰ و ۱۳۷۳ و ۱۳۸۳ و ۱۳۸۳ و ۱۳۸۳ و ۱۳۸۳ و ۱۳۸۳ و ۱۳۸۳ و ۱۳۳۸ و ۱۳۳۸ و ۱۳۳۸ و ۱۳۳۸ ۱۳۸۰ و ۱۳۳۸ و ۱۳۳۸ و ۱۳۳۸ و ۱۳۸۳ و ۱۳۸ 
و ۱۲۰ - ۱۷ - این تفریق عاقرا در نص ایجاء دهید - ۷ مینگه ۷ - ۱۲۰ - ۲۵ و ۱۲۰ - ۲۰ و ۱۲ - ۲

۳۰۹ – ۳۰۳ و ۲۸۳ – ۲۰۱ و ۲۰۸ – ۲۰۲ و ۲۸۷ – ۲۷۸ و ۳۷۲ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳ – ۲۷۳

هستله ۸ --- هریك از عدد های زیر را از ۱۰۰ و ۲۰۰ و ۳۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۱ و ۲۰۱ و ۲۰۱۲ و ۲۰۲۲ و ۱۸۶۲۸ و ۱۸۶۲۰ و ۲۹٬۰۰۸ و ۲۹٬۰۰۸ و ۲۹٬۰۰۸ و ۲۹٬۰۰۸ و ۲۹٬۰۰۸

مسئله ه — هریا از عدد های زیر را از ۱۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۳۰۰۰ و ۱۲۰۰ و ۱۲۰۰ و ۱۲۰۰ و ۱۲۰۰ و ۱۲۰۰ و ۱۲۰ و ۱۲۰ و ۱۲۰ و ۱۲۰ و ۱۲۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰

مستلله ۱۳ - هریك ازعدد های مسئله ۱۱ را دردهن درعدد های ۲۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰

ه مین ۱۲۵۰ و ۱۲۰۰ و ۱۳۰۰ و نید مای مسئله ۱۱ را دردهن درعدد های ۱۳۰ و ۱۳۰۰ و ۱۳۰۰ و ۱۳۰۰ مرب کنید .

مسئله ۱۹ - هريك ازعدد های مسلم ۱۱ را در ذهن در عدد های در ۱ هٔ ۱ره و ۱۰ره و ۱۰۰ ضرب كاید

هستگله ۱۷ ساهدیك از عدد های مسئنه ۱۱ را دردهن در در ۲ و ۲۰۱۰. و ۲۰۱۵ و ۲۰۱۰ ضرب کشید

مسئله ۱۸ سمریك ازدند های مشه ۱۱ را دردهن درصد های و ۱۲ م

مسئله ۱۹ سمریك از عدد های مستنه ۱۱ را دردهن در ۱۹ و ۲۹ و ۲۹ و ۲۹ و ۳۹ و ۳۹ و ۳۹ و ۳۹ سرب نتیم .

همگله ۲۰ سریک از عدد های بین ۱۰ و ۲۰ را در فعن خود ضرب نموده حاصل را بخاطر بسیارید

هستگله ۲۱ سهریت از صد هدی ۱۱ و ۱۳ و ۱۳ و ۱۰ و ۱۹ و ۱۰ در در در هن یک از عدد های بین ۱۰ و ۱۹ در ذهن ضرب شرب

هستله ۲۳ ساهریک از دست های مسلم ۱۱ را درهریت از عدد های حسول ضرب قشفورت در فهن ضرب کداید

مسئله ۳۵ – هریک از عدد های ۲۱۰ و۲۰۰ و ۲۳۰ و ۸۵۰ و آب هریک از عدد های ۲۱ و ۱۵ و ۱۶ و ۱۰ و۲ و۳ و۴ و۳ و۳۰ و۳۰ و ۱۶ و ۷۰ و ۱۰۰ در ذهن تقسیم نموده خارج قسمت را بدست آورید. همشگله ۳۱ – هریك از عدد های ۸۶۰ و ۱۲۸۰ و ۲۵۳ را برهریك از عدد های ۶وه و ۲و۷ و ۲۰ و ۲۶ و ۲۸ و ۳۰ و ۳۰ و ۲۶ و ۱۲۰ و ۱۲۰ و ۱۲۸ و ۲۱۰ در ذهن تقسیم نموده خارج قسمت را بیایید

هستُمله ۲۷ – هریك از عدد های ۳۰۲۴ و ۹۰۷۲ و ۱۰۱۲۰ را برهر یـك از عدد هـای ۹۳ و ۵۱ و ۵۱ و ۵۱ و ۹۱ و۹ و۸ و۷ و ۶ و ۵۰۰ و ٤٤٢ و ۳۷۸ و ۳۳۲ و ۷۲ در ذهن تقسیم نموده خارج قسمت را بیابید

هستگله ۳۹ – هریك از عدد های مسئله پیش را دردهن بر ۲۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰ 
هستُله ۴۶ → هریك ازعدد های مسئله ۲۸ رابر ۱۰ و ۱۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۱۰۰۰۰ و در د. در ذهن قسمت كنید .

هستگله ۳۱ – هر یك ازعدد های مسئله ۲۸ رابر ۱۳۰ و ۲۰ر۰و ۲۰۰۰. و .... در ذهن تتسیم کنید ـ

مسئله ۱۲۳ — هن یك ازعدد های مسئله ۲۸ را دردهن بر ۱۲۰و ۱۲۰ و ۱۲۰

# بخش ششم

#### خاصت های عدد ها

#### ۱ \_ قابلیت تقسیم

الله تعریف مرکبه ماندهٔ تقسیم عدد درست بر عدد درست در عدد درست در عدد درست می عدد درست بر عدد درست است و بها مضربی ازآن میباشد به هم چنین میتوان گفت که عدد در معدد در معدد عدد درستان را عاد مینماید

هثال - چون ماندهٔ تقسیم عدد ۲۷ برعدد ۳ مقر میباشد گرئیم ۲۷ بر۳قابل قسمت است و ۱۲۷ هضریی است از ۳ ریابالاخر متعدد ۳ عدد ۲۷ راعاد مینماید

در حساب قاعده هائی موجود است که بواسطنهٔ آن بدون انجام عمل تقسیم میتوان ماندهٔ تقسیم عددی را بربعضی عدد ها تعیین نمود و راضح است که اگر ماندهٔ این تقسیم برابر صفر باشد عدد تخسین بر عدد دوم قابل قسمت است با پس از روی قاعده های قابلیت تقسیم میتوان دانست آیا عددی بر عدد دیکر قابل قسمت است با دورصورتهاد قابل قسمت ایناشد حاندهٔ تقسیم را بدون انجام عمل دست آورد.

قاعده عای قابلیت تفسیم عدد ها بر چند اسل گنز ارده شده که آنها را با فاکر مثال توضیح عیدهیم

۱۱۴ ما اصل ۱ ما هر کاه چندعدد بریث دود قاس قدمت باشند

مجموع آنها نیز بر آن عدد قابل قسمت است بعبارة دیگر هر گاه عدد مفروضی چندین عدد را عاد کند مجموع آنها را نیز عاد مینماید

همال - عدد همای ۵۶ و ۹و۲۷ و ۸۱ بر ۹ قسابل قسمت میباشندوچنانکه دید. میشود مجموع این عددها یعنی ۱۹۲ – ۱۸+۲۲+۹+۵۱ بر ۹ قابل قسمت است ۱۸ × ۹ = ۲۲ ۱

نتیجه - اگر عددی بر عدد دیگر قبابل قسمت باشد هر مضربی از عدد نخست نیز بر عدد دوم قابل قسمت است

مثال - عدد ۷۰ بر ۱۰ قابل قسمت است پس عدد ۲۰ = ۲۰ + ۲۰ + ۲۰ + ۲۰ + ۲۰ + ۲۰ + ۲۰ = ۲۰

نیز بر ۱۰ قابل قسمت است و چنانکه دیده میشود ۳۰  $\times$  ۱۰  $\times$  ۱۰ و ۲۰ میز بر ۱۱۵ - اکر دو عدد بر عدد سوم قابل قسمت باشند تفاضل آن دو عدد نیز برعدد سوم قابل قسمت است

مثال - دوعدد ۹۹ و ۲۶ بر ۱۹ قابل قسمت میباشند چنانکه دید. میشود تفاضل آنها یعنی عدد ۳۲ = ۲۳ ۹۳ نیز بر ۱۹ قابل قسمت است ۲  $\times$  ۱۹  $\times$  ۳۲ = ۳۲

قابل قسمت بوده و دیگری بر آن قابل قسمت نباشد مجموع آن دو عدد نیز برعدد سومی قابل قسمت نبوده و ماندهٔ تقسیم برابر ماندهٔ تقسیم عدد غیر قابل قسمت است بر عدد سوم

قابل قسمت نبوده ماندهٔ آن برابر x قابل قسمت است ولی عدد x بر y قابل قسمت نبوده ماندهٔ آن برابر x است و چنانکه دیده میشود مجموع این دوعدد یعنی x = x + x نیز برy قابل قسمت نبوده و ماندهٔ تقسیم آن بر y برابر y است y + y = y

نتیجه را گرمجموع مانده های تقسیم چندین عددبرعددمقر و سراین عدد قابل قسمت است . عدد قابل قسمت است . مثال - عددهای ۲۰ و ۳۳ و ۵۰ و ۲۰ و ۲۹ را بر ۷ قسمت مکنیم : میشود

۱۱۷ - اصل ۴ - اگر مانده های تقسیم دو عدد بر عدد سوم برابر باشند تفاضل آن دو عدد نیز بر عدد سوم قبل قسمت است

 $1 \times Y = Y \times Y = 1$ 

**with** alter also range of  $x_1 = x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = x$ 

وچنانکه دیده میشود تفاضل این دو عدد یعنی ۲۲ = ۲۰ ٪ تر ۱۳ قابل قسمت است ۲ ×۲۳ = ۲۲

یک هر دوی آنها را عاد نشماید ( چنانکه بعد خیواهیم کدهیچ عددی جن یک هر دوی آنها را عاد نشماید ( چنانکه بعد خیواهیم دید چنین دو عددی را نسبت بهم اول گویند ) و عددی برهریک از آین دو عدد قین قسمت باشدساین عدد برحاصل شرب دوعدد مفروش نیزقای قسمت است مثال - دوعدد ۲۰ و ۲۰ نسبت بیکدیگر اوالد بعنی هیچ عددی غیر از یک هر دو آنها را عاد نمی تعدید تا بعید ت دیگر مقسوم علیه مشر کی جزیک ندارند دار عدد ۲۰ را در نظر هیگیریم که بر هر دو عدد ۳۰ و ۲۰ قال قسمت است

14.=14x4. VF.= 40x48

چنانکه ـ میبینیم عدد ۰ ۸ ۶ برحاصل ضرب ۲ ۲ و ۳۵ یعنی

۲۰ ٤ = ۲۰ × ۲۲ نيزقابل قسمت است : ۲ × ۲۰ ٤ = ۰ ۸ ۸

بعلاوه دیده میشود که چون ۴ که ۸ بر ۶ ×۳ = ۲ ۱ قابل قسمت میباشد برهریك از دوعدد ۳ و ۶ قابل قسمت است

 $\lambda \xi \cdot = \forall \times \forall \lambda \cdot$ 

17×3=+31

پس میتوان این نتیجه را بدست آورد:

نتیجه ـ هرگاه عددی برحاصل ضربدوعدد دیگر قابل قسمت باشد بهریك از آن دوعدد قابل قسمت است.

حال بااستفاده ازاین اصل ها قاعده هائی برای قابلیت تقسیم برعدد های ۲ و ۳ و ۶ و ۵ و ۹ و ۹ و ۱ و ۱ . . ذکر میکنیم

۱۱۹ - قابلیت تقسیم بر ۴ و ۵ - میدانیم ۱۰ = ۲ × ۵ پس بموجب اصل ۱ یانتیجه اصل ۵ مضربهای ۱۰ بر ۲ و ۵ قابل قسمت میباشند ـ پس هرعددی که پیکر یکان آن صفر باشد چون مضربی است از ۱۰ بر ۲ و بر ۵ قابل قسمت است ـ

مثال - عدد های ۷۰ و ۹۳۲۰ که مضربهائی از ۱۰ می باشند ( پیکر یکان آنها صفر است ) بر۲ و ۵ قابل قسمت میباشند ( پیکر یکان آنها صفر است ) بر۲ و ۱۵ قابل قسمت میباشند

هر عددی را که مضر بی از ۱۰ نباشد میتوان بحاصل جمع دو جزء که یکی مضر بی از ۱۰ و دیگری عددی کوچکتر از ۱۰ باشد تبدیل نمود ــ مثلا عدد  $\Lambda \stackrel{.}{=} V \stackrel{.}{=} \Lambda \stackrel{.}{=} \Lambda \stackrel{.}{=} V \stackrel{.}{=} \Lambda  

بموجب اصل ۱ برای آنکه عددمفرون بر ۲ یا ۵ قابل قسمت باشدلاز مست جزء دوم که پیکر یکان عدد است بردر یا ۵ قابل قسمت باشد ـ پس :

قاعدہ \_ هرگاه پیکر یکان عددی بر ۲ یا ۵ قابل قسمت باشد آن عدد نیزبر ۲ یا ۵ قابل قسمت است \_ بین عددهای یك پیکری فقط صفر و ه بر ۵ قابل قسمت میباشند \_ پس :

قاعده هرعددیکه پیکریکان آن صفریا ۱ باشدبر ۵ قابل قسمت است بین عددهای یك پیکری صفی و ۲ و څ و ۲ و ۸ بر ۲ قابل قسمت میباشند ساپس:

قاعده \_ هرعددیکه پیکریکان آن صفریا۲ باغ یا۲ یا۸ باشد بر۲ قابل قسمت است و عدد قابل قسمت بر ۲ را زوج یا جفت خوانند \_

ماندهٔ تقسیم عددی بر ۲ یا ۵ با در نظر کرفتن قاعده قابلیت تقسیم عددی بر ۲ یا ۵ عددها بر ۲ یا ۵ دواصل ۳ معلوم میشود که ماندهٔ تقسیم عددی بر ۲ یا ۵ عبارتست از ماندهٔ تقسیم پیکر یکان آن عدد بر ۲ یا ۵

مثال - ماندهٔ تقسیم عدد ۲۷ بر ۲ عبارتست از ماندهٔ تقسیم ۹ بر ۲ که برابر یك است  $1+3+7\times 7 = 7\times 7$  و ماندهٔ تقسیم عدد ۳۲۸ بر ٥ عبارتست از ماندهٔ تقسیم ۸ بر ٥ که برابر ۳ است  $7+7\times 7$ 

۱**۲۰ قابلیت تنسیم بر ۴ و ۲۵** میدانیه ۱۰۰ = ۲۰ × خ پس هرعددیگه مضربی از ۱۰۰ باشد بعنی هرعددی که دولیکر سمت راست آن صفر باشد بر خ و ۲۰ قابل قسمت است

همال عددهای ۱۳۰۰ میر ۲۰۵۰ که مضربهائی از ۱۰۰ میباشد د ( پیکرهای بکان و دهگان آنها صفر است ) بر څوه ۲ قابر قدمت میباشند: ۱۸۲۰ (۲۰ میده ۱۲۰ و ۲۰۲۰ و ۲۰۲۰ (۲۰۲۰ ع ۲۰۰۰ مفریق هر عددی را که مضربی از ۱۰۰ نیاشد میتوان بحاصل جمع مفتریق از ۱۰۰ وعددی کوچکتر از ۱۰۰ تبدیل نمود مثلاعده ۸۳٤۲۷ را میتوان چنین نوشت ۲۷ + ۲۰۰۰ ۸۳۵ که درآن ۸۳٤۰۰ که درآن ۸۳٤۰۰ مضربی است از ۱۰۰ و ۲۷ عددی است کوچکتر از ۱۰۰

چنانکه میدانیم جزء نخست همیشه بر ۱۰۰ وبنابراین بر ۶ و ۲۰ قابل قسمت میباشد پس بموجب اصل ۱ برای آنکه عدد مفروض بر ۶ یا ۲۰ قابل قسمت باشد لازمست جزء دوم یعنی عددی که از دو پیکر سمت راست عدد مفروض تشکیل می یابد بر ۶ یا ۲۰ قابل قسمت باشد ـ

قاعده \_ هرگاه عددی که ازدوپیکرسمت راست عدد مفروض تشکیل می یابد بر کا یا ۲۵ قابل قسمت باشد عدد مفروض نیز بر کا یا ۲۵ قابل قسمت است

۱۲۱ ـ قابلیت تقسیم بر ۸ و ۱۲۵ - میدانیم ۱۰۰۰ = ۲۰  $\times$  ۸ میدانیم

پس هرعددی که مضربی از ۰۰۰۰ باشد یعنی سه پیکر سمت راست آن صفر باشد بر ۸ و ۱۲۰ قابل قسمت است

مث**ال** ـ عدد ۲۸۳۰۰۰ بر ۸ و ۱۲۰ قابل قسمت است زیرا این عدد مضربی است از ۲۰۰۰

Arr. OYI=OVAY.I A ... TYA

هرعددی را که مضربی از ۲۰۰۰ تبدیل تمود مثلاعدد ۲۳۵ مغیربی از ۲۰۰۰ تبدیل تمود مثلاعدد ۲۳۵ و ۲۳۵ را ۲۳۵ مثلاعدد ۲۳۵ و ۲۳۵ که در آن را میتوان چنین نوشت ۲۳۵ + ۲۰۰۰ ۲۲۵ مدیست کوچکتر از ۲۰۰۰ که در آن چنانکه میدانیم جزء تخست همیشه بر ۲۰۰۰ و بنا برای آنکه عدد مفروض چنانکه هیدانیم جزء تخست همیشه بر ۲۰۰۱ و بنا برای آنکه عدد مفروض بر ۸ با ۲۰ قابل قسمت میباشد پس بموجب اصل ۱ برای آنکه عدد مفروض بر ۸ با ۲۰ قابل قسمت باشد لازمست جزء دوم بعنی عددی که از سه پیکرسمت راست عدد مفروض تشکیل می باید بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل می باید بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل می باید بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل می باید بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل می باید بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت باشد عدد مفروض تشکیل بر ۸ به ۲۰ قابل قسمت است

ه انهاد تنسیم عددی بر ۱۸ و ۱۸ ۷ ما با در نظر گرفتن قاعده قابیت تقسیم عددی بر ۱۸ و ۲۵ و اصل۳معلوم میشود که مانده تقسیم عددی بر ۱۸ و ۲۵ اعبارتست از ماندهٔ تقسیم عددسه بیکری سمت راست آن بر ۱۲ و ۲۸ ۱۸

۱۲۲ - قابلیت تقسیم بر ۹ و ۳ - میدانیم ماندهٔ تقسیم یکه هر مرتبه بر ۹ برابریك میباشد یعنی:

 $1 + 9 \times 10 = 0.01$  ( $1 + 1 \times 10 = 0.01$   $1 + 1 \times 10 = 0.01$   $1 + 1 \times 10 = 0.01$  حال اگر هریك از این یکان را دریکی از عدد های 1 = 0.01 و 0 = 0.01 خواهد رو د و مثلا:

 $\Lambda \cdot = \Lambda \times 9 + \Lambda$   $\Gamma \cdot \cdot = \Gamma \Gamma \times 9 + \Gamma$   $V \cdot \cdot \cdot = V \vee V \times 9 + V$ 

بعلاوه هر عددی را میتوان بحاصل جمع مرتبه های مختلف آن تبدیل نمود مثلاعدد ۲۳۲٦ را میتوان چنین نوشت: ۲+۰۰+۲۰۰۰-۲۳۲۱

میدانیم مانده های تقسیم ۷۰۰۰ و ۳۰۰ و ۲۰ و ۲ و ۲ بر ۹ بترتیب عبارتند از ۷و۳و۲و۳ وچون مجموع مانده های جزء یعنی ۱۸ = ۲ + ۲ + ۳ بر ۹ قابل قسمت است بموجب نتیجهٔ اصل ۳ عدد ۲ ۷۳۲ بر ۹ قابل قسمت است و چنانکه دیده میشود عدد های ۷۳۲۲ بر ۹ قابل قسمت است و چنانکه دیده میشود عدد های ۷۳۲۲ بر ۹ عبارت از پیکس های مطلق عدد مفروض میباشند

برای قابلیت تقسیم بر ۳ نیز میتوان همین بیان را تکرار نمود قاعده \_ هر گاه مجموع پیکر های مطلق عددی بر ۹ یا۳ قابل قسمت باشد آن عدد نیز بر ۹ یا ۳ قابل قسمت است نیز میتوانگفت اگر پیکر های مطلق عددیرا ۹ به ۹ یا ۳ به ۳ طرح کنیم و مانده صفر

گردد آن عددبر ۹یا۳ قابل قسمت است و در غیر این صورت ماندهٔ تقسیم عدد مفروض بر ۹یا۳ برابر ماندهٔ تقسیم مجموع پیکسر های مطاق عدد مفروض است بر ۹یا۳

مثال ۲-عدده ۵ بر ۹ قابال قسمت نیست زیر ا ۱ = ۰ + ۰ + ۶ بر ۹ قابل قسمت نمی باشد ۰ + ۱ × ۹ = ۶ ۱ و ماندهٔ تقسیم عدد مفروس بر ۹ برابر ۱۰ است و چنانکه میبینیم ۱ + ۰ ۰ × ۹ = ۰ ۰ ۶

بهمین ترتیب دیده میشود که عدد ۵۰۵ بر ۳ قابل قسمت نبود. ماندهٔ تقسیم آن بر ۳ برابر ۲ میباشد

۱۹۳ - قابلیت تقسیم بر ۱۱ ـ میدانیم مانده تقسیم یکه هدی مرتبه های فرد یعنی مرتبه های نخست و سوم و پنجم و هفته . . . یا عدد های ۱ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۱ و ۱

ر ماندهٔ تقسیم یکه های مرتبه های زوج یعنی مرتبه های دوم وچهارم و ششم و ... یا عددهای ۱۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ برابر ۱۰ یا۱\_۱۱ میباشند ـ بعبارة دیگر این عدد ها مضربهائی از ۱۱ میباشند منهای یك

.... ۱ – ۱۱×۱۱ – ۱۰ با ۱۰۰۰ – ۱۱×۱۱ – ۱۱×۱۱ – ۱۱۰۰۰ با ۱۰۰۰ – ۱۱ پس اگر هریك از واحد های دسته اول ( مرتبه های فرد ) را دریکی از عدد های ۲و۳ و ... و ۸و ۹ ضرب کنیم ماندهٔ تقسیم ابن عدد ها بر ۱۱ بترتیب برابر ۲و۳و ... ۸و ۹ خواهد بود \_ بعبارهٔ دیگر این چنین عدد ها مضربهائی از ۱۱ میباشند بعلاوه ۲و۳ و ... و ۸ و ۹ بهمین ترتیب اگر هریك از یکه های دسته دوم ( مرتبه های زوج ) را دریکی از عدد های ۲و۳ و ... و ۸و ۹ ضرب کنیم عدد هائی که بدین ترتیب بدست میآیند مضربهائی از ۱۱ میباشند منهای ۲ و ۳ و ... ۸و ۹

مثال ۲ - عدد ۲ ۷ ۹ ۳ ۸ ۲ ۹ ۹ ۳ ۸ ۲ مفروض است بنابر آنچه که در مثال پیش گفته شد این عده مضربسی از ۱۱ میباشد باضافهٔ ۴ ۳ + ۳ + ۴ بعبارة دیگر ۱ ۳ ۳ + ۳ + ۴ بعبارة دیگر این عدد مضربی است از ۱۱ باضافهٔ ۲۲ = ۱۱ ۳ ۳ و چون ۲ × ۲۱ = ۲۲ نیز مضربی از ۱۱ میباشد عدد مفروض بر ۱۱ قابل قسمت است و چنانکه دیده میشود

7471307X110021X70215

قاعده می هرگاه فنال مجموع پیکر های مرتبه های فرد عددی برمجموع پیکرهای مرتبه های زوج آنعدد صفر بدمضریی از ۱۱ باشد آن عدد بر ۱۱ قابل قسمت است و درغیر اینصورت هاندهٔ تقسیم عدد مفروش بر ۱۱ برابر ماندهٔ تقسیم این مانده است بر عدد ۱۱

تبصره - آگر مجموع پیکل های مرتبه همای زوج از مجموع پیکل های مرتبه های فرد بزرگش باشد تفریق ممکن نیست وباید آنقدر ۱۱ بر مجموع پیکل های مرتبههای فرد اضافه نمود تنفریق عماین گردد

۱۲۴ مقابلیت تقسیم بربعضی عدد های دیگر سابالستفاده از قاعده های قابلیت تقسیم که شاکنون گفته شده و اصل ۵ میتوان قاعده های قابلیت تقسیم بربعضی عدد های دیگر را بدست آورد:

ق**اعدہ** نے ہو عددی کہ ہو ۳ وس قائل قسمت ہاشد ہو ۳ نیز قابل قسمت است

قاعدہ نے ہر عددی کہ ہر سمر نہ قابل قسمت باشد ہر ۱۲ نیز قابل قسمت است

ق**اعدہ نے** ہو عددی کہ ہو ہو ہ قابل قسمت باشد ہو ہ این قابل قسمت است قاعده ــ هر عددی که بر ۲و۹ قابـل قسمت باشد بر ۱۸ نیز قابل قسمت است

قاعدہ \_ ہر عددی کہ بر ۲ و ۱ ۱ قابل قسمت باشد بر ۲۲ نیز قابل قسمت است

قاعدہ \_ هرعددی که بر ۳و۸ قابل قسمت بـاشد بــر ۲۶ نیز قابل قسمت است

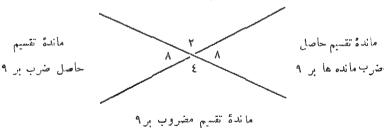
بهمین ترتیب میتوان بآسانی قاعده های قابلیت تقسیم را بربعضی عدد ها که حاصل ضرب دو یا چندین عدد اول نسبت بیکدیگر باشند بدست آورد و ما این قسمت را برعهدهٔ دانش آموزان میگذاریم

ماه موارد استعمال قابلیت تقسیم اعداد درامتحان ضرب و تقسیم

قاعده \_ برای آنکه تحقیق کنیم آیا عمل ضربی که انجام داده ایم صحیح میباشد با توجه بقامده قابلیت تقسیم بر ۹ ماندهٔ تقسیم مضروب و مضروب فیه را بر ۹ در یکدیگر ضرب نموده ماندهٔ تقسیم این حاصل ضرب را بر ۹ بدست میآوریم حال اگر این ماندهٔ برابر ماندهٔ تقسیم حاصل ضرب منظور بر ۹ نباشد عمل ضرب حتماً صحیح انجام نگرفته مثال \_ میخواهیم بدانیم آیا این عمل ضرب صحیح است یانه:

179117×7391=14+797×17003

مانده ها را بترتیبی که در شکل زیردیده میشود مینویسیم ماندهٔ تقسیم مضروب فیه بر ۹



اگر دوعددی کهدردوخانه راست و چپنوشته شده برابریکدبگر نباشند عمل ضرب درست نیست

قاعده برای اینکه تحقیق کنیم آیا عمل تقسیمی که انجام داده ایم صحیح است بانه مانده های تقسیم های زیرین را بدست میآوریم:

۱ بر مانده تقسیم مقسوم علیه بر ۲ بر ماندهٔ تقسیم خارج قسمت بر ۹ بر ماندهٔ تقسیم مانده بر ۹ سپس دوماندهٔ نخستین را در بالمیگر ضرب و حاصل را با ماندهٔ سوم جمع میکنیم و ماندهٔ تقسیم این حاصل جمع را بر ۹ می باییم بر اگر این مانده بر ابر ماندهٔ تقسیم مقسوم بر ۹ تباشد عمل تقسیم مادرست انجام نگرفته

مثال - میخواهیم بدانیم آیا این عمل تقسیم صحیح است یانه:

مانده های تقسیم مقسو علیه و خبرج قسمت و مانده بر ۹ بترتیب عبارتند از ۱ و ۱ و ۱ چون دوعده نخستین را در بلدیگر ضرب کرده با عدد سوم جمع کنیم چنین داریم ۲ = ۱ ش ۱ × ۱ ماندهٔ تقسیم ۲ بر ۹ برابر ۲ است ـ آ در این دوعده با یکدیگر برابر نبودند عمل ما درست نبود

تبصره - ۱ ـ برای ایس دو امتحان بجای ۹ میتوان هر عدد دیگری را که بخواهیم مثار ۱۱ یا۳ یا . . بگار برد و علت آنکهمعمولا ۹را اختیارمیکنندآنستکه تعیین ماندهٔ تقسیم هرعدد بر ۹ بسیارآساست.

تبعیره ۲ - چنانکه دفتیم اگر دوماندهٔ که دربالا آن اشاره شد برابر نباشند عمل خارب به تقسیم هاشققاً درست نیست به اگر این دو مانده برابر باشند عمومه عمل ها صحیح است ولی نمیتوان بطور قطع برصحت آن حکم نمود

#### مسئله ها

هستله عدد مای زیرین: 1 7 7 198 7 6 0 717 W & A 290 0 + Y ۸۳٥ 137 779 ΛV • 147 94. 1720 7777 90.4 1415 37 • 17 OAVIF TPVF4 IVTY3 908.8 074848 8-8031 441.80 749840 9808.8 9418.8 را بر ۲و۳ و ۶وه و ۱و۹ و ۱و۱۱ و ۲۰ تسین کنید .

هستگه ۹ میر هائی بجای دو سند ۳ میر دوش است — چه پیکر هائی بجای دو صفر این عدد میتوان قرار داد تا عددی که بدین ترتیب بدست میآید بر ۶ و ۹ قابل قسمت باشد .

حل برای آنکه عددما بر ٤ قسمت باشد باید عدد دوپیکری سمت راستآن بر ٤ قابل قسمت باشد بنا بر این پیکر هائی که میتوان بچای صفر سرتبه دهگسان این عدد قرار داد تا بر ٤ قابل قسمت باشد عبارت خواهند بود از ۴و۲و٤و۲و۸ حال گوئیم:

آگر برای پیکر دهگان صفررا انتخاب کنیم برای آنکه عدد ما بر ۹ قابل قسمت باشد باید بیکر بکان هزار آن ۲ باشد وعدد ما عبارت خواهد بود از ۲۷۰۵ه اگر برای بیکر دهگان ۲ را انتخاب کشیم برای آنکه عدد ما بر ۹ قابل

قسمت باشدباید پیکریکان هزارصفریا ۹ باشد و دو عدد ۹۷۲۶ م بدست میآید

اگر برای بیکر دهگان نه را انتخاب کشیم برای آنکه عدد ما بر ۹ قابل قسمت باشد باید پیکر یکان هزار ۷ باشد و عدد ۵۷۷۴ بدست میآید

اگر برآی بیکر دهگان ۲ را انتخاب کشیم برای آنکه عدد ما بر ۹ قابل قسمت باشد باید بیکر بگان هزار آن ه باشد وعدد ۲۹۵ ه بدست میآید

اگر برای بیکر دهگان ۸ را انتخاب کنیم برای آنکه ۹ قابل قسمت باشد باید بیکر یکان هزار آن ۳ باشد وعدد ۳۷۸۵ بدست میآید

پس جموا بههای مسئله عبارتند از : ۱۳۷۸ و ۷۶۲ ه و ۷۷۲۶ و ۷۷۲۶ و ۹۷۲۶ و ۹۷۲۶ و ۲۷۰۶ و ۲۷۰۶ و ۲۷۰۶ و ۲۷۰۶ و ۲۰۷۶ و

هستله ۹۷ - در عدد ۱۳۲۰۰ چه پیکرهائی میتوان بجای دو صفر قرارداد تا عددی که بدست میآید بر ۶ و ۹ قابل قسمت باشد

هستگله ۹۸ – درعدد ۱۰۶۰۸۲ جه پیکرهائی بجای سهصفر میتوان قرار داد تا عددی که بدین طریق بدست میآید بره و ۹ قابل تسمت باشد

هستاله ۱۹۰۰ – مطاویست مین عدد سه بیکری آم بر (۴و ۸)یا(۹و ۵)یا(۲و ۱۱) قابل قسمت بوده و بیکر دهکان آن ۶ باشد

هستله (۱۰۱ – (نبونه) در موقع ضرب عدد ۱۲۷ در ۲۰۰۰ (شتباها صفر عدد دوم را در عمل دخالت نداده ایم میخواهیم تعقبق آلهد آنه از امنجان این عمل با قابلیت تقسیم بر ۹ شمط بودن آن ملوم نمیگردد وبدون نجرستمنز ضرب مقدار اشباه را تعین کنیم

حل - اگر عدد ۹۲۷ را دره ۴۵۰ ضرب نهر ممل آست همآیا آیکه در هم ۳۵۰ و بار دیگر در ۶ ضرب نهر میل آست همآیا آیکه در والی ۳۵۰ و بار دیگر در ۶ ضرب نبوده حاصل ضربها را با هم چه کرده ایم بیش آیکار آسیا در ۴۵۰ و بار دیگار در ۶ فنرب نبوده حاصل ضربها را باهم چم ارده ایم بیس این حصر ضرب بادرهٔ ضربها را باهم چم ارده ایم بیس این حصر ضرب بادرهٔ سد، ۳۵۰ سده ۳۵۰ سد

مهتمه ۹۲۷ گفتن از حاصل ضرب مطلوبست و جون عدد ۱۹۲۰ گفتن از ۱۹ به ۱۹۲۸ مضربی است از ۹ بسیاهی را به روی مضربی است از ۹ پس امتحان عمل باذعمهٔ قربهت نقسیم را ۹ بشینهی را به روی داده ظاهن تعیمارد و پاید برحاصل ضربی که بسست آمده :

. ۱۹۷۵ ه. ۱۹۷۵ ه. ۱۹۷۷ ۹ ۱۳۷۷ میده موده تا حاصل ضرب اصلی بست آرموجه اگه دیده مرشود

TYVEROS SUPPLY TYVEROS 
هستله ۱۰۴ - بجای آنکه عدد ۳۷۱ و وا دره ۷۰۰ شهرب ثنیم آنره در ۲۵ ضرب گیرده ایم تحقیق کنید که امتحان این عمل بکمش فایست نقسیم بر ۱۹شتهمی را که رویداده ظاهرانیسازد ویدون تجمیستمیل ضرب نمیود حاصل ضرب را پیدا تهد

مسئله ۱۰۴ - بجی آنکه عند۲۷ و ۱۳۵۸ شرب گرمآنرا در ۲۲۰۸ شرب گرمآنرا در ۲۲۰۸ شرب گرده ایم تحقیق گلید که امتحان این عمل یکدک قابلیت تقسیم بر ۹ اشتباهی را روی داده ظاهر نمیسازد و بدون تجدید عمل ضرب اضافه حاصل ضرب را بدید مسئله ۱۰۴۵ جیگونه میتوان عملهای جم و نفریق را یکدک فابلیت تقسیمیی ۹

أمتجان نمود ك

# ۲ ـ عددهای اول تجزیهٔ عدد بحاصل ضرب سازههای اول

۱۲۱ - تعریف - عدد درستی را اول گوئیم هرگاه جز بریك وبر خودش برعدد درست دیگر قابل قسمت نباشد مانند ۰ و ۳ ۶ و ۱ ۰ ۱ و در غیر این صورت عدد را غیر اول گویند مانند ۲ ۱ و ۹ ۹

تبصر • - باید دانست که هرعدد غیر اولی برابر حیاصل ضرب چندین عدد اول است ـ بعبارة دیگر هرعدد غیراول را میتوان بحاصل خرب دو یا چندین سازهٔ اول تبدیل نمود

طرز یافتن عددهای اول -سلسلهٔ عددهای درست نامحدود و برای یافتن عددهای اول تاجائی که مورد احتیاج باشد چنین عمل میکنیم: فرض کنیم میخواهیم عددهای اول کوچکتر از ۱۰۰ را تعیین کنیم - نخست این عددها را بتر تیب ازباک تا ۱۰۰ در جدولی مینویسیم:

V / F / c / 3 / 15 77 c7 37 77 <u>۶</u> ۳ 67 73 03 33 73 ٤٧ 0 £ 00 ٦ ٥ 05 2 V 3.7 7 9 77 7 % 77 ٦٧ 18 TV oV 3V ٧٢ ٧٣ VV V A ۷٩ ۵۸ ک۸ ۲۸ ٨٢ ۸۹ ۹۰ ٨١ A V ۸ ۸ 17 94 **1** E 97 ٩٧ N. P. چون ۱ عدد اول است از ۲ شروع میکنیم و ۲ را نیز کهعدد اول است کنار میگذاریم و زیر عدد هـای این جـدول ۲ به ۲ خط میکشیم ـ واضح است که این عددها قابل قسمت بر ۲ بوده اول نمیباشند پس باز عدد ۳ که اول است کنارگزارده در زیر عددهای جدول ۳ به ۳ خط میکشیم این عدد ها نیز مضربهای ۳ بوده اول نیستند و همین طور عمل را ادامه میدهیم .

اماچنانکه دیده میشود بعد از ۱ اولین عددی که باید حذف شود ۲۰ یعنی ۰ × ۱ است زیرا عدد های ۰ × ۲ و ۰ × ۳ و ۰ × ۶ قبالا حذف شده اند پس برای آسانی وقتی مثلا بعدد ۷ رسیدیم از ۷ × ۷ یعنی ۹ نه شروع نموده عدد ها را ۷ به ۷ حذف مبنمائیم ـ عدد های اول کوچکتر از ۱۰۰ عبارتند از بیست بوشش عدد زیرین :

تشخیص عددهای اول - برای آنده بدانهم آیا عد دی ایل است یا نه آن را بترتیب برعدد های اول تقسیم میکنیم آن موفعیلاه خارج قسمت از مقسوم علیه کوچکتر آگرده ـ آگر شمن این خمل هادهٔ یکی از تقسیمها صفر شد عدد مفروش اول نیست ولی آکر همچ یك از هانده ها صفر شد عدد مفروش اول مساشد

 اول یك عدد غیر اول را تجزیهٔ آن عدد خوانند ـ بعبارة دیگر تجزیهٔ عدد غیر اول بسازه های اول آن عبدار تست از تعیین عدد همای اولی كه چون آنهما را در یكدیگر ضرب كنیم حاصل ضرب برابر عدد مفرون گردد.

مثال - میخواهیم عدد ۲۰ را که غیر اول است بسازه های اول تجزیه کنیم - میبینیم که اگر عددهای اول ۴ و ۲ و ۶ را دریکدیگر خرب کنیم حاصل برابر ۲۰ میگردد پس ۲۰ = ۳ × ۲ × ۰ × ۲

۱۳۸ - طرز تجزیه عدد بسازهای اول - مثال - میخواهیم عدد ۲۹۳۰۰ را بسازه های اول تجزیه کنیم - طرز عمل چنین است:

عدد مفروض رانوشته خط قائمي در راست آن
5 31 11 = 11 mm = 55 5 15 -
مَیْکشیم ـکوچکترین عدد اولی غیر از یك که
عدد مفروض بر آن قابل قسمت است ۲ میباشد
پس۲رادر راست خط قائم مقابل عددمفروس
,
نوشته خارج قسمت تقسیم این عدد را بر ۲ در
. ذهن يافته زير آن مينويسيم ـ اولين خارج

قسمت یعنی ۱۹۰۰ ۴۳۱ بدست میآید ـ این عدد نیز بر ۲ قابل قسمت است و از تقسیم این عدد بر ۲ خارج قسمت دوم یعنی ۱۲۵۷ بدست میآید این عدد دیگر بر ۲ قابل قسمت نیست ولی بر ۳ قابل قسمت عیباشد و از تقسیم آن بر ۳ خارج قسمت سوم یعنی ۵۲۰۰ بدست میآید کوچکترین عدد اولی که این عدد بر آن قابل قسمت است میباشد و از تقسیم این عدد بر ۵ خارج قسمت چهارم یعنی است میباشد و از تقسیم این عدد بر ۵ خارج قسمت چهارم یعنی است میآید ـ این خارج قسمت باز بر ۵ قابل قسمت است و از تقسیم آن بر ۵ خارج قسمت پنجم یعنی ۲۲۷ بدست میآید

کوچکترین عدد اولی که این عدد بر آن قابل قسمت است ۱۳ است و چون آنرا بر ۱۳ قسمت کنیم خارج قسمت ششم یمنی ۱۷ بدست میآید وچون این عدد اول است جز بر۱۷ برعدد دیگری قابل قسمت نیست ـ پس ۱۷ آخرین سازهٔ اول ما خواهد بود وصورت تبدیل عدد محاصل ضرب سازه های اول چنین ناست:

 $JJF \leftarrow r \times r \times r \times s \times s \times s \times r \times IV = r^{1} \times r \times s^{7} \times IV \times IV$ 

قاعامه - برای تجزیه عددی بسازه های اول آن را باهوچکشرین عدد اولی که عدد مفروش را عاد میشماید قسمت میکشیم و همین عمل را درخارج قسمت تکرار کرده عمل را آنفدر ادامه میدهیم تاخارج قسمت ماعدد اول گردد که جز بر خودش بر عدد دیگری قابل قسمت نبست.

ه کال - میخواهیم عددهای ۷۸۲۰و ۲۵۰۵ و ۲ را پیداصل ضرب سازه های اول تجزیه کنیم چون مطابق قاعدهٔ که گفته شد عمل کشیم چنین خواهیم داشت :

VAVORET CONSTRUCTOR VEROT OF METHODARY

۱۳۹ - تحقیق قابلیت تقسیم بوسیله تجزیه برای آنکه تعقیق کنیم آ با عددی برعدد دنگر قابل قسمت است یانه مقسوم و مقسوم عابه را بحاصل ضرب سازه های اول تبدیل میکنیم آگر مقسوم شامل تهدم سازه های مقسوم علید به تماثی اقلابر ایر نمای سازه ها در این عدد باشد مقسوم بر مقسوم علید قابل قسمت است.

میباشد پس بنا بر آنچه گفته شد عدد ۱۰۹۲۰ بر ۸۶ قابل قسمت است چنانکه می بیندم :

#### 1 . 9 7 . : 1 5 := 1 7 .

خارج قسمت این تقسیم برابر ۱۳۰ است و این نتیجه رامیتوان بدون اجرای عمل تقسیم بدست آورد ــ میدانیم

(خارج قسمت ) × ( مقسوم عليه ) = مقسوم

از مقایسهٔ دو طرف این تساوی معلوم میگردد که خارج قسمت دارای با سازهٔ ۲ و یك سازهٔ ۱ سازهٔ ۲ است یعنی برابس ۱۳۰ سازهٔ ۲ × ۵ × ۲ میباشد برابر خلاصه خارج قسمت برابر حاصل ضرب سازه هائی است از مقسوم که در مقسوم علیه یافت نمیشود

### ٣ ـ بزر گترين عادمشترك و كوچكترين مضرب مشترك

• ۱۳۰ تعریف - عاد های یك عدد عبارتند از تمام عدد هائی که عدد مفروس بر آنها قابل قسمت است

۱۳۱ - بزر کتر بن عاده شتر ك دوعدد چنانكه ديديم هرعددی دارای چندين عاد ميباشد - مكن است بين عادهای دوعدد يك پاچندين عادمشترك باشند - اين عددهار اعادهای مشترك دوعدد مفروض خوانيم - بين عادهای مشترك دوعددآن را كه از همه بزرگتر است بزرگتر بن عادمشترك

این دو عدد خوانند ـ بهمین طریق میتوان-بزرگترین عاد مشترك بین چندین عدد را تعریف نمود

مثال میخواهیم بزرگترین عد مشترانسه عدد ٥ دو ۳۰ و ۲۰ را تعیین کتیم سر میدانیم :

مثال ۴ سا میخواهیم بزرگذرین عاد مشتراند مدد های ۲۰۰ و ۲۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰۰ و ۲۰ 
Tare the Missing of the second of the first of the missing with the second of the first of the second of the secon

چنانکه دیده میشود حاصل ضرب سازه همای متشرک ساه همده مفروش باکوچکترین نمانی،هر بث بعنی ۴۰۰ بزرگشرین داد مشترک است ۴۲۲۴۲۰۰۰

قاعده - برای تعیین درگتر بن عاد منترک چنداین داد اخات آنها را بحصل نبرت سازه های آول تهدین ملائیه بد سایس سازه های مشترک را به کوچندر بن تا ختیار اندوده در همه شارت میلانیا بدخاصل خرب عبارتبات از در گذرین عاد منترک را عدد های دفروش حاصل خرب عبارتبات از در گذرین عاد منترک را با عدد های دفروش اخات از در گذرین در ساد داگر قابل قدمت باشد عدد بخشت را دید در در مدر در گذرین با ساد دیگر قابل قدمت باشد عدد

مث**ال -** عدد های ۱۸ و ۳۳ و ۲۰ و ۱۲۲ همه بر ۲ قابیل قسمت میباشند ــ پس این عددها مضربهائی هستند از عدد ۳

تبصره - واضح است شمارهٔ مضربهای هیچ عددی محدود نیست زیرا چونعددمفروض را بترتیب در هریك از عدد های سلسلهٔ نامحدود اعداد ضرب كنیم بی نهایت مضرب برای آن پیدا میشود.

۱۳۳ مضربهای مشترك دوعدد ــ اگر عددی بر چند عدد مفروض قابل قسمت باشد این عددرا مضرب مشترك آن چند عدد خوانند مثال - عدد ۱۳۰ بر ۱۲ و ۱۰ و ۲۰ و ۳۰ قابل قسمت است پس ۱۰۰ مضرب مشتركی است از این عدد ها

آمِصره واضح است شمارهٔ مضربهای مشترك چندین عدد نین بی نهایت است زیرا چون یكی از مضربهای مشترك آنها را در سلسلهٔ نامحدود اعداد ضربكنیم بی نهایت مضرب مشترك بسرای آن عددها بدست خواهد آمد

کو چکترین مضرب مشترك چند عدد ـ بین مضربهای مشترك چندین عدد آن را که از همه کوچکتر است کوچکترین مضرب مشترك آن چند عدد خوانند

مثال - عدد همای ۱۸۰ و ۳۹۰ و ۵۶۰ و ۷۲۰ و ۱۸۰ و ۳۹۰ مه بر ۹ و ۱۸۰ از ۱۸۰ نمیتوان یافت که س سد عدد ۹ و ۱۸ و ۱۵ قابل قسمت باشد پس ۱۸۰ عبارتست از کوچکترین مضرب مشترك سه عدد ۹ و ۱۲ و ۱۰ و ۱۳۴ - تعیین کی چکترین مضرب مشترك چند عدد

همال - ميخواهيم كوچكترين مضرب مشترك عددهاي ٨٤ و٠ ١٨

و ۱۵۰ و ۱۵۲ تعیین کنیم ـ بدوا این عدد هارا بحاصل ضرب سازه های اول تبدیل میکنیم چنین میشود:

A - Lz x . LV - LV - Lz x x x x - 10 + m x x x vo z - 01 m L x x

حال برای یافتن کوچکترین مفرب مشترك این عددهاسازه های مشترك و غیره مشترك را با بزرگترین نما اختیار کرده در هم ضرب میکنیم مثلاسازه ۲ در هر چهار عدد مشترك است و بنزرگترین نمای آن نه است پس ۲۰ را اختیار میکنیم ـ سازه ۳ فقسط در سه عدد اسخستین موجود است و بزرگترین نمای آن ۲ است پس ۳ را نیز اختیار مینمالیم بهمین طریق سازه ۵ را با نمای آن ۲ است پس ۳ را بازدی بات اختیار نموده بهمین طریق سازه ۵ را بازدای ۲ و سازه ۲ را بازدی بات اختیار نموده این سازه ها را در هم ضرب میکنیم تا کوچکترین مضرب مشترك منظور بدست آند

#### PINETSSTRVETOR.

این عدد برهریک از چهرعدد مفرونی قبل قسمت بود. و بعالاوه کوچکترین عددی استکه دارای این خاصیت مبیشد به درنظر گرفتن قاعدهٔ تقسیم قود ها میتوان خارج قسمت آن را برهریکا، از چهار عاده مفروض بدست آورد:

కేందకే సరత్యక కేందరు. అయతియళు ... కేందర్మతియళుకేందకి మళంకే మతియళ కేందర్యతేయలు కందకుడిన క్లలువు ... కేందర్యతేందరు కేందరిమమ

マロマ・・: 注入 == ロマロ マロマ・・: ハハ・ == ハエ・ ・ 29

#### 

قاعده - برای بافتن کوچلترین مفارف مشترک چند عبده بسوا آمها را بعدس ضرب سازه های اول تبدیل نموده بعد سازده ی مشترک و غسیر مشترک را به نزرگذرین نما اختیار نموده در هم ضرف میکمنیم حاسل شرب عبارتست از افرچلانرین مفارب مشترک مطاوب. بها بی ما علاوه برقاعدهٔ که دربالابرای بافتن زرگترین عاده مشترك گفته شد میتوان بطریق آسانتری نیز بزرگترین عاد مشترك دوعدد را بدست آورد میتوان بطریق آسانتری نیز بزرگترین عاد مشترك دوعدد را بدست آورد طرز عمل چنین است : عدد کوچکتر را درراست عدد بزرگتر نوشته آنها را باخطی قائم از هم جدا میکشیم سپس دو خط افقی ممتد بسمت راست در بالا و پائین آنها میکشیم بعد عدد بزرگتر را برعدد کوچکتر قسمت کر ده خارج قسمت را دربالای عدد کوچکتر و مانده را دربار عدد بزرگتر مینویسیم مینویسیم میکنیم مینویسیم میکنیم مینویسیم میکنیم را در را براین مانده تقسیم میکنیم و خارج قسمت و ماندهٔ این تقسیم را چنانکه گفته شد مینویسیم میکنیم اگر بازهم ماندهٔ صفر نشد عمل را مانند بیش ادامه میدهیم تا بماندهٔ صفر برسیم آخرین مقسوم علیه بمنی عددی که ماندهٔ تقسیم بر آن صفر شده عبارتست از بزرگترین عد مشترك دوعدد مفروض

هثال- میخواهیم بزرگترین عاد مشترك دوعدد ٥٠٧و٠ ±٥٠١

نتيجة سابق است.

۱۳۱ . بزرگترین عاده شترك چندین عده بارای بافتن بزرگتربن عاده شترك چندین عدد از آنها عدم چندین عدد بزرگتربن بزرگترین عاد مشترك تعیین میكنیم بهدین عدد سوم و این عدد بزرگترین عاد مشترك تعیین مینمائیم و عمل را بهمین ترتیب ادامه میدهیم تاتمام عدد های مفروض بكار روند \_ آخرین و بزرگترین عاد عبارتست از بزرگترین عاد مشترك بین همه عدد ها.

برای تعیین کوچکترین مضرب مشترك بین دوعدد باقاعده تقسیمهای پیا پی بدوا برای تعیین کوچکترین مضرب مشترك بین دوعدد باقاعده تقسیمهای پیاپی بدوا برزگترین عاد مشترك بین دو عدد مفروض رأ تعیین نمو ده بعد یکی از آنها را براین عدد تقسیم و خارج قسمت را در عدد هیگر ضرب میکنیم نیز میتوان برای تعیین کوچکترین مضرب مشترك بین دو عدد حاصل ضرب آنها را بر بزرگترین عد مشترك آنها تقسیم نمود

برای تعیین کوچکشرین مضرب مشترک بین چندین شدد بدوا کوچکترین مضرب مشترک بین دوعدد از آنها را تعیین و بعد کهچکشرین مضرب مشترک بین این عدد و عاد سوه را بساست میآوریم و عمل را بهمین طریق ادامه میدهید تا آمام عدد های مفروض بکار روند ذکل مثال بر عهده داش آموزاست.

### مسئله ها

مستله ۵۰ ا م تمبین کنید کدامیك ازعدد های زیرین اول میباشند :						
Y 0 1	P7 V 9	997	1773	4.01	٧ ٥ ٣	
۸۹۳	<b>4</b> Y Y	Y • 1 1	1540	778	T9 V >	
91 / 4	7 4 1 7	1771	۰ ۳ ۰ ۹	9 - 7 1	9 1 7 1 1 1	
مسئله 📢 🚅 عدد های اول را از یك تا ۰۰۰ تعیین کشید						
مسئله <b>۱۰۷</b> ـ عددهای زیرین را بحاصل ضرب سازههای اول تبدیل کنید						
٧٢٠٢	7 4 5	7903	3 F 77 V	44.0	λ ξ + •	
0779.	17777	7.00	79777	A £ # Y A	844 F A 3 6 L	
مسئله ۱۰۸ _ بین.هردسته ازعددهای زیرین بزرگترین عادمشترك وكوچكترین						
مغىرب مشترك باقاعده تجزيه وقاعده تقسيمهاى بيابي تعيين كرده نتيجه ها را باهم بسلجيد						
(۲۸ غو۲۷ و ۱۲۲ و (۱۶ و ۱۶ و ۲۸ و ۲۸ و (۷۸ و ۴۹ و ۳۰)						
(۵۰ ۲۲ و ۲۳۰ و ۲۳۱ و (۲۳۰ و (۲۳ و ۲۳۳)						
(۸۵۰۸۰ و ۹۲۰۹۰ و ۳۲۰۲۰ و ۷۰۸۱						

# بخش هفتم

#### ار خه

۱۳۸ - تع نف - حنائله در دساجه کتاب درد به او الدازه کرفتن مقداری از هر چندی که این طبیعی با اختماری از جنس خود آن چندی انتخاب کرده مقدار مفروض را به آن یکه میسنجند ـ نمکن است مقدار ما درست چند در از نکهٔ انتخاب شده نبوده بر اصلا اوچکش از آن بکه باشد \_ در اینصورت بکه را بحدد جزء متساوی فسیت میکنیم و جزء کوچکتر از ککهٔ مقدار مفاوش را باکی از این اجزا مستجیم عددي واكه نتيجه ابن سنجث است بوخه خوانيم از ابن نعربف معلوم میشود عدد های دهدهی تیز نوعی از برخه میه شد که در آن بایه رایه ١٠ يا ١٠٠ يا ١٠٠ يا ١٠٠ يا . . . جزء فتساوي قسمت كرهما ايو والزابن حية است كه عدد هاي دهدهي را نيز كه هي يا خة دهدهي خواندند هَا لَ ١ - مَمَجُو الهِمُو مَدَتَ زَمَانَ وَأَقَّهُ مِنْ طَمُو عَرَوْ فَرَوْبِ خُورَ شَيْدً والدرتيران ووزاول ديماه تعمن كنبه بكه اختياري سنجش زمين ساعت است ولي وقتي اين مدت زمان را بنا ساعت مستجم مي بيشم از ٩ ساعت المشائر و از ۱۰ ساعت كمتر است . حال بالله را كه ساعت است به ٠٠ جزءهساوي تقسيم كرده هر جزء راكد لكة برخه اي ميباشد دقيقه منخم أنسال سيس حزاء مسانده عدت منطور رأاء وقانقه مستحابه ميريشهم آن جزء درست شامن ۳۸ یکهٔ یا خه ای یعنی دقیقه است با یم گوئیم هدت زمان واقع بین طعوع و غروب خورشید در تهران رو ز اول دی

برابر ۹ ساعت و ۳۸ قسمت از ۳۰ قسمت یکساعت است ـ این جزء کوچکتر از یکساعت را برخه ای از ساعت گویند

مثال ۴ - میخواهیم وزن یك هندوانه رابا یکهٔ قانونی وزن یعنی یك من (۳ کیلوگرم) بسنجیم - اگر وزن هندوانه درست برابرچندمن نباشد باید من را بیك عده اجزای هتساوی قسمت کرده وزن هندوانه را با این اجزاء بسنجیم - پس من رابه ۰۶ جزء متساوی تقسیم کرده هر جزء را که یکهٔ برخه ای میباشد یك سیر ( ۲۵ گرم ) مینا میم فرس کنیم وزن هندوانهٔ ما ۳۶ برابر وزن این یکه باشد گوئیم وزن هندوانه ۴۶ سیر یا ۳۶ قسمت از ۰۶ قسمت یك من میباشد - این جزء کوچکتر از یك من را برخه ای از من خوانند

۱۳۹ - برخه و عده برخه ای - نتیجه سنجش مقدار کوچکتر از یک را با یکی از اجزای یکه برخه خوانند - و نتیجه سنجش مقدار بزرگتر از یک را که شامل جزئی کوچکتر از یک نیز باشد یعنی عددی را که مرکب باشد از یک یا چندیکهٔ درست و یک یا چندیکهٔ برخه ای آزا عدد برخه ای یا برخه نما خوانند

مثلا در مثال اول ۹ ساعت و ۳۸ دقیقه عدد برخه ای و در مثال اول ۲۸ سیر برخه میباشد ـ

ا برای دوشتن و خیاندن بر خه و عددهای بر خهای - بسرای دوشتن برخه شمارهٔ تقسیمات یکه را در پائین و شمارهٔ یکه های برخه ای را که در مقدار مفروض موجود است در بالای آن نوشته خطی افقی بین آنها میکشیم

شمارهٔ تقسیمهای یکه را برخه نام و شمارهٔ یکه های برخه ای را

برخه شمار خوانند ـ خط افقی که بین برخه شمار و برخه نام کشیده میشود بخط برخه ای موسومست

برای نوشتن عدد برخه ای قسمت درست را نوشته در راست آن جزء برخه ای را بقسمی مینویسیم که خط برخه ای مقابل قسمت درست قرار گیرد

مثلاعددی راکه نمایش وزن هنداونه در متال دو است بعنی ایس بعنی ۳۶ سیر راچنین مینویسیم ( آتا من ) وعددی را که نمایش مدت زمان نامبرده در مثال اول است بعنی ۹ ساعت و ۳۸ دقیقد را چنین مینویسیم ۲۳ ماعت

برای خواندن برخه بدوا برخه شمار و بعد برخه نام را در پی آن خوانده و درآخر آن لفظ ( آم ارا میافزائیم ساوبرای خواندن عدد برخه ای ابتدا قسمت درست و بعد جزء برخه ای را چنابده گفته شد میخوانیم

مثلا برخهٔ بٔی خوانده میشود سی و چهار چهام و عدد برخه ای ۲۸ خوانده میشود نه عدد درست و سی و هشت شمانم

۱۴۱ ـ اقسام مرخه - مثن ـ فرمن کنیه قمنعه سنگی را برزن کرده ایم و وزن آن برابر یک من و ۱۷۷ سیر یا آزاد من باشد ـ چون یک من مه سیر است وزن این سنگ ۵۷ = ۱۷ + ۵۰ سیر است پس این وزن را که عددی است برخمه ای بصورت برخمه بعنی آزا نیز میتوان نوشت ـ این برخمه را برخمه را برخمه را برخمه بعنی آزا نیز میتوان نوشت ـ این برخمه را برخمه را برخمه ای بصورت برخمه بعنی آزا نیز

ا ش وزن سلگ درست بات من بود هیتوانستیم بلاوتمه وزن آن • نا سیر یه آیا من است ساین برخه را درخهٔ مساوی بلک خوانیموالاخره آکر وزن سلک ۸۸ سیر بود آن را بعورت آیا میلوشتیم ساین برخه را برخهٔ کوچکتر از یک خوانیم ـ پس برخه بر سه نوع است

۱ ــ اگر برخه شمار بزرگتر از برخه نام است برخه بزرگتر از یک است مانند گریم

7 - 1گربرخه شمار بر ابربرخه نام است برخه بر ابریك است مانند  $\frac{2}{12}$  = 1 =

۱۴۲ - رفع - جدا کردن قسمت درست را از قسمت برخه ای در برخهٔ بزرگتر از یك رفع گویند ـ پس بوسیله رفع میتوان برخهٔ بزرگتر از یك را بصورت عدد برخه ای در آورد ـ

قاعده - برای رفع برخهٔ بزرگتر از یک برخه شمار آن را بر برخه نامش قسمت میکنیم خارج قسمت این تقسیم عبارتست از قسمت درست این عدد برخه ای - برخه شمار قسمت برخه ای ماندهٔ این تقسیم وبرخه نامش همان برخه نام سابق یعنی مقسوم علیه است - اگر مانده تقسیم صفر بود برخهٔ ما برابر یک عدد درست است

مثال ۱ - میخواهیم برخهٔ ۱۰ را رفع کنیم – خارج قسمت تقسیم ۱۷ بر ٥ برابر ۳ وماندهٔ آن ۲ است – پس مطابق آنچه گفته شد چنین داریم : ۳۳ = ۱۰

ه مُال ۲ - میخواهیم برخهٔ ۲ را رفع کنیم - خارج قسمت تقسیم ۲ بر ابر ۷ و ماندهٔ آن صفر است ـ پس بنا بر آنچه گفته شد چنین داریم : ۷ = ۲ و برخهٔ ما برابر یک عدد درست است

۱۴۳- تجنیس - داخل کردن جزء درست عدد برخه ای را در جزء برخه ای آن تجنیس خوانیم – همچنین نمایش عددی درست را بصورت برخه ای که برخه نام آن مفروض باشد نیز تجنیس نامیم

قاعده - برای تجنیس عدد برخهای قسمت درست آن را دربرخه نام قسمت برخه ای ضرب کرده با برخه شمار جمع و حاصل را برخه شمار جمع و حاصل را برخه شمار قرار میدهیم و برخه نام همان برخه نام سابق خواهد بود - همچنین برای آنکه عددی درست را از جنس برخه ای که برخه نام آن معلم مست بنمائیم عدد درست را دربرخه نام مفروض ضرب کرده حاصل ضرب را برخه شمار قرار میدهیم و برخه نام همان برخه نام مفروض خواهد بود برخه شمار قرار میدهیم و برخه نام همان برخه نام مفروض خواهد بود مثال ۱ - میخواهیم برخه ناه را تجنیس کنیم ۵ تا ۲۰ می کال مفروض خواهد بود حال ۵ تا را با برخه شمار جمع میکنیم عی شود ۲ ۵ تا ۲۰ می جنین داریم میکنیم عی شود ۲ تا ۲۰ می تا بس چنین داریم تا ۲۰ می تا داریم تا ۲۰ می تا با در داریم تا ۲۰ میکنیم عی شود ۲ می تا ۲۰ می تا با در داریم تا ۲۰ میکنیم عی شود ۲ میکنیم داریم تا ۲۰ میکنیم تا ۲۰ میکنیم عی شود ۲ میکنیم تا ۲۰ میکنیم ت

هثال ۲ - میخوانیم عدد درست ۳ را از جنس برخبهٔ آکنیم عدد ۳ را در برخه نام خرب می شنیم میشود: ۲ م ۱ ۳ ۳ ۱ × ۲ × ۳ پس چنین داریم ۱۰ ۳ ۳

#### ١ ـ خواص برخه ها

۱۹۴ - ضرب برخه شمارو برخه نام دریال عدد مثل قطعه خط اب مفروض است میخواهیم آزا تعیین کنیم چدالکه میدانیم باید این قطعه خط را به ۷ جزء متساوی قسمت نموده ۳ جزء از این ۷ جزء را اختیار کنیم بدین ترتیب قطعه خط اث بدست خواهدآمد چون برخه شمار و برخه نام برخه مفروض را در ۲ ضرب کنیم میشود نم حال نم هین قطعه خط را معین میکنیم

برای اینکار قطعه خط ا ب را به ۱۶ قسمت متساوی تقسیم می کشیم

یعنی هر یک از اجزای هفت گانه سابق را به ۲ قسمت می نمائیم حال باید  $\Gamma$  قسمت از این ۱۶ قسمت را اختیار نموده یجنانکه میبنیم  $\Gamma$  قسمت از ۱۶ قسمت برابر  $\Gamma$  قسمت از ۷ قسمت است پس قطعه خطی که درازای آن برابر  $\Gamma$  قطعه خط ا ب است همان ا ث میباشد  $\Gamma$  میباشد  $\Gamma$  اصل ۱ - هر گاه برخه شمار و برخه نمام برخه ای را

در عددی ضرب نمائیم در مقدار برخه تغییری حاصل نمیشود

۱۴۹ - تقسیم برخه شماری برخه نام بریائ عدد -چنانکه در مثال پیش دیدیم برحهٔ ∜ برابر برخه ﴿ است ـ پس اگر برخهٔ ﴿ مفروسَ باشد با تقسیم برخه شمار و برخه نام آن بر ۲ در مقدار آن تغییری حاصل نمیگردد

۱۴۷ - اصل ۳ - هر گاه برخه شمار و برخه نام برخه ای را بر عددی قسمت نمائیم در مقدار برخه تغییری حاصل نمی شود.

ضرب بوخه شه ار بر خه دریك عدد - مثال ـ برخه  $\frac{7}{17}$  مفروض است میخواهیم بدانیم اگر برخه شه ار این برخه را مثلا در ۶ ضرب كنیم یعنی اگر برحه  $\frac{7}{17}$  را درنظر گیریم در مقدار برخهٔ  $\frac{7}{17}$  چه تغییری حاصل میگردد ـ باز قطعه خطی مانند ا ب اختیار نموده انرا به ۱۷ قسمت میكنیم و ۳ قسمت از این ۱۷ قسمت را اختیار می كنیم قطعه خط ا ث بدست میآید واضح است اگر بخواهیم برخهٔ  $\frac{7}{17}$  را نمایش دهیم باید ۱۲ قسمت از ۱۷ قسمت ا ب را اختیار نمود ـ بدین ترتیب قطعه خط ا د بدست میآید ـ ولی از روی شكل واضح است كه درازای قطعه خط ا د چهار برابر درازای قطعه خط ا ث است ـ پس با ضرب برخه شمار برخه در عدد ٤ مقدار برخه چهار برابر شده

ب <u>اللاللاللاللا</u> ب

۱۴۸ ـ اصل ۳ ـ اگر برخه شمار برخه ای را در عددی ضرب کنیم برخه در آن عدد ضرب میگردد

۱۴۹ . تقسیم برخه شمار برخه بر یك عدد . چنانده دیدیم برخه ۱۲ چهار برابر برخهٔ آ است ـ پس اگر برخهٔ آ مفروش باشد وبرخه شمار آن را بر ۶ قسمت كنیم برخهٔ آ که یك چهارم آن است بدست میآیدیعنی باتقسیم برخه شمار برخه بر ۶ برخهٔ مفروش چهار برابر کوچکتر شده

•۱**۵۰ ـ اصل ۴** ـ اگر برخه شمار برخه ای را بر عددی قسمت کنیم برخه بر آن عدد تقسیم میگردد

۱۵۱ - ضرب برخه نام برخه در یك عدد - مثال - برخه پ مفروش است میخواهیم بدانیم اگر برخه نام آنرا مثلا در عدد ۲ ضرب كنیم درمقدار برخه چه تغییری حاصل میشود - باز برای امایش برخه پ قطعه خط اب را اختیار كرده آنرا بر ۷ قسمت متساوی تقسیم نموده ۳ قسمت از این ۷ قسمت را اختیار مینمائیم - قطعه خط ا ث بدست مآید.

اگر برخه ۱۱ برخه را در ۲ ضرب کنیم برخهٔ به بدست میآ به سارای نمایش آن باید قطعه خط ا ب را به ۱۶ قسمت کرده ۳ قسمت از آن را اختیار نمائیم قطعه خط ا د بدست میآید ولی واضح است هریك از این اجزای اخیر نصف هریك از اجزای هفت گانه بیش است د پس اگر ۳ قسمت از

این ۱۶ قسمت را بگیریم درازای قطعه خطی که بـدست میآید نصف درازای قطعه خطی است که از ۳ قسمت تقسیمات ۷ گانه حاصل شده یعنی در ازای ۱ د نصف درازای ۱ ث است

۱۵۲ - اصل ۵ - هرگاه برخه نام برخه ای را درعددی ضرب کنیم برخه بر آن عدد تقسیم میگردد

۱۵۳ - تقسیم برخه نام برخه بر یك عدد -چنانکه دیدیم برخهٔ بر یك عدد -چنانکه دیدیم برخهٔ برخهٔ برخه نام برخهٔ در برابر میگردد

۱۵۴ - اصل ۱ - اگر برخه نام برخه ای را بر عددی تقسیم کنیم برخه در آن عدد ضرب میگردد

مدا ما اصل کلی - بطور خلاصه میتوان گفت که اگر برخه شمار برخه ای را در عددی شرب و یا برخه نام برخه ای را بر عددی تقسیم کنیم برخه درآن عدد ضرب میگردد و بالعکس اگر برخه شمار برخه ای را بر عددی ضرب کنیم برخه بر آن عدد تقسیم میگردد

۱۵۹ - ساده کردن برخه عمور از ساده کردن برخه عبارتست از تبدیل برخهٔ مفروض ببرخهٔ دیگر که از حیث مقدار برابر آن ولی برخه شمار و برخه نام آن کوچکتر از برخه شمار و برخه نام برخهٔ مفروض باشند ـ برای اجرای این عمل اصل ۲ را یکار میبریم یعنی برخه شمار وبرخه نام برخه را بریك عدد تقسیم مینمائیم

مثال - برخهٔ به مفروش است میخواهیم آن را ساده کنیم - چون برخه شمار و برخه نام هر دو بر عدد ۳ قابل قسمت میباشند با تقسیم برخه شمار و برخه نام بر ۳ برخهٔ ما بصورت به در میآید چنانکه دیده

میشود این برخه برابر برخهٔ مفروش ولی برخه شمار وبرخه نیام آن کوچکتر از برخه شمار وبرخه نام برخهٔ مفروش هستند

المحدد ا

هثال - دیدیم برخهٔ به را میتوان بصورت به ساده کر دولی میتوان برخه شمار و برخه نام این برخه اخیر را به ه تقسیم نمود برخه به بدست میآید که باز برابر به خواهد بود - ولی چون دیگر سازهٔ مشتر کی بین برخه شمار و برخه نام این برخه یعنی بین ه و ۳ وجود ندارد برخه برخه ساده تربن صورت برخهٔ به خواهد بود

۱۹۵۸ - قاعده - برای تحویل بك برخه بساده ترین صورت خود برخه شمار و برخه نام آن را بی در پی بسازه همای مشتر کشان قسمت میکنیم تادیگر سازهٔ مشترکی جزیك نداشته باشند ـ نیز میتوان برخه شمار وبرخه نام را بربزرگترین عادمشتر کشان قسمت نمود ـ برخه بساده ترین صورت خود تحویل میگردد

۱۵۹ مقایسهٔ دو برخه بابرخه نام مساوی مثال میخواهیم دوبرخهٔ نظم مساوی میباشند با یادیگر دوبرخهٔ نامهای مساوی میباشند با یادیگر مقایسه نمائیم و قطعه خط (ب راگرفته آنرا به ۱۵ قسمت مساوی تقسیم مینمائیم بکمرتبه ۲ قسمت ومرتبهٔ دیگر ۱۱ قسمت آنرا اختبار

### 

مینمائیم دو قطعه خط ا ث و ا د بدست میآیند ـ چنانکه دیده میشود قطعه خط ا د که نمایش برخه فطعه خط ا د که نمایش برخه الله است کوچکتر میباشد ـ پس:

از دو برخه که دارای برخه نامهای برابر باشند آن برخهای که برخه شمارش بزرگتر است بزرگتر میباشد

دو برخهٔ به و به را با یکدیگر مقایسه نمائیم ـ دو خط ا ب و ا ب مساوی و بموازات یکدیگر تردیك هم رسم میکنیم ـ برای نمایش برخهٔ به قطعه خط ا ب را به ۹ قسمت کرده ۵ قسمت آنرا اختیار میکنیم قطعه خط ا ث بدست میآید

## 

و برای نمایش برخهٔ پ قطعه خط ا ب را به ۷ قسمت متساوی تقسیم کرده ٥ قسمت آنرا اختیار میکنیم قطعه خط ا ث بدست میآید از روی شکل دیده میشود ا ث بزرگتر از ا ث است ــ از طرف دیگر واضح است که چون هر یك از تقسیمات خط ا ب از هریك از تقسیمات ا ب کوچکتر است ٥ جزء از تقسیمات ا ب (یعنی ا ث )نیز کوچکتر است از ٥ جزء از تقسیمات خط ا ب (یعنی ا ث ) ــ پس:

از دو برخه که دارای برخه شمار های برابر باشند آن برخه ای که برخه نامش بزرگتر است کوچکتر میباشد ــ

پس برای اینکه بتوانیم دو یا چندین برخهٔ غیر مشخص را با هم بسنجیم باید برخه هائی مساوی این برخه ها بدست آورد که یا دارای برخه نامهای مساوی و یا دارای برخه شمار های مساوی باشند معمولا در حساب برای مقایسهٔ برخه ها و اجرای عملهای دیگر در آنها این برخه ها را ببرخه هائی تبدیل میکنند که دارای برخه نامهای مساوی باشند

۱۹۱ ـ تحویل برخه ها بیك برخه نام ـ مثال ـ میخواهیم برخه های √ و بهٔ و به وابیك برخه ناه تحویل کشیم بشا بر اسل ۱ اگر برخه شمار و برخه نام هر یك از این برخه ها را در عددی ضرب کشیم تغییری در آنها حاصل نمیگردد.

پس برخه شمار و برخه نام هو ینگ از سه برخه را در حاصل شرب. برخه نامهای برخه های داگر ضرب میکابدر حاصل میشود :

 $\frac{m}{N} = \frac{n}{N} \cdot \frac{1}{N} \cdot \frac{1}$ 

بدین ترتیب برخه نامهای همهٔ برخه ها بر در شده آیا به بسی: ۱۹۴۴ به قاعلت به برای تحدیل چندین برخته بست برخدن مشارله باید برخه شمار و برخدنه ها یک آزیرخدها را در حاصل ضرب برخد با نامهای سایر برخدها ضرب نمود

 هیشود  $\frac{1}{3}$  بهمین ترتیب اگر در برخهٔ  $\frac{1}{17}$  بجای ۱۲ برخه نام را ۲۲ قرار دهیم که دو برابر ۱۲ است باید برخه شمار را نیز در ۲ ضرب نمود تا مقدار برخه تغییر ننماید میشود  $\frac{1}{3}$  و بالاخره اگر در برخهٔ  $\frac{1}{6}$  بجای ۸ برخه نام را ۲۶ قرار دهیم که ۳ برابر ۸ است باید برخه شمار را نیز در ۳ ضرب کرد تا مقدار برخه تغییر ننماید و میشود  $\frac{1}{3}$  پس: شمار را نیز در ۳ ضرب کرد  $\frac{1}{3}$  قرار برخه تغییر ننماید و میشود  $\frac{1}{3}$  پس:

بدین ترتیب سه برخه بدست آمده که دارای کوچکترین برخه نام . مشترك میباشند

۱۹۴ - قاعده \_ برای تحویل چندین برخه بکوچکترین برخه نام مشترك بدوا در صورت از وم این برخه ها را بساده ترین صورت خود تحویل میکنیم سپس کوچکترین مضرب مشترك بین برخه نامها تعیین مینمایم این عدد کوچکترین برخه نام مشترك مطلوبست ـ برای تعیین برخه شمار ها این عدد را بر هریك از برخه نامها تقسیم نموده خارج قسمترا در برخه شمار آن برخه ضرب نموده حاصل ضرب را برخه شمار قرار میدهیم

تبصره \_ اگر در مثال بالا میخواستیم برحه ها را بیك برخه نام تحویل کنیم بنا بقاعدهٔ که گفته شد برخه نام مشترك ۲ ۷ ۵ = ۲ × ۲ × ۸ × ۸ میگر دید و واضح است محاسبه در برخه هائی که برخه نامشان ۲۶ است خیلی آسانتر از محاسبه دربرخه هائی است که برخه نامشان ۲ ۷ ۰ باشد خیلی آسانتر از محاسبه دربرخه هائی است که برخه نامشان ۲ ۷ ۰ باشد میلی آسانتر از محاسل مساوی یك نباشد یك عدد اضافه کنیم در مقدار برخه تغییرحاصل میشود سه بدینطریق که اگر برخه کوچکشر از یك است مقدار آن بزرگ

میشود و اگر برخه از یك بزرگتر است مقدار آن کوچک میگردد

مثال ۱ - برخهٔ آن مفروس است بربرخه شمار و برخه نام آن ۲

میافزائیم میشود آن اما میدانیم برخهٔ آن بقدر آن از یک کوچاتر است

و برخهٔ آن بقدر آن از یک کوچکتر میباشد و واضح است که چون آن از آن بزرگتر است پس آن آن آن آن آن بزرگتر گفتد کر دن
۲ بر برخه شمار و برخه نام برخهٔ مفروش مقدار آن بزرگتر گفتد کردن زیرا بیک نزدیکتر شده است

مثال ۲ - برخه آ مفروش است بر بسرخه شمار و برخه الله آن میافزائیم میشود آ میدانیم برخهٔ آ بساندازهٔ آ از بالله بزرگش است و برخه آ از بالله بزرگش است و بون آ از آ کوچکش است یس آ از آ از آ کوچکش است یس آ از آ از آ کوچکش است یس آ از آ از آ بزرگتر میبشد بعنی ب افزودن ۲ بن برخه شمار و برخه الله برخه مفروش مقدار آن کوچکش شده زیر این از دیکنر کردیده و برخه از آن کوچکش شده زیر این از دیکنر کردیده شمار و برخه نام آن ۲ سفز الله برخه برابر یك آ را در نظر گیریم اگر بیرخه شمار و برخه نام آن ۲ سفز الله مشود آه گه باز برایر ایک است

۱۹۱ - نتیجه به دبهمین ترتیب دیده میشود که آگر از برخه شمار وبرخه نام برخهٔ کوچکش میشود وبرخه نام برخهٔ کوچکش میشود و اگر از برخه شمار و برخه نام برخهٔ بزرگشر از باک عددی کم کفیم برخه بزرگش میگردد و بالاخرد آگر از برخه شمار و برخه نام برخه برابر به باک عددی کم شمار و برخه نام برخه برابر به باک عددی کم شمار برخه شمار و برخه نام برخه برابر به باک عددی کم شمار برخه شماری حاصل تمیشود

# اعمال چهارگانه در برخه ها ۱ ـ جمع برخه ها

۱۹۷ - حالتهای مختلف - در جمع دو یا چندین برخه مکن. است دو حالت اتفاق افتد: ۱ - تمام برخه هائی را که میخواهیم با یکدیگر جمع کنیم دارای برخه نام مساوی میباشند ۲ - برخههائی را که میخواهیم با هم جمع کنیم دارای برخه نامهای مساوی نمیباشند

۱٦٨ حالت ۱ - قاعده \_ برای بدست آوردن حاصل جمع چندین برخه که دارای یك برخه نام مشترك میباشند برخه نام مشترك را برخه نام و حاصل جمع برخه شمار ها را برخه شمار قرار میدهیم \_ اگر بعضی از برخه های جمع کردنی دارای جزء درست باشند آنها را نیز با هم جمع نموده جزء درست مجموع قرار میدهیم \_

هنال - میخواهیم عدد های برخه ای  $\frac{7}{10}$  و  $\frac{7}{10}$ 

 $r\frac{7}{10} + r\frac{5}{10} + \frac{5}{10} + \frac{5}{10} + \frac{5}{10} = (5 + 7 + 7) + \frac{7 + 7 + 5 + 7}{10} = 15 \frac{7}{10} = 10 \frac{1}{5}$ 

تبصره ههم \_ همواره باید دانش آموزان را عادت داد پس از بدست آوردن نتیجه عملهای برخه ای حاصل را بساده ترین صورت خود تحویل نمایند

تبصره - اگر بخواهیم یك یا چندین عدد درست را با چندین برخه که دارای یك برخه نام مشترك میباشند جمع کنیم مجموع آنها را بر جزء درست حاصل جمع (که ممکن است صفر باشد) اضافه میکنیم بر جزء درست حالت ۲ ـ قاعده \_ اگر برخه های جمع کردنی دارای یك

برخه نام مشترك نباشند بدوا چنانكه گفته شدانها را تبدیل ببرخه هائی میکنیم که دارای برخه نام مشترك (با کوچکترین برخه نام مشترك باشند وسپس برخه های جدیدرا مانند حالت بیش با هم جمع میکنیم سمتال مثال میخواهیم برخه های با لا و و آه و با او آب و آب و عدد درست ۱۲ را با هم جمع کنیم کوچکترین مفترب مشترك بین عدد های مشترك نیز همین عدد است و برخه های به از ۲۰ به بس گوچکترین برخه نام مشترك نیز همین عدد است و برخه های به از برتیب ببرخه های زیر مشترك نیز همین عدد است و برخه های به از برتیب ببرخه های زیر میتران میگردند: برای و برخه های و بازی و این به برخه های زیر میتران میگردند: برای و برخه های و بازی و این میگردند: برای و بازی و بازی و بازی و این به برخه های زیر

تبھوہ مھیم نے جن عور موارنتی اللہ در جی یہ تفریق اوا تبد ہے۔ برخمہ نامیا برابر باشند بہتر است عمیشہ بیش آن اجرائی اعمال حسابی در برخمہ ہا آنہا را بسادہ تران صورت خود تحوار نامود ،

#### ٢ ـ تفريق برخه ها

۱۷۰ حالتهای مختلف به در تفریق رخمه این از برخهٔ دیگر در حالت ممن است اتفاق افتان ۱ به مفروق و مفروق و مفروق منه هر دو دارای برخه نام مشترك میباشند ۲ به مفروق و مفروق مفروق مفروق مفروق مفتر در خه دمهای مشترك نمی باشند

۱**۷۱ د حالت ۱ د قاعده** در ای تفریق برخه ای از برخهٔ دیگی که دارای محمن پرخه نام باشد برخه دم مشترك را نوشته برخه شمار برخهٔ مفروق را از برخه شمــار برخهٔ مفروق منه کم نموده مانده را برخه شمار آن قرار میدهیم ـــ

اگر مفروق و مفروق منه دارای جزء درستی نیز باشند جزء درست مفروق را نیز از جزء درست مفروق منه کم میکنیم مانده عبارت خواهد بود از جزء درست ماندهٔ تفریق منظور

هُمَال - میخواهیم برخهٔ ۲۰ را از برخهٔ ۱۰ کم کنیم - مورت عمل چنین است :

$$7\frac{V}{10} - 7\frac{7}{10} = (7-7) + \frac{V-7}{10} = 5\frac{1}{10} = 5\frac{1}{10}$$

تبصره \_ اگر برخه شمار برخهٔ مفروق منه از برخه شماربرخهٔ مفروق کوچکتر باشد یك یـا چندیکه از جزء درست مفروق منه را با قسمت برخه ای تجنیس میکنیم تا تفریق ممکن گردد

همال - میخواهیم برخهٔ ش۳ را از برخهٔ گ۸ تفریق کنیم – چون برخه شمار برخهٔ مفروق کوچکتر است یك یکه از ۸ یکهٔ درست مفروق منه را با برخهٔ گتجنیس میکنیم میشود گ۷ ـ سیس صورت عمل چنین است:

$$\Lambda \frac{r}{V} - r \frac{7}{V} = V \frac{r}{V} - r \frac{7}{V} = \xi \frac{r}{V}$$

۱۷۲ ـ حالت ۳ ـ قاعده ـ اگربرخه نامهای مفروق و مفروق منه مشترك نباشند بدوا آنها را به برخه نام مشترك یا کوچکترین برخه نام مشترك تحویل میكنیم سپس چنانکه در بالا گفته شد عمل تفریق را انجام میدهیم \_

مثال میخواهیم برخهٔ یا ۲ را از برخهٔ کرا کر کنیم کرچکترین عضرب مشترك برخه نامهای این برخه هما برابر ۲۰ است كه عمان كوچكترین بىرخه نام مشترك خواهد بهود مسورت عمل تشویق چنین است:

 $T_{i,j}^{(i)} = F_{i,j}^{(i)} = T_{i,j}^{(i)} = F_{i,j}^{(i)} = T_{i,j}^{(i)} = F_{i,j}^{(i)} = F_{i,j}^{(i)$ 

#### ٣ ـ فنرب برخه ها

۱۷۳ محالتهای مختلف به درخورب و حده، دوخاند انه و میافند: ۱ به یکی از دو سازهٔ شوب عدد دوست است ۲ به عور دو سازه شوب بوخه میباشند

المحالات المحالات المحالات المحالات المدون المدود الموسون والمراجع المحالات المحالا

مثال ما میخواهیم عدد ۱۳ را در مدد از خدای ژا نیرب کلیم چون عدد ۳ را به برخهٔ ژا تجنیس نمائیم میدود ژاهه از آن ایسترا سیس این برخه را چنانده گفته شد در ۱۳ سرب میکنیم ساچنین میشود: آزه به آن از خارات آن سال ایسترا ساز ۲ سرب ایسترا

۱۷۵ د حالت ۱ د قاعده د برای شرب برخه در برخه بعنی

وقتی هر دو سازهٔ ضرب برخه ای باشند بدواً اگر سازه ها دارای جزء درست باشند آنرا باجزء برخه ای تجنیس میکنیم ـ سپس در برخه هائی که بدین طریق بدست آمده برخه شمار ها را در یکدیگر و برخه نامها را نیز در یکدیگر ضرب میکنیم ـ باین ترتیب برخه شمار و برخه نام برخهٔ حاصل ضرب بدست میآید ـ

مثال - میخواهیم دو عدد برخه ای  $\frac{7}{70}$  و  $\frac{7}{17}$  را در هم ضرب کنیم \_ صورت عمل چنین است :

 $r \frac{v}{r_o} \times \epsilon \frac{r}{i\tau} = r \frac{v}{r_o} \times \epsilon \frac{1}{\epsilon} = \frac{\Lambda r}{r_o} \times \frac{V}{\epsilon} = \frac{1+4\epsilon}{1+\epsilon} = 1 r \frac{r r}{r_o}$ 

### ٤ - تقسيم برخه ها

۱۷۹ - حالتهای مختلف \_ درتقسیم برخه ها سه حالت تشخیص داده میشود: ۱ \_ تقسیم برخه بر عدد درست ۲ \_ تقسیم عدد درست بر برخه سربرخه

تبصره - در هر یك از سه حالت تقسیم برخه ها اگر مقسوم یا مقسوم علیه یا هر دو دارای جزء درستی باشند لازمست بدوا آنها را با جزء برخهای تجنیس نمود.

۱۷۷ - حالت ۱ - قاعده \_ خارج قسمت تقسیم برخه بس عدد درست عبارتست از برخه ای که برخه شمار آن برخه شمار برخهٔ مقسوم و برخه نام آن حاصل ضرب برخه نام برخه مقسوم باشد در مقسوم علیه \_ بعبارة ساده تر برای تقسیم برخه بس عدد درست باید عدد درست را در برخه نام برخهٔ مفروض ضرب نمود \_

اگر برخه شمار برخه مقسوم بر مقسوم علیه قابل قسمت باشد

میتوان آن برخه شمار را بر عدد درست مفروش قسمت کرد مثال - میخواهیم بسرخهٔ آژه را بر ۱۵ قسمت کنیم سا پس از تجنیس مقسوم بصورت آژ در میآید و صورت عمل چنین است :

 $\frac{V^{\circ}}{12}: V \circ \Longrightarrow \frac{V^{\circ}}{12 \times 10} \Longrightarrow \frac{V^{\circ}}{11} \Longrightarrow \frac{\circ}{12}$ 

میتوان نیز برخه شمار برخهٔ  $\frac{9}{4}$  را بس ۱۰ قسمت نمود چنین خواهیم داشت :  $\frac{9}{4} = \frac{9}{4} = 1 \cdot \frac{9}{4}$ 

چنانه دیده میشود دو نتیجه یکی است

۱۷۸ - حالت ۲ - قاعده - بدرای تقسیم عدد درست بر بسرخه بدوا جای برخه شمار و برخه نام برخهٔ مقسوم علیه را عوش نموده یعنی مقسوم علیه را معکنوس الله میکنیم سپس مقسوم را در برخه ای که بدین ترتیب بدست میآید ضرب میکنیم سابعه ره دیکر مقسوم را درعاس برخهٔ مقسوم علیه ضرب مینمائیم ...

مثال - به میخواهیم عدد ۲۷ را بر برخهٔ ۴۰ تقسیم کشیم بدوا جزء درست مقسوم علیه را تجنیس میکنیم میشود:

انگا دو عدد را عکس یکمیگر گویند و نامی حامل ضرب آنها برابر یش باشد مالادو برخهٔ آبو پا عکس یکمیگر میبشند زیرا ۱ سے آپاستان آبو سے پا کہ آپ بس برای باست آفودین عکس عددی کا فیسند یک را بر آن عدد تقییم النبر سابرای نمیین عکس یک برخه جای برخه شارش یک و برخه دمش عدد مفروش بشد به متلا مکس عدد ۱۷ برخه باز ایرخاکه برخه شارش یک و برخه دمش عدد مفروش بشد به متلا مکس عدد ۱۷ برخهٔ

$$YV: Y = \frac{r}{q} = YV: \frac{r}{q} = YV \times \frac{q}{rr} = \frac{rVX^q}{rr} = \frac{rEr}{r} = V \cdot \frac{rr}{r}$$

۱۷۹ - حالت ۳ - قاعده - برای بدست آوردن خارج قسمت تقسیم یك برخه بر برخهٔ دیگر برخهٔ مقسوم را در عكس برخهٔ مقسوم علیه ضرب مینمائیم ــ

#### مسئله های عملی برخه

$$r \frac{z_0}{r_1} - r \frac{V}{II} \qquad e \frac{r}{V} - V \frac{q}{II} \qquad e \frac{r}{V} - r \frac{q}{II} \qquad e \frac{r}{V} - r \frac{q}{II} \qquad e \frac{r}{V} - r \frac{q}{V} \qquad e \frac{r}{V} \qquad e \frac{r}{V} - r \frac{q}{V} \qquad e \frac{r}{V} \qquad e \frac{r}{V$$

$$\frac{3}{\circ}P \times \frac{7}{\Gamma}V \times \frac{VI}{17}\Lambda \times \frac{P}{3} \cdot \frac{7}{2}V \times \frac{7}{\Lambda} \cdot \frac{7I}{17}P \times 7I \cdot \frac{7I}{17}P \times 7I \cdot \frac{7I}{17}P \times \frac{7}{\Gamma}\Lambda \times \frac{3}{\Gamma}V \times \frac{7}{\Gamma}\Lambda \times \frac{7}$$

#### بُوخه های متعارفی و برخه های دهدهی

• ۱۸ - تعریف - اگر برخه نامبرخه یکی از توانهای ۱۰ مانند ۱۰ و ۱۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰۰ و ۲۰۰۰ باشد برخه را دهدهی و در غیر این صورت برخه رامتعارفي خوانند واضح است چنانكه درمبحث عددهاي دهدهی دیدیم برخهٔ دهدهی را بصورت عدد دهدهی نیز میتوان نوشت و بالعكس هر عدد دهدهي را بسورت برخة دهدهي نيز ميتوان نوشت مثال - برخهٔ ۳٬۰۰۰ راکه برخه ایست دهدهی میتوان بصورت عدد دهدهی ۲۰ غر۳ نیز نوشت و بالعکس عدد های دهدهی ۲۷رنځو ۲۳۷ر۲۱ و ۲۰۱۰ و ۲۰۱ راهمتوان بصورت برخه های زیرین نوشت:

## 170,17

۱۸۱ - ناته مهم \_ برخه ای مانند 🕏 در نظر میگیریم ـ علاوه بر معنائي كه سابق براي اين عدد تعريف نموديم ميتوان آنرا خارج قسمت تقسدم ٥ بر ٧ نيز دانست ـ زيرا براي تعيين خـارج قسمت ٥ بر ٧ میتوانیم بموجب اصل ۱ که در تقسیم گفته شد هر یك از یکه های پنج گانهٔ مقسوم را بر ۷ قسمت نموده خارج قسمتها را با هم جمع کنیم \_ چون اولین یکه را بر ۷ قسمت کنیم خارج قسمت برابر  $\frac{1}{V}$ مكر دد \_ اگر دومين كه را بر ٧ قسمت كنيم خارج قسمت بازبرابر 🖞 میشود ـ پس خارج قسمت ٥راس ٧ میتوان برابر مجموع: دوعمل تصورنمود \_ اول آن که مك را بر ٧ قسمت متساوى تقسيم نموده ه جزء ازآنرا اختیارکردهایم ودوم آنکه 🛭 را بر ۷ قسمت نموده ایم –

۱۸۳ ـ تبدیل برخهٔ متعارفی ببرخه دهدهی - از آنچه گفته شد چنین بر میآید که برای تبدیل برخهٔ متعارفی ببرخه دهدهی کافیست برخه شمار برخهٔ متعارفی را بر برخه نام آن قسمت کثیم ــ

ه شال میخواهیم برخهٔ متعارفی به را ببرخهٔ دهدهی تبدیل نمائیم: است : صورت عمل چنین است :

or A.

ه۲۶۲ر ، ۲۰

3 + •

£ \* \*

٤٠٠

پس گوئيم:

(برخهٔ دهدهی ) ۲۲۲ر • = ؟ (برخهٔ متعارفی )

و یا ۱۱۲۰ = ۱٫۴۰ و چون برخه نام وبرخه شمار برخهٔ ۱۱۲۰ را بی ۱۲۵ قسمت کنیم همان برخهٔ ۱٫۴۰ بدست میآید.

۱۸۳ ـ حالتهای مختلف بهوقتی برای تبدیل بسرخهٔ متعدرفی ببرخهٔ دهدهی برخه شمار رأ بر برخه نام قسمت میکندم دو حالت نماین است اتفاق افتد:

۱۸۴ - حالت ۱ - بعد از چندین تقسیم مانده صفر هیشود یعنی تقسیم خاتمه می یابد در این حالت کوبند برخهٔ متعارفی مفروش تحویل ببرخهٔ دهدهی محقق شده است و یا آنکه برخهٔ دهدهی بر ابر بس برخهٔ متعارفی مفروش میتوان بدست آورد ـ مثالی که در بالا گفته شد مربوط باین حالت میباشد ـ

۱۸۵ - حالت ۲ سچون برخه شمار برخهٔ متعارفی را بر برخه ناه آن تقسیم کشیم مانده هیچوقت صفر نمیشود به یعنی عمل نفسه یم خدتمه نمی بابد این امر وقتی اتفاق میافتد که پس از آنکه یك یا چند پیکر از خارج قسمت تعیین شد بمانده ای برسیم که برابر یکی از مانده های پیش باشد در این صورت واضح است که در خارج قسمت یك یا چندین پیکر بنرتیب معین تکرار شده مانده هیچگاه صفر نمیگردد

ه شال ۱ میخواهیم برخهٔ متعارفی آزا ببرخه دهدهی تبدیل کنیم ـ صورت عمل چنین است :

۲ ٠

λ.

₹" ·

ىسى الموقيه:

(برخه دهدهی). ـ ۲۲۲۲ر۰ = ۱٫ (برخه متعارفی)

مثال ۳ - میخواهیم برخدمتعارفی کین را ببرخه دهدهی تبدیل کنم به صورت عمل جنمن است:

417 E40

- 17177c · . 7777

4.0.

A . .

\* . . .

A - -

يسو آڏو عسو:

(برخه دهدهي). \_ ۱۲۱۳۷ر ٠ = ۲۲۴ (برخهٔ متعارفی)

۱۸۹ - نتیجه \_ چنانه دیده میشود در هیچیك از دو مثال بالا برخهٔ دهدهی برابر با برخهٔ متعارفی مفروش موجود نمیباشد و در هر دو تقسیم هر قدر عمل را ادامه دهیم مانده صفر نمیگردد بعلاوه دیده میشودکه در مثال ۱ دوپیکر ۷ و ۲ پی در پی تکرار میشوند و در مثال دوم دو پیکر ۲ و ۱ تیکرار میگردند از طرف دیگر در مثال ۱ دورهٔ گردش یعنی ۲ ۷ مالا فاصله پس از نمیز شروع میگردد این نوع برخه را برخهٔ دهدهی دوره ای ساده خوانیم – ولی در مثال دوم دوره گردش یعنی ۱ ۲ بالافاصله پس از ممیز شروع نمیشود این نوع برخه را برخهٔ دوره ای مرکب خوانند –

پس بطور خلاصه در تبدیل برخهٔ متعمارفی ببرخهٔ دهدهی سه حالت مکن است اتفاق افتد:

۱ برخه دهدهی محقق ۲۰۲۰ ر ۰ = "، (برخهٔ متعارفی) ۲ برخهٔ دهدهی دورهای ساده ۲۰۲۰ ۲۰ بر ۴ ( برخهٔ متعارفی) ۳ برخهٔ دهدهی دورهای ساده ۲۰۱۰ ۲۰ ۲ = ۲۰۰۰ (برخهٔ متعارفی) ۳ برخهٔ دهدهی برخهٔ متعارفی برخهٔ دهدهی برخهٔ متعارفی بنا برآنده برخهٔ دهدهی از بنی از سه نوع بالا باشد سه حالت اتفاق میافتد:

دهدهی محقق یعنی برخهٔ دهدهی محقق یعنی برخهٔ دهدهی محقق یعنی برخهٔ دهدهی که شمارهٔ پیکر های دهدهی آن محدود است ببرخهٔ متعارفی تبدیل کنیم کافیست پیکرهای بعداز ممیز را برخهٔ شمار قرار داده و برای برخه نام آن یکه ای بگذاریم که در راست آن بشمارهٔ پیکرهای دهدهی صفر باشد جزء پیش از ممبز قسمت درست این برخه را تشکیل خواهد داد با البته باید برخه ای را که بدین ترتیب بدست میآبدیسده ترین صورت خود تبدیل نمود ب

 ۱۸۹ - حالت ۲ \_ برای تبدیل بسرخهٔ دهدهی دوره ای ساده ببرخهٔ متعارفی یك دورهٔ گردش را برخه شمار قرار داده در برخه نام بشمارهٔ پیكر های دورهٔ گردش عدد ۹ قرار میدهیم و برخه هائی را که بدین ترتیب بدست میآید در صورت امکان ساده مینمائیم \_ جزء پیش از ممیز قسمت درست برخه متعارفی را تشکیل خواهد داد

مثال - میخواهیم برخه های دهدهی دوره ای ساده ۲۳۳۳۳۳ ۳۲۰۰ ۱ ۲۳۳۲۳ و ۲۳۰۰ ۳۲۰ ۱ ۱ ۲۰ که دوره های گردش و ۲۰۰۰ تا برخه های متعارفی اتبا بترتیب (۳۲۰) و (۳۲۰) و (۲۸۰۰) است ببرخه های متعارفی تبدیل کنیم ـ صورت عمل چنین است:

۱۹۰ - حالت ۳ - برای تبدیل برخهٔ دهدهی دوره ای مرکب ببرخهٔ متعارفی برخه ای بدین طریق میسازیم: برای یافتن برخه شمار عددی مینویسیم مرکب از پیکر های غیرگردش پس از ممیز و یك دورهٔ گردش و از این عدد یك دورهٔ غیرگردش را تفریق میکنیم - برای یافتن برخه نام بشمارهٔ پیکرهای گردش عدد ۹ و در راست آنها بشمارهٔ پیکرهای غیر گردش صفر قرار میدهیم

#### مسئله های برخه های دوره ای

مستمله ۲ برخه های دهدهی محقق زیرین را بیرخههای متعرفی ایدبل کنید (۱۹۸۵ - ۲۷۹۷۰۸ - ۲۷۹۷۰۸۵ ) ۱۹۸۵ مسئله ۲ پرخه های دهدهی دوره ای سادهٔ زیرین را بیرخه های متعارفی تندال کنده :

TY, 27 = 27 = - , 17, V - V - V - - - , 77 27 77 2 -

هستله ۴ د پرخههای دهدهی دوره ای مرکب تریرین را پیرخه ه ی مصرفی تبدیل نمائید :

#### la dime

هستله ۱۹۹۹ پرخوای معدلیّل پریسانه پرخوا میں ۱۹۹۹ پرخوا شدیش دد پیشتا

مسئله ۱۹۰۰ برختای ده داری بخشهٔ پیتی با از معبدوج از ده استویی بیشه شدن آن ۱۹۵ پاشد با دو عدد مخدف از بیما آنه اکی آنها برا از برخه شدن و برخه نام برخش لین کوکنیم برخدای دهدن را آن بدست آران

( ۱۱۲ میلی رفت شدر مضربی آن ۴ وان رفت محمد ر مضرب راان ۸ شو نموش)

هستله ۱۲۱ ـ برخوای بیرید ته معموع برخه شمار ویرخه مآن ۶۰ باشد و جون به از برخه شمار ویرخه به آن تم کنیم برخوای مددل آر مست آید (﴿﴿ وَاَلَّهُ مَا مُنْ مِنْ اللهِ مُنْ مُنْ م مسئله ۱۲۷ ـ برخه ای بربانه خاص جم برخه شمسر ویرخه ایکن ۲۰ باشد واکر ۳ از برخه شمار آن کم و ۳ بر برخه نامش اضافه کنیم معادل  $\frac{1}{r}$ گردد  $\left(\frac{rv}{rr}\right)$ .

مسئله ۱۱۳ ـ دوعدد بیابید که مجموعشان ۲۰ باشد واگر یکی از آنها را بیرخه شمار و دیگری را بیرخه نام برخه  $\frac{v}{v}$  اضافه کنیم مقدار برخه تغییر ننماید ( ۲۲ و ۲۲ ).

هسطه ۱۰ هسطه ۱۰ میدانیم ۱۰ سخه است ثابت کنید برخه ای که برخه شمارش برابر مجموع برخه نامها یا اینکه برخه شمارش برابر مجموع برخه نامها یا اینکه برخه شمارش برابر ماندهٔ برخه نامها باشد با این دو برخه برابر ماندهٔ برخه نامها باشد با این دو برخه برابر مباشند.

هستگله ۱۱۵ ـ مطلوبست تمبین برخهای که چون ۲۱ ببرخه شمار و ۳۵ ببرخه نامش اضافه کنیم برخه ای معادل خود آن برخه حاصل گردد درصورتیکه میدانیم بزرگترین مقسوم علیه مشترك برخه شمارو برخه نام ۱۹ است  $\left(\frac{v_0}{o_0}\right)$ 

همهٔ ۱۱ المعنونی بوسیله ۱۳ اوله ازبنزین پرمیشود اوله اول بتنهائی مغزن را در ۱۲ ساعت و دومی بتنهائی آن را در ۱۲ ساعت و سومی بتنهائی آنرا در ۲۶ ساعت پرمیشود ؟ ساعت پرمیشود ؟

هستُمله ۱۱۸ ـ انباری دومجرای ورود دارد وبوسیلهٔ تلمبهای میتوان آنرا خالی کرد «جرای اول بتنهائی انبار را در۱۲ ساعت ودومی بتنهائی آنرا در٤ ساعت و ۲۰ دقیقه پر میکند و تلمیه نیز در ۲ ساعت آنرا خالی میکند ـ در موقعیکه نصف انبار پر است هر دو شیر و تلمیه را بکار میاندازیم ـ پس از چه مدت انبار پر میشود ۰ ( r r 11 )

هسمَّلهٔ ۱۹۹۹ ـ منبعی داریم دارای دومجرای ورودآب ویک مجرای خروج یکی از مجراهای ورود منبع را در۱۹ ساعت بر میکند ومجرای خروج منبع را در ۱۲ ساعت خالی مینماید ـ میدانیم وقتی هر سه مجری بازباشند منبع در :

ه ساعت و ۲<u>۸ تو ۳۲ دقی</u>قه پر میشود میخواهیم بدانیم مجرای دیگر ورود منبع را درجه مدت پر مینماید («ساعت)

هستگله ۱۲۰ کارمند یکی ازاداره های دراتی ۸ درصد حقوق ماهد ، خود را برای باز نشستگی و مالیات بردرآمد مبیردازد ۱۲۰ بقیه حقوق او بعلاوه ۱۲۰ ریال هزینه اوست و بقیه راک برابر ۱۱۰ حقوقش مبیاشت پس ازداز مبتساید مطاوبست حقوق ماهانه و اندوخته سالیانه اش (حقوق ماهانه و ۱۲۵۰ ریال داندوخته سالیانه

هستله ۲۱ اسشخصی قطعه زمینی را از قرار هرمتر مربعی ۷٫۵ ریال مرفروشد یکنفر آی آنراخرید و دیگری قسمتی دیگر از آن را که بر ابری (معادل) آیا قسمت اولی بود خرید و ۲۰۰۰ ریال بیش از اولی بیال داند مطاویست مساحت زمین و سهم هریك از این دوغر (مساحت زمین ۲۲۰۰ متر سریع - سهم اولی ۲۲۰۰ متر مربع - سهم دومی ۲۲۰۰ متر مربع)

هستگله ۱۰۴۰ مجموع حقوق دو آموزگار درماه ۱۰۸۰ ریال است هزینهٔ اولی خودرآمد او و هزینهٔ دومی کودرآمدش میباشد و بقیه حقوق خودرا پس اسازه پایایت میخواهیم حقوق ماهانه هریت را تعیین کنیم درصور ایکه میسانیم مقدار ناموخنهٔ هردو براین است ( اولی ۱۰۰ ریال دومی ۱۸۰ ریال)

هستله ۱۲۳ ـ سه ظرف داریم اگر اولی را پر از آب کرده درسومی بربزیم یک جهارم ظرف سومی خالی میماند را گر اولی را پر از آب کرده درسومی را از آن پر سازیم باشازهٔ یا ازگذهبیش ظرف اولی دراین طرف آب باقی میماند اگر دومی را پر نبوده در سومی بربزیم رید ۳۳ لیش دیگر آب در ظرف سومی ریخت تا پر شود - معانوبست کنجایش عریف از این سه فارف ( اولی ۲۲ لیش دیمی ۲۰ لیش سرمی ۲۰ لیش )

هستله ۱۲۴ ما یک خیش دراسم در ۱۰ ساهت بی آر زمین را شخم میزاند

ویك خیش دوگاوی در ۱۲ ساعت ۶۰ آر زمین را شخم میزند ـ تعیین کنید هریك از این دوخیش یك هکتار زمین را در چه مدت شخم میزنند واگر بخواهیم مزرعهای را که مساحت آن ۸ هکتار است با این دو خیش مثفقاً شخم بزنیم چند ساعت طول دیجه ساعت

میکشد ( اسبها در ۱ ۳۰ تا و ۱۸ – گاوها در ۳۰ ساعت جمعاً ۸ هکتار را در ۲۰ ساعت شخم میزنند )

هستله ۱۲۵ ... سه دسته کارگر داریم دسته اول کاری را دره ۲ ساعت دسته دوم همان کار را در ۳۰ ساعت دسته سوم همان کار را در ۳۰ ساعت انجام میدهند اگر  $\frac{1}{7}$  کارگران دسته اول و  $\frac{1}{7}$  کارگران دسته سوم را انتخاب کنیم کار را در چند ساعت انجام میدهند  $\left(\frac{1}{177}\right)$  ۲۸ ساعت  $\left(\frac{1}{177}\right)$ 

هستلمه ۱۳۳۱ سخصی یا توپ پارچه خرید ۴ آنرا از قرار متری ۱۰ ریال فروخت و از فروش فروخت و از فروش دوخت و از فروش دوم ۸۶ ریال سود برد وبقیه را از قرار متری ۹٫۵ ریال سود برد مطلوبست درازی پارچه و بهای خرید یک متر (درازی پارچه ۲۷ متر — بهای خرید یک متر ۸ ریال )

هستمله ۱۳۷ - دو نفر م بنی را بین خود قسمت کردند بطور یکه سهم اولی ۳ سهم دومی شد پس از آنکه اولی باندازهٔ آم آنچه داشت بسهم خود افزود ودومی باندازهٔ آم آنچه داشت بسهم خود افزود ودومی باندازهٔ آم آنچه داشت خرج کرد اختلاف بول آنها ۱۸۰۰ ریال شدمطلوبست پول اصلی و سهم هریك (پول اصلی ۲۷۰۰ ریال سهم دومی ۱۸۰۰ ریال سهم دومی ۱۸۰۰ ریال سهم دومی ۱۸۰۰ ریال این پارچه باندازهٔ آم که میری در اقیمت خرید بفروشد ۲۲ ریال زیان میرد د میخواهیم بدانیم هر متری را چند خریده و یکمتر آنرا بچه بهائی بفروشد میرد د میخواهیم بدانیم هر متری را چند خریده و یکمتر آنرا بچه بهائی بفروشد

(بهای خرید یك متر ه,ه ریال - باید هرمتری را ۲٫۵ ریال بفروشد)

هستگله ۱۳۹ - پیراهن دوزی ۶۰ متر پارچه برای پیراهن خرید از قرار متری

۱۳۹ ریال و ه در صد تخفیف بازرگانی گرفت - میدانیم درازای این پارچه پس از شده شدن باندازهٔ به کم میگردد و هرپیراهن ۳ متر پارچه لازم دارد و هزینه و دستنزد دوخت هر پیراهن به تیمت پارچهٔ آنست - مطلوبست : ۱ - شمارهٔ پیراهنهائی که میتواند بدوزد ۲ - هزینهٔ کلی ۳ - بچهقیمت هرپیراهن تمام میشود (شمارهٔ پیراهن ها ۱۲ - میتواند بدوزد ۲ - هزینهٔ کلی ۳ - بچهقیمت هرپیراهن تمام میشود (شمارهٔ پیراهن ها ۱۲ - بیای بیراهن تقریبا ۲۸٫۸۰ ریال)

تا ٤٥ ريال سود بيرد

# وبخش هشتم

## دستگاه متری

١٩١ مقدمه مربك ازملل ازآغاز تمدن خود براي الدازماكر فتن بعضی چندی های پیوسته مهم مانند درازا وردید (سطح) و گذیرا حجم) و وزن و كمل و ..... لكه هاي عختائف اختشار نمه شداند و أي أولا أين که ها در کشور های مختلف دلی انوده وحال در قدمانای مختلف دف کشه و نماز با کامنگر فناوت دادته اند ناب مید. سنه آنها را دینگذار ده دهی مسم المهاهم زورا الحزاء والتعافي بكاء هاي اختمار شده هماها في والغزال تمشمود ساکشون أوفاط سار مان مختلف و الروم السيدل داد و ستد وأحتماحات عذمي بشرواعفك أبعدد بالدهائلية الكه هري هملاء المراخلات كه محاسبه باآنها بدستكاه ده دهي واجه شو د براي اين منظور فرانسو بان در اواخوا قرن هجدهم دستَگاه ما این را الجدد و قلول امه داند که فعلا در اغلب کشور های متمدن اکار میرود حسیر دیگر این دستگ و آستاهه چنانکه خواهم دید در دستاب ه داری ایاد هایی رو به از سطح اراکنج ( حجم ) و وزن و کس از روی که درازا اهمت میآمد به ای اینکه يكه حرازائني كه اختيار شده از طرفي اختصاص بكشور معبني لدائمته و بتواند تعميم بابد و از طرف ديگر با حدادث از بين ترود آنرا با گره زمین ارتباط و بستگی دادند بدین ترتیب که نصف النهار زمین را اندازه كرفته بيايي آوا مكه دراز ختدل بمودند وآوا متر تاميده الد براي تعادم مآو نخست دواند المهدم افرانسه ي مصمله به عشوا و دلامين

( Mechain و Delambre و Dunkerque را از ۱۷۹۲ تا ۲۷۹۰ ادر ۱۷۹۰ از ۱۷۹۲ تا ۲۷۹۰ ادر ۱۷۹۰ از ۱۷۹۰ تا ۲۷۹۰ ادر کرو بارسلن ( Dunkerque و Darcelone) را از ۱۷۹۲ تا ۲۸۶۰ ادر کرفتند ولی استعمال دستگاه متری در کشور فرانسه از ۲۸۶۰ مسیحی اجباری شد و در ۲۸۷۰ عدهٔ زیادی از کشور های متمدن دستگاه متری را قبول نمودند - از آن ببعد سایر ملل نیز بتدریج آزا بکار میبرند در کشور شاهنشاهی ایسران نیز بموجب قانون مصوب ۱۸ دستگاه متری رسماً قبول وبکار بردن آن اجباری گردیده و دستگاههای سابق ممنوع گشته است.

## ۱ ـ اندازه گرفتن درازا

۱۹۳ یکه ایدازه گرفتن درازا متراست و آن فاصلهٔ بین دوخط است که درروی نمونه بینالمللی متر رسم شده این درازا تقریباً برابر یک چهل میلونم نصف النهار زمین است .

۱۹۳ - اضعاف و اجزاء \_ اضعاف و اجزاء متر بانسبت آنها بمتر درین جدول دیده میشود:

اضعاف			***A	اجز اء		
كيلومتر	هكتومتر	دكامتر	هربدو	دسيمتر	سانتيمتر	ميليمتر
٠٠٠ مش	۰۰۱ میں	٠١ مير	۱ متو	1/. متر	ا ٠ / ٠ متر	ا • • ] • متر
یگان۵زار	صدگان	دهگان	يكان	دهم	صدم	هزارم

۱۹۴ ـ خو اندن و نوشتن ازروی جدول بالاچنین معلوم میشود

که اگر یکه متر باشد پیکر اول بعد از همیز تمایش دسیمتر ها و پیکر دویم بعد از ممیز نمایش سانتیمتر ها و پیکر سوم بعد از ممین نمایش میلیمتر هاست و همچنین پیار پیش از ممیز نمایش متر ها و پیکر پیش از آن نمایش هاتنو مترها پیکر پیش از آن نمایش هاتنو مترها و بالاخره پیکر پیش از آن نمایش کیلومتر هاست و بالاخره پیکر پیش از آن که یکان هزار باشد نمایش کیلومتر هاست پس عدد ۲۰۵۲ ۲۰۲۷ متر چنین خوانده میشود ۲۰ کیلومتر و ۲ همایمتر از ۲۰ میایمتر و ۲۰ مینمتر و دود و سه متر و دویست و شعت و هنت مینایمتر و ۲۰ مینمتر و مینمتر و دود و سه متر و دویست و شعت و هنت مینایمتر و

۱۹۵ ـ مورد استعمال مترواضعاف واجزاء آن ـ مترمعمولا در احتیاجات بازرگ بی و ساختمانها و دکامتر در کشاورزی و مساحی ونقشه برداری وبالاخره کیلومتر درتعیبن فاصله های بزرك مانند جادهها و راه آهن و سیمهای تلگراف و تلفن وغیره بکار میرود.

مورد استعمال اجزاء متر بیشتر در قسمتهای دقیق علمی وبیشه و هنر ( فیزیك و مكانیك و غیره ) میباشد.

۱۹۹ - یکه های درازای دریائی ـ یکهای که بیشتر درکشتی رانی هنوز بکار میرود میل دریائی است وآن عبارتست از درازای قوس یکدقیقه (بعنی بنش شمتم درجه) از تصف النهار ـ درازای میل دریائی برحسب متر تقریباً برابر است با ۱۸۰۱ متر = ایکنیایی که تقریباً برابر است با ۱۸۰۱ متر حصل کا متر مشود

برای تعیین سرعت ناو ها کره دربائی بکار میرود و آن عبارتست

آز درازای قوسی از نصف النهار برابر نیم ثانیه یعنی  $\frac{1}{17}$  دقیقه مقدار آن برحسب متر برابر است با  $\frac{1}{2}$  د  $\frac{1}{2}$  سرعت ناوها عبارتست از شماره گره هائی که ناو در نیم دقیقه می پیماید پس اگر ناوی  $\frac{1}{2}$  سرعت داشته باشد یعنی در نیم دقیقهٔ زمان  $\frac{1}{2}$  گره طی نماید در یکساعت  $\frac{1}{2}$  میل دریائی خواهد پیمود.

## ۲ ـ اندازه کرفتن رویه (سطح)

۱۹۷ ـ یکه ـیکهاندازهگرفتن رویه مترمربع است وآن عبارتست از مربعی که پهلوی ( ضلع ) آن یکمتر باشد .

۱۹۸- اضعاف و اجزاء - در سنجیدن رویه باید ملتفت باشیم که هریکه صد برابر یکه زیر دست و یك صدم یکه بالا دست است مثلا یك متر مربع صد دسیمتر مربع ویك صدم دکامتر مربع است اگرمربعی که هر پهلویش مثلا یك دسیمتر و بنا براین رویه آن یك دسیمتر مربع باشد اختیار نموده و یکه را سانتیمتر قرار دهیم درازای هر پهلوی آن مربع اختیار نموده و یکه را سانتیمتر قرار دهیم درازای هر پهلوی آن مربع ده سانتیمتر خواهد بود و چنانکه در هندسه خوانده ایم وسعت این مربع همانطور که از شکل نیز واضح میشود ۱۰ × ۱۰ یعنی ۱۰۰ سانتیمتر هربم خواهد بود.

نامهای اضعاف و اجزای متر مربع بانسبت آنها بمتر مربع درین جدول دیده میشود \_ دکامتر مربع را که برابر صد مترمربع است آرنیز گویند و در کشاورزی برای مساحت زمینها بکار میرود هکتومتر مربع را که برابر ده هزار متر مربع یاصد آر است هکتار نیز گویند و در تعیین مساحت زمینهای زراعتی بکار میبرند و بالاخره کیلومتر مربع در تعیین وسعت قطعه هائی از کشور یا مساحت کشور بکار میرود مثلا میدانیم که:

اضعاف				اجز اء		
أثَّ الموجدية ويع		<i>ڰڰ</i> ٛڵۿڎۅڡۅڿۼ	متر مربع	grand 3	ا سائنیمتر مراق	هیادمتو مر بع
***************************************	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	and and the second seco	۱ منتر مربع	۱۰/۰ متن مربع	( ۰۰۰) • متر مربع	١٠٠٠٠١٠ مريع متر
1 4	1. 1. S. A.	2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	یکان و دهگان	دنغ <sub>ه</sub> ق قدانم	هزارم و د هزارم	صد هرارم و میلیونم

## مساحت کشور شاهنشاهی ایران برابر ۱،٦۴۵،۰۰۰ کیلومتر مربع میباشد

۱۹۹ ـ نوشتن و خواندن ـ چون اجزاء و اضعاف متر مربع صد بصد تنزل و ترقی مینمایند یعنی هریکه صد برابر کوچکتر از یک مرتبه بالاتر و صد برابر بزرگتر از بکه مرتبه بائین تر است درموقع نوشتن هر یکـه ای با دو پیکـر نمایش داده میشود مثلا اگر یکه متر مربع باشد چنانکه از روی جدول بالا بر میاید دو پیکر اول و دویسم یس از نمیز نمایش دسیمتر های مربع و دو پیکر سوم و چهارم نمایش سانتمیر ها و دو پیکر پنجم و ششم نمایش میلیمتر های مربع است \_ بهمین طریق دو پیکر یکان و دهگان نمایش متر همای مربع و دو پیکر صد گان و یکان هزار نمایش دکامتر همای مربع و . . . . . میباشد . هثلاً - چهارده متر مربع و سی و هفت دسیمتر مربع و ۸سانتیمتر مربع را بحسب متر مربع چنین مینویسند ۸ ۰ ۷۳ ر ۱ متر مربع همچنین عدد ۸ ۲۲۰ ۲ ۱ ر ۳۷ متر مربع خوانده میشود ۳۷ متر مربع و ۱ ۱ دسیمتر مربع و ۲۲ سانتیمتر مربع و ۸ میلیمتر مربع ـ و عدد ۳ ۷ ۲ ۲ ۰ کا متر مربع چنین خوانده میشود : یك میلیون و چهارصد و پنجاه وشش هزار و هفتاد وسه متر مربع یا چهار هزار و پانصد و شصت آر وهفتاد و سه متر مربع یا صد و چهل و پنج هکتار و شش هزار و هفتادوسه متر مربع و با بالاخره یك كیلومتر مربع و ٥٥ هكتومتر مربع و ٠٠

دکامتر مربع و ۷۳ متر مربع

# اندازه گرفتن گنج

۲۰۰ - یکه اندازه گرفتن گنج متر مکعب است و آن
 عبارنست از مکعبی که یال آن یکمتر باشد -

۲۰۱ - اجزاعت نامهای اجزاء مثر مکعب و نسبت آدب بامش
 مکعب در جدول زیر دیده میشود:

ا مدر	اجزاء					
alana	المساورة المالية		and the state of the	مالينتر مكعب		
۱ ماز مگامپ	ه از مراه ا مثل هاکمپ	,	ا د د د د ځ د	متر مکمپ		
ہُکان	دهیر حاسم هار از ه	:	ده هزاره صد هزاره ديليونه	ده میذونه صد میلونه میلیارده		

۲۰۲ افعاف - افعاف مش مكعب مورد استعمال ندارند .

۲۰۳ - خواندن و نوهتن - چون نظیر آنچه که دربارهٔ متر مربع در شداره ۱۹۸ گفتیم دربارهٔ متر مربع در شداره ۱۹۸ گفتیم دربارهٔ متر مکعب بنظر آبورید دیده میشود که هر بکه هزار برایر ایکه زیر دست است و چنانده از این جدول بر میآمد برای دربش هر یک از اجر ای متر مکعب سه بیکرلازه است بعنی اگر یکه متر عکعب باشد سه بیکر سی از میز ندایش دسیمتی های مدعب و سه پیکر بس از آن نمایش سانتیمار های مذعب و بالاختراء سه پیکر بس از آن امایش سانتیمار های مذعب و بالاختراء سه پیکر بس از آن امایش سانتیمار های مذعب و بالاختراء سه پیکر بس از آن امایش سانتیمار های مذعب و بالاختراء سه پیکر بس از

ه مال عدد ۱۲۲۰۳۹۰۶۸ متر مکعب چنین خوانده میشود: ۲۲ متر مکعب و چهار صدو دو دسیمتر مکعب و ۳۳۷ سانتیمتر مکعب و ۶۸ میلیمتر مکعب.

## ٤ ـ اندازه گرفتن وزن

۲۰۴ - یکه ـ یکهٔ اندازه گرفتن وزن کیلوگرم است وآن عبارتست از وزن استوانه ای از طلای سفید که در دفتر بین المللی اوزان و مقدیر ضبط میباشد ـ و وزن یك دسیمتر مکعب آب نیز تقریباً یك کیلوگرم است .

**۲۰۵ - اضغاف کیلو گرم -** از اضعاف کیلوگرم فقط تن که برابر . . . . کیلو گرم است در کشور ایران مورد استعمال دارد

۲۰۱ - گرم ـ گرم عبارتست از بك هزارم كيلو گرم كه تقريباً
 وزن يك سانتيمتر مكعب آب مقطر چهار درجه حرارت باشد ـ
 در اندازه گيريهای دقيق علمی و فنی گرم و اجزاء آن بكار میرود.

۲۰۷ - اجزاء گرم - اجزاء گرم عبارتند از دسیگرمکه برابر با یکدهم گرم و سانتیگرم که برابر است با یکصد گرم و بالاخر، میلیگرم برابر است با یك هزارم گرم .

۱۰۸ - مورد استهمال - همیشه تمن برای اجناس سنگین وزن بازرگانی و کیلوگرم در داد وستد هایعادی و گرم و اجزاء آنچنانکه گفته شد در اندازه گریهای دقیق علمی و فنی بکار میرود . این مین خواندن و نرشتن \_ اگریکه گرمباشد پیکردهم نمایش دسیگرم و پیکر صدم نمایش سانتیگرم و پیکر هزارم نمایش میلی گرم است میلی

من و خروار وسیر ـ در کشور ایران من قانونی برابر با ۳ کیلوگرم است و ۱۰۰ من یا ۳۰۰ کیلوگرم را یمک خروار خوشند هرمن ۶۰ سیر است بنابر این سیر قانونی برابر ۷۰ کرم میباشد.

## اندازه گرفتن کیل

در بعضی کشورها معمول است که مابعات و بعضی حبوبات رابعوش اینکه وزن مایند با گذیج خرید و فروش میکنند دریتمورد یکهٔ خاصی برای اندازه کنج که درینمورد کیل نامیده میشود اختیار شده است ۲۰۹ یکه دریکه کیل لیتر است و آن گنجایش ظرفی است که گنج درونی آن یك دسیمتر ملعب بشد.

۱۰۰ اضعافی و اجراعی اضعافی ایتر عبارانند از دکالیتن ( ۱۰۰ ایش ) و هکتولیتن ( ۱۰۰ ایش ) بجای کیلو ایتر که برابر با ۱۰۰۰ ایتر است مش مکعب بکار میرود ـ اجزاه ایتر عبارانند از دسی ایتر که برابر یکدهم ایتر است و سامتی ایتر که برابر یکدهم ایتر است و بایتر که برابر یا هزاره ایتر است سامتیمتر مکعب بکار میرود. میلی ایتر که برابر یا هزاره ایتر است سامتیمتر مکعب بکار میرود. ایتر است با وزن یک دسیمتر مکعب آب مقطر چهار درجه حرارت و ایتر هم است با وزن یک دسیمتر مکعب آب مقطر چهار درجه حرارت و ایتر هم است به وزن یک دسیمتر مکعب هیباشد بس میتوان گفت که کیلو گرم برابر است به وزن یک ابتر آب مقطر چهار درجه حرارت و واضح است که وزن یک ایتر از جسم دیگر غیر از آب یک ایدادی در ایت و واضح است که در ایتر از جسم دیگر غیر از آب یک ایدادی که ایتر اندین ایتر از جسم دیگر غیر از آب یک ایدادی که ایتر اندان ایتر اشیر اکاو خاص بر ایر ۳۰۰ در ۱ شیلو گرم و بک ایتر اندان ایتر اشیر اشیر اکاو خاص بر ایر ۳۰۰ در ۱ شیلو گرم و بک ایتر اندان ایتر اشیر اکاو خاص بر ایر ۳۰۰ در ۱ شیلو گرم و بک ایتر اندان ایتر اشیر اکاو خاص بر ایر ۳۰۰ در ۱ شیلو گرم و بک ایتر اندان ایتر اندان ایتر اکاو خاص بر ایر تاری

## ٦ ــ اندازه گرفتن زمان

رمان بین دو ظهر (نیم روز) یا دو نیم شب پی در پی .

۳۱۳ - ساعت \_ شبانه روز را به ۲۶ قسمت متساوی قسمت کرده هر یك را ساعت خوانند .

اجزاء ساعت \_ اجزاء ساعت یك دقیقه است که برابر به ساعت و ثانیه است که برابر به ساعت و ثانیه است که برابر با به دقیقه یا به ساعت باشد پس در شبانه روز ۰ ۸ ۲ شانیه وجود دارد \_ اجزاء کوچکتر از ثانیه را با اعشار ثانیه اندازه میگیرند \_ در اندازه گیریهای علمی ثانیه یکه زمان است .

۳۱۴ - سال ـ سال خورشیدی عبارتست از مدت زمانی که لازم است تا زمین یکدورکامل دور خورشید بگردد بعبارت دیگر سال خورشیدی عبارتست از مدت زمانی که زمین در آن یکدور حرکت انتقالی خود را انجام دهد همانطور که میدانیم سال خورشیدی دارای:

ثانیه دقیقه ساعت روز ۲۱ ه ۳۲۰ یا تقریباً ۳۲۰ روز

و ٦ ساعت است

سال به چهار فصل : بهار \_ تابستان \_ پائیز \_ زمستان و ۱۲ ماه : فروردین \_ اردیبهشت \_ خرداد \_ تیر \_ مرداد \_ شهریور \_ مهر آبان \_ آذر \_ دی \_ بهمن \_ اسفند قسمت میشود \_

مبدء سال در کشور ایران روز اول فروردین یا توروز است شش ماه اول هر یك ۳۱ روز و از ۲ ماه دویم پنج ماه اول هر یك ۳۰ روز دارند و ماه اسفند معمولا ۲۹ روز است ولی چون هرچهار سال یکبار اضافه مدت سال بر ۳۹ روز قریب یك روز میگردد یگروز باسفند ماه اضافه میكنند و اسفند ۳۰ روز میشود این نوع سال را سال کیسه خوانند.

#### ٧ ـ يکـهٔ يول

**۲۱۵ - ریال** \_ یکهٔ پول در کشور شاهنشاهی اوران ریال است و ارزش آن معادل با ۲ ۲۳۸ ۲۳۸ ۰ . ۰ گرم زر ویژه است \_

۱۱۱ - اضعاف و اجزاء \_ اضعاف ربال عبارتست از پهائوی که بوابل با ۱۰۰ ربال است ــ اجزاه بربال عبارتست از دبندر الله بر ایل به بار ربال میباشد

۳۱۷ - پولهای رایج - پولهای رایج درایران شده های درخاری و ۱۰ دیناری و ۵۰ دیناری است که جنس آن مقرق الومینیو « میباشد و فقط باتک ملی ایران حق چاپ اسکتاس را دارد و اسکتاسها در اکشور ایران عبارتند از : اسکتاس ۵ ریالی و ۱۰ ریالی و ۳۰ ریالی

# بخشنهم

### نسبت و تناسب

مقدار دیگر ازیك چندی میگنجد و یا بطور کلی خارج قسمت دو عدد را نسبت آن دو مقدار یا دو عدد خوانند و هر یك از این دو مقدار یا دو عدد درا دو جلهٔ نسبت نامند \_ و آنرا بصورت برخه نمایش میدهند دو عدد را دو جلهٔ نسبت نامند \_ و آنرا بصورت برخه نمایش میدهند مثال \_ دو قطعه خط داریم یکی ا ب بدرازای تطعه خط ا ب و دیگری ثد بدرازای ۳ سانتیمتر \_ نسبت درازای قطعه خط ا ب را بدرازای قطعه خط ثد نسبت درازاهای این دو قطعه خط خوانند و آنرا چنین نمایش میدهند شد اما چون ۲ ا ب و ۳ = ث د بس میتوان نوشت ع = ۲۱ = اب و ۳ = ث د برابر قطعه خط ثد است \_ برابر قطعه خط ثد است \_

همچنین نسبت دو عدد ۱۳ و ۷ عبارتست از برخهٔ 🔻

۳۱۹ ـ نتیجه مهم ـ از این جا معلوم میگرددکه نسبت دومقدار هم جنس یا دو عدد مطلق عددی است عددی مطلق.

**۱۲۰ ـ خواص نسبتها \_** کلیهٔ خواصی را که برای بـرخه ها گفتیم نسبتها نیز دارا میباشند.

۲۳۱ - تعریف تناسب - دو یا چندین نسبت متساوی تشکیل مک تناسب میدهند

مثال - اگر درازای خط a پنج برابر درازای قطعه خط b باشد

و درازای قطعه خط ی نیز پنج برابر درازای قطعه خط h باشد واضح است که h=0 و h=0 و از مقایسهٔ این دو نسبت متساوی تناسب h=0 بدست میآید که آن را نیز میتوان چنین نوشت

a :b = c:d و تناسب را چنین میخوانیم : نسبت a :b = c:d برابر است با نسبت c به d

دو یا چندین نسبت تشکیل می بابد ساده ترین صورت تناسب آدیر ابری دو یا چندین نسبت تشکیل می بابد ساده ترین صورت تناسب که از دو نسبت برابر ساخته میشود دارای چهارجزه است که آنها را جمله های نخست و چهاره را که دو طرف و آفه شده اند دو کرانهٔ تناسب و جمله های دوه و سوم را که در مسفل قرار گرفته اند دو میان تناسب خوانند منالا در طنال پیش بعنی از است آزاد کرفته اند

a : b - e : d مبان تنسب خوانیم

۲۲۳ ما خاصیت اصلی تنامی در همان نشده حدمان شرب در کرانه برایو است با حاصل در میبان با بعثم آگر آل (۱۳۵ آ) باشد جنبن داریم a d = h c داریم a d = h c

هنال دور تنسب آئے صفی میخواهید سون اجرانی اص غرب عرب عرب عضیق کشید که حاصل ضرب دو کرانه بعشی ۴ × ۴ م برابر حسحال حصل ضرب دومیان بعشی ۲ × ۴ × ۱ × ۱ میبشد درای الاکار دو برخهٔ باد داشت:

لین دو برخهٔ برابر دارای برخه اعدی برابرند وس حتماً برخه

شمار های آنها برابر میباشد یعنی ۲  $\times$  ۸  $\times$  ۱  $\times$  ۲ میا

 $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  مختلف یك تناسب فرض کنیم  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$  باشد از خاصیت اصلی تناسب که در بالا گفته شد میتوان استفاده نموده با چهار جملهٔ (a,b,c,d) هفت تناسب دیگر نوشت که با تناسب مفروض هشت تناسب میشود

$$(1)\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \quad (7)\frac{a}{c} = \frac{b}{d} \quad (7)\frac{d}{b} = \frac{c}{a} \quad (2)\frac{d}{c} = \frac{b}{a}$$

$$(\circ) \overset{c}{\underset{d}{\circ}} = \overset{a}{\underset{b}{\circ}} \quad (\uparrow) \overset{b}{\underset{d}{\circ}} = \overset{a}{\underset{c}{\circ}} \quad (\forall) \overset{c}{\underset{a}{\circ}} = \overset{d}{\underset{b}{\circ}} \quad (\land) \overset{b}{\underset{a}{\circ}} = \overset{d}{\underset{c}{\circ}}$$

برای بدست آوردن صورتهای ۲ و ۳ و ۶ از صورت ۱ بترتیب مکان دو میان یا گرانه یا هر دو را تغییر میدهیم وبرای یافتن صورتهای دیگر جای دو طرف تساوی را در چهار صورت اول تغییر میدهیم \_ چنانکه دیده میشود اگر در هر یك از صورت های هشت گانه خاصیت اصلی تناسب را بنویسیم بیك نتیجه میرسیم که عبارتست از تساوی . a b = c d مفروض است برطرفین  $\frac{1}{1}$  مفروض است برطرفین آن مافز ائیم چنین مشود:

 $\frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d} = \frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d} = \frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d} + \frac{d}{d} = \frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d} + \frac{a+b}{d} = \frac{c+d}{d} + \frac{a+b}{d} = \frac{a+b}$ 

۳۲۹ - نتیجه ـ در هر تناسب نسبت مجموع دو جمله اول و دوم بجمله دوم برابر است با نسبت مجموع دو جملهٔ سوم و چهارم بجملهٔ چهارم ـ این عمل را ترکیب نسبت خوانند .

کام میکنیم چنین خواهیم داشت :

$$\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d} \bigcup_{b} \frac{a}{b} = \frac{b}{d} = \frac{c}{d} \frac{d}{d} \bigcup_{b} \frac{a}{b} \setminus \frac{c}{d} = \frac{c}{d} = \frac{c}{d}$$

۳۲۸ - نتیجه - در هس تناسب نسبت ماندهٔ دو جملهٔ اول و دوم برابر است با نسبت ماندهٔ دو جمله سوم و چهارم بجملهٔ چهارم

و این عمل را تفضیل نسبت نامند ـ در این عمل اگر a از d کوچکشر ماشد c نیز از d کوچکتر بوده و آنوقت باید تفضیل نسبت را در صورت هشتم بعنی  $\frac{d}{d} = \frac{d}{d}$  اجرا نمود  $\frac{d}{d}$ 

تبصره - ترکیب و تفضیل نسبت را در صورتهای هفتگانهٔ دیگر تناسب = أو نیز میتوان انجام داده صورتهای تازد ای بدست آورد.

۳۲۹ مورد استعمال اگر دو یا چند نسبت برابر داشته باشیم نسبت حاصل جمع برخه نامها برابر هریا از نسبتها میباشد .

فرمن كنيم أ = أ باشد چنانكه ديديم اين نسبت را ميتوان بصورت أ = با نوشت اگر در اين تنساسب اخر تركيب نسبت كنيم بصورت النظا = أ من در ميآيد و چون در اين تناسب جاى در ميآن را عومن كنيم چنين خواهيم داشت أ = أ أ أ أ بس أ أ أ أ = أ أ أ أ الله بعضيق در چكونكي اين خاصيت وقتي بيش از در نسبت برابر داشته باشيم بر عدة دانش آموزانست.

بدست آوردن آن کافیست حاصل ضرب دو کرانه را برمیان معلوم قسمت کرد ـ و اگر یکی از دو کرانهٔ تناسبی مجهول باشد برای بدست آوردن. آن کافیست حاصل ضرب دومیان را برکرانهٔ معلوم قسمت نمود.

و اسد الم هندسی و رتناسبی دو میان بر ابر باشند مانند مانند  $\frac{a}{b} = \frac{b}{b}$  گویند که  $\frac{a}{b} = \frac{b}{b}$  و اسطهٔ هندسی است بین a = b و آنرا چنین نیز مینویسند a' = b و بعبارة دیگر هرگاه توان دوم عددی بر ابر حاصل ضرب دو عدد دیگر باشد گوئیم این عدد و اسطهٔ هندسی بین آن دو عدد میباشد.

 $7^7 = 2 \times 9$  ومثال عدد 7 واسطهٔ هندسی است بین 3 و 9 زیرا  $9 \times 3 = 7$  بس  $\frac{5}{7} = \frac{3}{7}$ 

**۱۳۳ - واسطه عددی - \_** هرگاه عددی برابر نصف مجموع دو عدد دیگر باشد آن را واسطهٔ عددی بین آن دوعدد خوانند

مثلا اگر b=a+cویا a+cباشد و اسطهٔ عددی است بین a+c دوعدد a+c

مثال عدد ۷ واسطهٔ عددی است بین ۶و ۱۰ زیرا  $\frac{1+2}{7} =$  و آنرا نیز میتوان چنین نوشت - ۱۰ = ۲ = ۷ میتوان چنین نوشت - ۷ = ۲ = = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = ۲ = = ۲ = = ۲ =

## تناسب مستقيم و تناسب معكوس

مثال . ۱ سیمی از آهن داریم که یك متر آن ۲۵ گرم وزن دارد گرم سیمی از آهن داریم که یك متر آن ۲۵ گرم سه متر آن ۲۰  $\times$  ۲۰ وزن خواهد داشت و سه متر گرم آن  $\times$  ۲۰ وزن دارد \_ پس اگر دوقطعه از این سیم اختیار

کنیم که درازای یکی ازآنها مثلا ۷ برابر درازای دیگری باشد وزن آن نیز ۷ برابر وزن دیگری خواهد بود ـ بعبارة دیگر آگر درازای سیم مثلا ۷ برابر گردد وزن آن نیز ۷ برابر میشود یعنی نسبت درازای دو قطعه سیم برابر نسبت وزن آنها خواهد بود:

وزن تعلمه حرم اول خوارای تعلمه صح اول وزن تعلمه حرم اول وزن تعلمه حرم دوم درانای تعلمه حرم دوم

این تناسب را بصورت زیرین میتوان نوشت: وزن یکمتر از سیم = ایرازی تنامه سیم دو این استان دو ایرازی تنام دو ایرازی تنام دارازی تنام دارازی تنام دارازی

چنانکه در این مثال دیده میشود نسبت وزن هرقفاهه سیم بسرازای آن برابر نسبت وزن هرقفاهه سیم بسرازای آن برابر نسبت وزن قطعه دیگری از این سیم بسرازای آن میباشد یعنی بین وزن قطعه از سیم و درازای آن تناسبی وجود دارد و چون بازباد شدن وزن سیم درازای آن زیاد تیر میشود و بالعکس با الم شدن وزن درازا نیز کم میکردد این تناسب را میشقیم خواشد.

۳۳۴ - آناسب همانقیم کوئیم دوچندی مستقیمهٔ منتقسب میباشند هرکاه اولی ۲ یا۳ یا ناید بر آر گرده دو می بنز ۲ یا ۳ یا خاب ، برابر شود یا اگر چندی اول ۲ یا۴ یا ناید ، . . برابر کوچاندر شود چندی دو ۲ این ۲ یا۳ یا خاب ، . . براد کوچان کا دد .

مثال تر فاصلاً بین در شهرستان کادر کناو راه آهن قرار کرفته اند . برابر ۲۰۱۰ کیدومتر میباشد برا کشر تراسی با انسای ۹۰ کیدومتر در ساعت حراکت کنند این فاصله را در به سخایا ساعت طی مینماید باگر در ۲۰۰۰ این فاصله را در به بسماید این فاصله را در ۲۰۰۰ این فاصله را در ۲۰۰۰ این فاصله را در ۲۰۰۰ تندتر حراکت کنند مسافت معیشی را درمدت کمتری می بیماید به چون راهی را که اران در یکسانت می در درمدت کمتری می بیماید به چون راهی را که اران در یکسانت می در درمدت کمتری می بیماید به چون راهی را که اران در یکسانت می در درمدت کمتری می بیماید به چون راهی را که اران در یکسانت می در درمدت کامتری می بیماید به چون راهی را که اران در یکسانت می در درمدت کامتری می بیماید به چون راهی را که اران در یکسانت می در درمدت کام براید

۹۰ کیلومتر میباشدپانزده بر ابر راهی است که ارابه در یکساعت میپیماید که عبار تست از تندی ارابه و بر ابر  $\tau$  کیلومتر میباشد پسمدتی را که ارابه در راه خواهد بود پانزده بر ابر مدتی است که ترن در راه میباشد بعبارة دیگر اگر تندی وسیله نقلیه یانزده بر ابر بزرگتر گردد مدتی را که این وسیله برای پیمودن راه معینی لازم دارد پانزده مرتبه کوچکتر میشود با  $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$  و با

مدتی که ارابه در راه بوده <u>تندی ترن</u> مدتی که ترن در راه بوده <u>تندی ارابه</u> مدتی که ارابه در راه است <u>تندی ترن</u> تندی ارابه مدتی که ترن در راه است

چنانکه در این مثال دیده میشود نسبت تندی بك متحرك بمدتی که این متحرك راه معینی را میپیماید برابر است با نسبت مدتی که متحرك دیگر همین راه را میپیماید به تندی آن بعبارة دیگر نسبت تندی متحرك اول بمدتی که در راه است برابر عکس نسبت تندی متحرك دوم است بمدتی که در راه میباشد یعنی بین تندی یك متحرك و مدتی که این متحرك راه معینی را میپیماید تناسبی وجود دارد و چون با زیاد شدن متدی مدت کم میگردد این تناسب را معکوس خوانند \_

۳۳۵ .. تناسب معکوس \_ گوئیم دو چندی معکوساً متناسب میباشند هرگ، اولی ۲ یا ۳ یا ۶ یا ۰۰۰ برابر بزرگ گردد دومی ۲ یا ۳ یا ۶ یا ۰۰۰ برابر کوچکتر شود و بالعکس اگر اولی ۲ یا ۳ یا ۶ یا ۰۰۰ برابر کوچکتر شود و بالعکس اگر اولی ۲ یا ۳ یا ۶ یا ۰۰۰ برابر بزرگتر شود

## تناسب ساده

۲۳۹ - تعریف - اگر دو چندی متغیر داشته باشیم که مستقیماً یا معکوساً متناسب باشند و دو مقدار از چندی اول و مقدار نظیر یکی از این دو مقدار از چندی دوم در دست باشند مقصود از حل این تناسب ساده بدست آوردن مقداری از چندی دوم است که نظیر مقدار دیگر از چندی اول باشد -

مثال ۱ سخصی فاصله دو دهستان را که ۱۱ کیلو متر است در ۳ ساعت می پیماید میخواهیم بدانیم همین شخص فاصلهٔ دو دهستان دیگر را که ۲۷ کیلو متر است در چه مدت طی خواهد نمود چنانکه دیده میشود در این مثنا ما دو چندی متغیر داریم بکی زمان و دیگری مسافت پیموده شده در این زمان د واضح است که این دوچندی مستقیماً متناسب میباشند زیرا آگر مدتی را که شخص در راه است ۲ یا ۳ یا عالم برابر کشیم مسافتی که در این مدت بیموده ۲ یا ۳ یا ۲ یا ۳ یا برابر میگردد ...

از چندی اول کد مسافت است دو مقدار یکمی ۱۸ کیبو مثل د و دیگری ۲۷ کیلو متر معلوم میباشند و از چندی دوم فتط ۳ ساعت که نظیر ۱۸ کیلو متر است در دست میباشد منظور ما تعیین متداری از زمان است که متناظر با ۳۷ کیلو متر میباشد سا کر عجمول را با حرف بد نمایش دهیم با تعریف تناسب مستقیر چندن خواهید داشت

ه تعایش فظیم یا تعریف تناسب هستمیم چنین حواظیم فاشت ۲ ساسی ۱۹ کاره ادر ۱۲ ساند ۱۷ کارو مور

واز آنچه با استناده از خاصیت اصلی تنسب ۲۰××۳ × ۱۸٪ یعنی

۱۸ برابر مقدار مجهول برابر حاصل ضرب  $X \times Y$  میباشد پس چنین معدار مجهول برابر حاصل ضرب  $X \times Y \times Y$  میباشد پس چنین داریم داریم  $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$ 

متر را در چهار ساعت و نیم طی مینماید

۲۳۷ - قاعده ۲ ـ در تناسب مستقیم برای یافتن مقدار مجهول کافیست عدد همجنس x را در مقدار نظیر x از چندی دیگر ضرب نموده حاصل ضرب را بر مقدار نظیر عدد همجنس x تقسیم کنیم

۳۳۸ - طرز عمل \_ معمولا در حل تناسب ساده سه جمله معلوم و جمله مجهول را بطریقی مینویسیم که هریك از این جمله ها دریکی

۳ ساعت ۱۸ کیلو . x ساعت ۲۷ کیلو

ازگوشه های مربع مستطیلی قرار ۳ ساعت گیرند و هر دو جملهٔ هم جنس زیر یکدیگر واقع شوند ـ برای تعیین

مقدار x در تناسب مستقیم دو جمله ای که در گوشه های مجاور x قرار گرفته اند در هم ضرب نموده حاصل ضرب را برجمله معلوم دیگر تقسیم میکنیم ـ در عمل از رسم مربع مستطیل صرف نظر میشود

هثال ۲ - برای ساختن قطعهٔ از راه لازمست ۲۶ کارگر در مدت ۲ روزکار کنند \_ میخواهیم بدانیم اگر بجای ۲۳ کارگر فقط ۱۲ کارگر داشته باشیم کار در چه مدت تمام میشود \_

 یا غ یا ... مرتبه کم گردد مدت لأزُم برای انجام کار ۲ یا ۳ یا غ یا ... مرتبه زیاد میگردد ـ از چندی اول که شمارهٔ کار گر هاست دو مقدار ۲۲ و ۱۲ معلوم میباشد و از چندی دوم فقط ۲ روز که نظیر ۲۲ کار گر است در دست است ـ منظور ما از حل این مسئله تعیین مدتی است از زمان که متناظر با ۱۲ کارگر میباشد ـ اگر مجهول را به ۲ نمایش دهیم با تعریف تناسب معکوس چنین خواهیم داشت:

۲۲ X = ۲ × ۲۲ کر و یا کارگر و یا ۲۲ × ۲۹ کارگر و یا ۲۲ کارگر و یا

یعنی ۱۲ برابر مقدار مجهول برابر حاصل ضرب ۲۲ × ۲ هیباشد

پس مجهوق ما برابر است با ۱۳ = ۱۳ ت یعنی ۲ اکارگر آنکاررا در ۱۳ روز انجام میدهند

۲۳۹ ما قاعده ۲ در تثاسب ممکوس برای یافتن مقدار مجهول کافیست عدد هم جنس x را در مقدار نظیر خودش ضرب کرده حاصل ضرب را بر مقدار نظیر x قسمت کنیم

معلوم و جمانهٔ مجهول را بطریقی مینویسیم که هر یك از این جمله ها در یكی از گوشه های مربع مستطیعی قرار گیرند (۲ دوز ۲۲ کارگر و هر دو جملهٔ همچنس زبر یكدیگر واقع شوند (۲ دوز ۲۲ کارگر برای تعیین مقدار ۲ در تناسب معکوس دو جملهٔ

سطری را که حاوی بر نمیباشد در یکدیگر ندرب کرده حاصل را برجملهٔ معلوم سوم قسمت میکنیه بــ معمولا درعمل از رسم مربع مستطیل صرف نظر هیشود .

تبصره - در هر بك أز دومتال بالا أول نوع تناسب را أزحيت

مستقیم و یا معکوس بودن تعیین نموده سپس راه حل هر یك از دو نوع را ذكر كردیم ــ ولی برای حل هر نوع تناسب قاعده كلی و عمومی موجوداست موسوم بقاعده تحویل بیك كه در زیر بذكر آن میپردازیم:

۱۹۴۱ - تحویل بیك ـ طرز ساده ایست برای حل هر گونه تناسب بدون توجه باینكه تناسب مفروض مستقیم است یا معكوس

حل مثال ۱ ــ شخصی فاصلهٔ دو دهستان را که ۱۸ کیلو متر است در ۳ ساعت میپیماید میخواهیم بدانیم همین شخص فاصله دودهستان دیگررا که ۲۷کیلو متر است درچه مدت طی مینماید ــ

اگر ما بتوانیم تعیین کنیم این شخص یك کیلو متر را در چه مدت میپیماید با ضرب این مدت در ۲۷ معلوم میکنیم که ۲۷ کیلو متر را در چه مدت خواهد پیمود \_ اما میدانیم این شخص ۱۸ کیلو متر را در ۳ ساعت می پیماید \_ پس برای تعیین مدت پیمودن یك کیلو متر باید ۳ ساعت را به ۱۸ کیلو متر قسمت کنیم میشود  $\frac{\pi}{11}$  ساعت و این عدد عبارتست از مدتی که در آن مدت شخص مفروس یك کیلو متر راه را می پیماید و چون برای پیمودن ۲۷ کیلو متر ۲۷ مرتبه بیشتر وقت لازم خواهد بود مقدار مجهول ما عبارتست از  $\frac{1}{11} = \frac{\pi}{11} \times 7$ 

حل مثال ۲ برای ساختن قطعه ای از راه لازم است ۲۶ کارگر مدت ۲ روزکار کنند میخواهیم بدانیم اگر بجای ۲۶ کارگر ۲ کارگر ۲ کارگر ۲ کارگر ۲ کارگر داشته باشیم کار مفروض در چه مدت تمام میشود

اگر ما بتوانیم تعیین کنیم یك كار گر بتنهائی كار مفروش را در چه مدت انجام میدهد با تقسیم این مدت بر ۱۲ میتوانیم بآسانی معلوم کنیم که ۱۲ كار گر آن كار را در چه مدت تمام میكنند ـ اما

میدانیم ۲۲ کارگر در ۲ روز آن کار را انجام میدهند پس با کارگر بتنهائی همان کار را در ۲۲ مرتبه بیشتر وقت با ۲ × ۲۲ روز انجام میدهد ــ این عدد عبارتست از شمارهٔ روزهای لازه برای اینکه بکنفر کارگر بتنهائی کار مفروض را نمام کند ــ پس اگر ۲ اکارگر داشته باشیم مدت لازم برای انجامکار ۲ ۱ مرتبه کمتر و یا برابر ۱۳ است ۲۲ میاشد

**۱۳۴۳ - تبصره مهم** ـ با فاكر این دو مشل طرز حل مسائل تناسب با قاعدهٔ تحویل بیك معلوم كشت ـ در هر مسأله خاس طرز بیان ممكن است كمی تفاوت كند ولی با مختصر تمرین آشنائی كامل باین قاعده حاصل میگیردد ــ

لازمستهمواره دانش آموزان وادائت مسائن تناسب را هنجمر آ با قاعده تحویل بیک حل کشد.

# تناسب مركب

۳۴۳ ما تعریف ما اکس چند چندی مختلف متناسب داشته باشیم و از هن یک از آنها یک متدار معلوم باشد بطور که این مقادیر متناظر یکدیکی باشند مقصود از حل اندسب مرکب تعیین مفدار یالای از این چند، باست وقتی سایل مقادیر چندیهای دیگل تغییر اندیند

همال ۱ م نفر کارگر ۱۰ مشر ماهیب خلت برداری را در ۱۸ روز کان انجام میسهند به میخواهیم بدانیم ۱ ۱ نفراکارگر ۱۸،۰ متر ماهی خاله برداری را در چنه مست انجام میشهند به مفادیس معاوم و مقدار تجهیل میشند را بصفطر نق زیر خمیگرمهایوسید: برای حل مسئله ابتدا فرض میکنیم که میخواهیم ۲ اکارگر ۸ روز ۲۰ مترمکعب ۵ کارگر

همان ۲۰ متر مکعب را خاك برداری کنند و مدت لازم را برای انجام این عمل تعیین میکنیم یعنی میگوئیم ۵ کارگر ۲۰ متر مکعب خاك برداری را ۸ روز انجام میدهند پس ۱۲ نفر کارگر همان کار را در چند روز تمام میکنند \_ مقدار کار برای هر دو دسته برابر و تناسب معکوس است و مقدار مجهول برابر است با  $\frac{6}{11}$  یعنی ۱۲ کارگر در  $\frac{6}{11}$  روز متر مکعب خاك برداری میکنند \_ حال میخواهیم بدانیم همین عده برای خاك برداری میکنند \_ حال میخواهیم بدانیم همین عده برای خاك برداری میکنند \_ حال میخواهیم بدانیم همین عده برای خاك برداری میکنند \_ حندروز باید کار کنند \_ در اینجاتناسب مستقیم و مجهول مابر ابر است با

پس ۱۰ روز جواب مسئله است. حل این مثال با تحویل بیك \_ برای حل این مسئله باقاعده

تحويل بيك طرز استدلال بطريق زيرين است گوئيم :

همان جواب که دربالا یافتیم باز بدست آمده  $1 \cdot \frac{1 \times 1 \times 1}{1 \cdot \times 1} = X$ مثال  $7 - \Lambda$  دروگر در مدت  $1 \cdot \Lambda$  روز مزرعهٔ را که درازای آن

یا کیلو متر و پهنای آن  $1 \cdot \Lambda$  متراست درو میکنند در صورتیکه روزی

۹ ساعت کار کنند ــ میخواهیم بدائیم اگر ۲ دروگر بخواهند در ۱۵ روز مزرعه را که درازای آن ۸۰۰ متر و پهنای آن ۱۵۰ متر است دروکنند روزی چند ساعت باید مشغول کار باشند

> مقادیر معلوم و مقدار مجهول مسئله را بدینطریق میثویسیم: و ساعت ۲۰ و مربه ها ۱۰۰۰ و مردرازا ۲۰ و در ۱۰۰۰ و درکو

#### >7 >10 > A. >10. > X

برای حل این هسئله ابتدا فرض هیکشیم فقط شمارهٔ کارگر ها تغییر کرده باشد پسگوئیم اگر ۸ دروگر با روزی ۹ ساعت کارکاری را انجام میدهند ۲ دروگر همان کار را با روزی ( تناسب معکوس ) آپائه ساعت کار انجام بیدهند خواهند داد ب حال اگر بجای ۲۰ روز همین ۳ نفر ۱۰ روز کارکنند باید روزی ( تناسب معکوس ) آپائه ۱۰۰ شروعه بجای ۱۰۰۰ متر ۱۰۰۰ متر باشد باید روزی (تناسب هستقیم ) میرعه بجای ۱۰۰۰ متر باشد باید روزی (تناسب هستقیم ) از این متر باید با همین عدد به همین شرایعه روزی (تناسب هستقیم ) میرعه بجای ۱۲۰ متر باید با همین عدد به همین شرایعه روزی (تناسب مستقیم ) میراید باید با همین عدد به همین شرایعه روزی مقدار تناسب مستقیم ) برای اید با همین عدد به همین شرایعه روزی مقدار تناسب مستقیم ) برای اید با همین عدد به همین شرایعه روزی مقدار تناسب مستقیم ) برای اید با همین عدد به همین شرایعه روزی

And the second and the second

حل ابن مثال با تحویل بیك به رای حق بن مسئند به قاعده تحویل ملك طوز استدلال هفریق زیرین است کوئیم :

-3; -3;								
2). 2) \(	٨	^	٨	^	^	^	^	
λλες •	-	-	-	مع	-	-	F**	
کر پ	۸	. ^	^	Ä	A	A	^	
17.	-	-	-	*	-	0	-	<u>ئ</u> چر
وزمزن	*	A	A	^	A	^	۸	
ه را بدر «	^	^	^	A	e	e	•	جواب مسئله همانست كه بطريق بالا بدست آمده :
ازای		_	-	_	_			-립*
ىرازاىامتروپ «ا «	•			-		· · ·	· · ·	= 
ام ما	in	A	^	^	A	n	F	ربس
نای ۱۲۰ متردر ۱۲۰ «	7	7	-	-	_	-	9	Jako :
متر در و متر در و	*	٨	^	^	٨	A	^	44.63
برای اینکه ۸ در و گردر ۲ اروز مزرمهٔ را بدر از ای ۱۰۰۰ متر و پهنای ۲۰ امتر در و کنند با یدروزی	A	A	A	À	A	Α	^	750
ςς, γ , (2)	**************************************	4×4×17	1×4×17	4×4×17 1×17·×1	4×4×17 1×17·×110	4×4×17×4···	4×4×14×4·×10·	4 X X X 1 Y X A · · · X 1 0 · ·
ساعت کارکنند	^	^	^	A	A	^	A	· /·

میتوان پیش از شروع بحل مسئله دوجملهٔ را که در هر نوع تناسب میتوان پیش از شروع بحل مسئله دوجملهٔ را که در هریك از ستونها قرار گرفته اند بر بزرگترین مقسوم علیه مشتر کشان قسمت نمود زبسرا در برخه ای که جواب مسئله را بدست خواهد داد یکی از این دوجمله در برخه شمار ودیگری دربرخه نام قرار خواهد گرفت ــ مثالا اگر در مثال بالا این عمل را انجام دهیم تناسب چنین خواهد شد:

و مقدار x که از روی آن بدست خواهد آمد بدین صورتست :

ئار <b>ۇ</b> دى	.>	Sign gar	1872 J. 1974	No. of ann.
٤	ź	٥	ż	٩
r. W	1 0	e ÷	€ €	X

۱۳۷ م مستاه مرفوع به المسلم الدارسور في تد در بالا يافلنهم

### خیلی ساده تر است

تبصره ۳ - لازمست دانش آموزان را به تمرین زود عادت دادکه از نوشتن عملهای جزائی در حل مسلمه های تنسب خودداری نموده یعلی استدلال را درفاهن الجام داده نشایج را بشدریج بنویستد.

### A Shana

هستال**ه ۱۳۰** – سبت دو درازا برای ش۲ودرازای در گذربراو ۲۳،۹۳۳ متر میبشد – درازای تومکرردا تمین تنید ( ۱۵۶۰۵۳ متر)

مسئله ۱۳۱۱ – چه شاری مایما براز خاشه رو بارخه مایا خانجه او و د از این برخه برای آب گردن (عدد)

عسائله ۱۳۳ سائرته هروک النام صفحه ساعهی و ایم ماهجره بر ایر قسمت گرده هروک از این مستم برای ساعت هروک از این قسمتها برا یک فسم ساعت حسیه بی اداره جارت از کارد جارت از کارد با مصوف است

۱ سستعیین نسبت ساعت جدید بساعت معمولی و دقیقه جدید بدقیقه معمولی
 و ثانیه جدید بثانیه معمولی

اکر ساعت جدید . به ۱۰۰ و دانثان دهد ساعت معمولی معمولی به ۱۰۰ و دانشان خواهد داد

تانیه دقیقه ساعت ۳ – اگرساعت معمولی ۱۸ د ۲۵ ۸ را نشان دهد ساعت جدید چه و قتی رانشان خواهد داد

هستمله ۱۳۴ – دوترن درروی یك خطحرکت مینمایند تندیهای آنها متناسبند با عدد های ۱۰ و ۹ ترن اول ۳۰۰کیلومتر را در۷ ساعت میپیماید میخواهیم بدانیم دومی ۱۶۶کیلومتر را درچه مدت خواهد پیمود ( ۳ ساعت و ۱۲ دقیقه )

هستماه ۱۳۴۹ – کارگری ۳ کاری را در ۱۲ روز انجام داد کارگر دیگری داریم که کاری را که اولی در به ساعت انجام میداد در ه ساعت انجام میدهد .. این کارگر دوم بقیه کار را درچه مدت تمام میکند و اگر پس از انجام کار رویهم مبلغ ۲۸۰ ریال دستمزد بگیرند بهریك چقدر میرسد (بقیه کار در ۲۰ روز تمام میشود دستمزد اولی ۱۲۰ ریال )

مسئله ۱۳۵ سدر کارخانهٔ ۲۸ مرد و ۱۲ زن و ۱۰ طفل کارمیکنند ـ پس از ۲ روز کار هفتگی مزد همه آنها ۲۳۸۲ ریال است میدانیم مزد روزانهٔ ۳ مرد برابر مزد روزانهٔ یک بچه است تعیین کنید مزد روزانهٔ یک مرد ویک بچه را (مرد ۱۰ ریال زن ۲ ریال طفل ۳ ریال ا

هستمه ۱۲۰ سانتیمتر وقطر چرخهای جلو یك در شکه ه ۶ سانتیمتر وقطر چرخهای عقب آن ۱۲۰ سانتیمتر است. اگر پس از طی مسافتی چرخهای جلو ۱۲۰۰ دور بیش از چرخهای عقب چرخهای عقب چرخهای عقب جرخیده باشند تعیین کنید اولا در شکه چه مسافتی را بیموده و ثانیا هریك از چرخها چند دور چرخیده اند ۲۰۱۵ های های جلو ۲۰۰۰ دور چرخهای عقب ۳۰۰۰ دور )

هسدگمه ۱۳۰۱ – برای تغییر مسیل یک شهرستان بایدخندقی کند بدرازی ۳۰ متر و پهنای ۲ متر ـ یك دسته کارگر انجام این کار را برای ۲۰ روز تعهد نمودند ولی ۶ نفر از کارگران ۱۰ روز تتوانستند در کار شرکت کنند واز این جهت کار پس از ۲۰ روز تمام شد درصور تیکه میدانیم هر کارگر بطور متوسط روزی ۳ متر مکعب خاك برداری

میکند ممین کنید اولا گودی خندن را و ثانیاً شاره همه کارگرانرا (کودی خندن ٤ متر شمارهٔکارگران ۱۲ نفر)

مسئله ۱۳۸ — سه قعلمه زمین ۱۳۸ میری در این ۱۳۸ سه قعلمه زمین داریم بشکل مربع مستطیل که اورش پکمتر آنهایکی است وطوری پهلوی یکدیگر قرار گرفته اند که پهناهای اولی و دومی از طرفی

و درازا های دومی و سومی از طرف دیگر برابر میباشند مجموع درازاها ۱۱۰ ریال متر ومجموع پهناها ۱۱۰ متر است ومبدانیم که جمعهٔ این سه قطعه زمین ۲۰۱۳ ریال ارزش دارند و بهای آنهاهم بترتیب مناسبته باعدد های ۱۰ و ۳ و ۳ و ۳ معلموست درازا و پهنای هرقطمه وبهای یك متر مربع آنها ( درازاها بترتیب ۵۰ و ۳۰ و ۳۰ و ۳۰ مان و یهنا ها بترتیب ۲۰ و ۲۰ و ۲۰ متر سابهای یکمنر مربع ۸ ریال )

عدمگله ۱۳۹ سدو قطعه زمین داریه که نسبت مساحت او آی بدومی مثنر ۲ است به ۳ و قیمت ۶ مش مربع اولی بدوری است در سورتیکه دو قطعه زمین رویهام ۳۰ آر مساحت و ۱۳۳۰ ریال ارزش دارند معنوم کنید مساحت وقیمت یکمتر مربع عبر قطعه را از مساحت اولی ۱۲۰۰ متر مربع مربع ما مساحت دومی ۱۸۰ متر مربع دومی ۲ ریال ) دومی میرمربع روای هید درای این میری متر مربع دومی ۲ ریال )

# بخش دهم

مرابحه

### ١ \_ مرابحه ساده

جبزی را که بتوان از آن در صنعت یا کشاورزی یا بازرگانی یا در شخصی ملک یا خانه یا در شخصی دا که بتوان از آن در صنعت یا کشاورزی یا بازرگانی یا در شئون دیگر زندگانی استفاده نمود برای مدت معینی باختیار شخصی یا بنگاه دیگری بگذارد پس ازانقضای این مدت عین آن چیز باضافه مبلغی بعنوان مال الاجاره یا اجرت المثل دریافت میدارد بهمانقسم هم اگر شخصی سرمایهٔ نقدی را برای مدت معینی باختیار شخصی یا بنگاهی بگذارد پس ازاین مدت عرف وعادت برای شخص وام دهنده حقی قائل شده که اضافه بپولی که بوام داده است از وام گیرنده دریافت میدارد این عمل را مرابحه و مبلغی کهاضافه برسرمایهٔ اصلی دریافت شده سود خوانند.

۴۴٦ چهار چندی مرابحه \_ در مرابحه چهار چندی دخالت

مینمایند: ۱ \_ سرمایه ۲ \_ سود ۳ \_ نرخ ک \_ مدت

۳۴۷ ـ سرمایه ـ سرمایه عبارتست از مبلغی که در ابتدای مرابحه از طرف وام دهنده باختمار وام گرنده گذاشته میشود.

**۳۴۸ ـ سود ـ** مبلغی است که در آخرکار علاوه بر سرمایه از طرف وام گیرنده بوام دهنده داده میشود .

۳۴۹ - فرخ ـ نرخ قراری است که برای تعیین مقدار سودیین وام دهنده و وام گیرنده گذارده میشود ـ معمولا نرخ عبارتست ازسود

۱۰۰ ریال در یکسال و گاهی هم سود ۱۰ ریال را در یکماه نرخ
 مرابحه قرار میدهند.

هملا - اکر سود ۱۰۰ ریال را در یکسال ۳ ریسال تعیین کشند گویند ترخ سرابحه برابر صدی ۳ است ر آسرا چنین نمایش میدهند ۳٪ یعنی ۲۰۱۰ ریال سود هر ریال است.

۲۵۰ مان بر زمانی است که سرمایه و ام گرفته شد. در اختیار وام گرفته شد.

۱۵۱ - چهار مسئله مرابحه حچهار چندی سرمایده و سود و نرخ و مدت در مرابحه با یکدیکر متناسب میباشند و در هرمسئله وقتی یکی از این چهار جمله مجهول باشد میتوان مقدار آنرا بایهنگایال بنالت تناسب مرکب بدست آورد چون تمکن است مقدار هر باث از این چهار چندی مجهول باشد مسئله های مرابحه به چهار نوع تقسیم میشوند که ما آنها را بترایب حل خواهیم نمود.

۲۵۲ مسئله ۱ بدست آورشن سوه به شخصی ۲۰۰۰ تا ۲ریال سرمایه را با نرخ ۱۸ برای مدت سه سال بوا، داد معین کتب پس ال آین مدت چه مقدار سود عایش میشود.

حل «ترخ مرابعه صدی هشت است بعنی ۱۰۰ ریال سرمایه هر یکسال ۸ ریال سوده بدهد بد حال مبخواهیم بدانیم ۴۶۰۰۰ تریال درسه سال چندر سود میدهد بنا براین مبالله بحل این تناسب مرکب راجع میشود:

K 65 graph	N. Santa Santa	ريال سود
1 * *	١	is
* 5	*	₹.

این تناسب مرکب را با قاعده تحویل بیك حل سیکنیم ـ گوئیم مدت ۱۰۰ ریال سرهایه در یکسال ۸ ریال سود میدهد پس یکریال درهمین مدت  $\frac{\Lambda}{11}$  ریال سود مین مدت  $\frac{\Lambda}{11}$  ریال سود میدهد ـ این سود یکسالهٔ سرمایه ماست پس سود ۳ سالهٔ آن میشود میدهد ـ این سود یکسالهٔ سرمایه ماست پس سود ۳ سالهٔ آن میشود ریال ۱۰۰۰  $\frac{\Lambda}{11}$ 

المح - دستور \_ چنانکه دیده میشود برای بدست آوردن سود باید حاصل ضرب سرمایه در نرخ در مدت (بسال) را بر ۱۰۰ تقسیم نموده و یا بادر نظر گرفتن اینکه به سود سالیانه یکریال است میتوان دستور را چنین بیسان کرد: سود مساویست باحاصل ضرب سرمایه در مدت (بسال) در سود سالیانه یکریال.

مدت (بسال) × سودسالیانه یکریال × سرمایه = منت (بسال) برخ برسرمایه = سود

تبصره م دستوری که در بالا گفته شد کلی است و اگر مدت مرابحه شامل برخهای ازسال باشد بدوا آنرا تجنیس میکنیمیعنی درهر صورت مدت را یا بصورت عدد درست و یا بصورت عدد برخه ای بایکهٔ سال نمایش داده در دستور قرار میدهیم.

همال - اکر در مسئله پیش مدت مرابحه ۳ سال و هفت ماه و ۲۳ روز باشد نخست مدت را چنین مینویسیم:

۲۵۴ مسئله ۲۰ بدست آوردن سرهایه \_ چه سرمایه بانرخ ٥٠٧ درمدت ک سال ۱۵۰۰ ریال سود میدهد

ریال سود سال ریال سرمایه میدهیم ۱۰۰ ا ۱۰۰ تناسب مرکبی بدینطریق تشکیل میدهیم ۱۰۰ گ ۱۰۰ ا

میدانیم ۱۰۰ ریال سود ۱۰۰ ریال است در یکسال پس سود یکربال در همین مدت ۲۰۰ ریال خواهد بود .

پس برای بدست آوردن سرمایهٔ که سودش در یکسال ۴۰۰۰ ریال است کافیست ۴۰۰۰ ریال این آنیم میشود آنیم میشود آنیم است کافیست ۴۰۰۰ ریال شود میدهد پس سرمایه که در چهار سال ۴۰۰۰ ریال سود بدهد عبارت خواهد بود از:

**۳۵۵ - دستول** حینانکه دیده میشود بر ای بدست آوردن سرمایه باید سود را در ۲۰۰ ضرب نموده حاصل را بر حاصل ضرب نرخ در مدت ( بسال ) تقسیم نمود، و باسود اشی را در حاصل ضرب مدت(بسال) در سود سالیانه یکریال تقسیم کرد

۳۵۱ - عسمّله ۳ ـ بدست آوردن اوخ ـ ۰ ۰ ۶ ۵ ریان سرمایه از قرار چه نرخی در مدت ۶ سال و نبیه ۱۲۱۵ ریان سود میدهد؟ حل - برای حل این مسئله تشدست مرکبی ندینظریق تشکیل

مبتهي

کوٹنیو ۲۲۱۵ رینڈ سود ۰۰٪ ه رینڈ سٹ در چهار سال و نیم پس

سود یکریال در همین مدت میشود  $\frac{01710}{0.100}$ و سود 0.0 ریال در همین مدت میشود  $\frac{01710}{0.100}$  حال کوئیم این مقدار عبارتست از سود 0.0 ریال در چهار سال و نیم پس سود 0.0 ریال در یکسال که عبارت از نرخ باشد میشود:

پس نرخ مرابحه ٥٠/ است

رابر ابر ابر ابر ای بدست آوردن نرخ باید ۱۰۰ برابر سود را برحاصل ضرب سرمایه درمدت (بسال) تقسیم کنیم و یابرای بدست آوردن سود یکریال در یکسال سود کلی را بر حاصل ضرب سرمایه درمدت (بسال) تقسیم کنیم  $\frac{mec \times 100}{mec \times 100} = i$  نرخ و

مدت (سال الله على سود يكريال در سال مدت مدت مدخوا هيم تعيين كنيم ٢٥٨ مسئله على بدست آوردن مدت مدخوا هيم تعيين كنيم

۱۳۸۰ میده عین دیم ۱۳۸۰ میده ۲۰۰ ریال سودمیدهد؟

۲۰۰ ریال سرمایه با نرخ ۹/ در چه مدت ۲۰۷ ریال سودمیدهد؟

حل - برای حل این مسئله تناسب مرکبی بدین ترتیب تشکیل میدهم : دیال سود سال دیال سرمایه

گوئیم ۱۰۰ ریال در یکسال ۹ ریال سود میدهد برای اینکه یکریال همین مقدارسود بدهد ۱۰۰ سال مدت لازم است و برای اینکه ۲۰۰ مریال همین اندازه سود بدهد ۱۰۰ سال لازم است سرمایه ما درین مدت ۹ ریال سود میدهد و برای آنکه همین سرمایه یك ریال سود بدهد اینکه همان سرمایه یك ریال سود بدهد اینکه همان سرمایه ۷۰۷ ریال سود بدهد آن ۱۰۰ میان سرمایه ۷۰۷ ریال سود بدهد آن ۱۰۰ میل سرمایه ۲۰۷ ریال سود بدهد آن ۱۰۰ میل سال لازم است یعنی آن سال یا دو سال و دو ماه

۲۵۹ دستور به برای یافتن مدت (بسال) باید صد برابی سودرا بر حاصل خرب سرمایه در ترخ تقسیم نمود بر یا سود کنی رابر حاصل خرب سرمایه در سود سالیانه یکریال تقسیم کرد

Charles and the state of the st

• ۲۹ تبصره ههم مسه دستوری را که در نتیجه حل سه مسئله اخیر بدست آمد میتوان از دستور هستنه نخست استخراج کرد دستور نامبرده چنین بود:

The second secon

چون دو طرف این دستور را در ۱۰۰ ضرف و بار تعمل برحاصل ضرب دوسازه از سه سازد برخه شمار ( بعنی سرمایه دارخ با ملدت ) تقسیم کنیم مقدار هرباش از سه سازه دیگر بشرایب بدست میآید

۳۹۱ سرعایه و سود ده اصل و فرع با کناهی درمساله های مرابعه بجای آگناهی درمساله های مرابعه بجای آگناهی معاوم بشاه جوع آنیها بناه سود و سرمایه در دست است به این نوع عساله در را مسائل سرمایه و فرع اخوانند ...

هستگله با سر دایگا برا به نواخ ها از در ادمت دو سال و هشت اماه به مرزایجه گذارده این پس آن این مست شخوج امان و فرح در بر ۱۰۰ ریال شده امهائه بست سرمایه او سود این مراجعه ا

حلى بدا فياز تعميع عبكانها بث ريال سر هايه به مجين ترج هر مجين هنات چنمار حجاد عبدها بداكم أما سولا مدا عبد ورسته با يتحقق وراد، يس يكريال سرحاره به أبن البرابط تنه ريال سود هندها بلار ابن سود سرعاره يكروك بدل الرائن مات مرشود لي سوال محال الوثايد عريك ریال از سرمایه ماپس از این مدت با این نرخ ۱۰ ریال سود و سرمایه جِعاً خواهدداشت پس براي تعيين سرماية كهسرمايه وسودآن ٠٠٠٥ ريال است کافی است ۱۰۰ و ریال را بر برخهٔ ۱۷ تقسیم کنیم خواهد شد

 $0 \mid \cdot \cdot \cdot : \frac{1}{10} = \frac{10 \times 01}{10} = \xi \cdot 0 \cdot 0$ 

۲۹۲ دستور - در مسئله های سود و سرمایه برای بدست آوردن

سرمایه باید سود و سرمایه مفروض را بر سود و سرمایه یکریالتقسیم

سود و سرمایه مود و سرمایه کریال مایه کریال سرمایه

### مسئله ها

هستمله ۱۴۰ ـ مجموع سرمایه دونفر ۱۰۸۰۰ ریال است اولی سرمایهخود را با نرخ ۸۰٪ درمدت ۹ مام بسرایحه داد ودومی سرمایه خودرا بانرخ ۳٪ درمدت ۵ مام بسرایحه گذارد ـ درصورتیکه میدانیم سود اولی ۳ برابر سود دویمی است معلوم کنید سرمایه وسود هریك را

(سرمایه اولی،۱۰۰ ویال سوداولی ۳۳۰ ریال به سرمایه دویمی ۴۸۰ ریال سود دویمی، ۲۰۱۰ ریال ) سود دویمی،۲۰۱ ریال )

هستله ۱۴۹۰ شخصی ۱۷۹۰ و ۱۷ویال را بانرخ مجهولی دریکجد و ۱۳۹۰ ریال را بانرخ مجهولی دریکجد و ۱۳۹۰ ریال را با نرخ مجهول دیکر در بلکاه دیکری بسرابعه داد میدانیم سود سایانه او جما ۱۷۷۵ ریال و مجموع دوئرخ دومرابعه دیدان است تعبین کناید نرخ های دو سرابعه را ( اولی ۱٬۵۰۵ دویمی ۱٬۵۰۹ )

هستگه ۱۴۴ سا مینغ ۳۸۰۰ریال و اعریکاچهٔ بسرایحه داد. اینه ودرجای دیگر میلغ ۲۷۰۰را بازرخی که از نرخ اولی ۱٫۵۰۰ کنر بود بسرایحه داد. اینم سا درصورتیکه میدانیم سود سالیانه اولی ۱۲٫۵ (ریان بیش از دویمی بود. است معین کشیما دونرخ را (اکاولی ۱/۵ دویمی ۱٫۵۰۵)

هستاله ۱**۴۳ بـ شخصی ت**ل سرمایه خودرا درفرار ۱۳۰۳ درمات ۳ سال دریک بنگاه ویقیه از آیا فرخ ۱۳۰۷ در امات دو سال در ایری دیگل بدرایجه اساده اداد معین کتیما سرمایه اصلی ازا درصورتهکاه بس افر اربع معاند سود اولی ۱۹۶۰ بریال ادار افراسود

ايات دويني پوهم است ( ۲۲۰۰۰ م. ۸ م.م. ۸ م.م. ۸ م.م. ۵ )

هستگه ۱۴۴ به سرهایگره بدارخ ۱۵ دادهاست ۲۵۲ وروز بدرهٔ یمه گذاردهایم اگر سال راه ۳۳۰ وروز به ۳۳۵ بروز حساب آداریه در سود انجاد ای حاصل میشود همشوید است امین سرمایه درصور باک زین اندوان به انترا افزه ۱ دران انجریب برایر ۲۵ دیال ناست ( اسرمایه ۲۵۰۰ دیما ریان )

مسئله همهای در به به این همیمی سره رقم از دارج معهولی در مدند کامال وایم بسیایی در مدند کامال وایم بسیایی داد داد و ۲۰۲۰ وزال سود کرد در رواند درد در شخص درگذا سرمایهٔ برای کرد از ارخمی به های در پش در درج اور برد در مدند ۱۲۰۰ م براییده گذاش در و ۲۰۳۰ درال سود آری گرفت درد درد درد درد برد و دور ۱۳ در

هستگله ۴۳٦ ... سرمایهٔ با نرخ ۰/۰ بمرابعه داده شد<sup>ه</sup> پس از مدتی سود و سرمایه آن جمعاً ۹۲۰۰ ریال شده درصورتیکه همان سرمایه را با نرخ ۰/۸ در همان مدت بمرابعه بگذاریم سود وسرمایه آن ۹۲۰۰ ریال میگردد مطلوبست سرمایه ومدت مرابعه (سرمایه ۰۰۰ ریال مدت ۳ سال)

هسمله ۱۹۲۷ مه شخصی سرمایهٔ را بانرخ ه / بیرابحه داد پس ازمدتی ۱۵۰۰ ریال بابت سود آن دریافت کرد شخصی دیگر سرمایهٔ را که ۲۰۰۰ریال بیش ازاولی بود درهمان مدت بانر خ ۲۲۷۰ بیرابحه گذاشت درصور تیکه سود دویمی ۲۲۷۰ ریال باشد تعیین کنید دوسرمایه ومدت مشترك را

(سرمایه اولی ۱۲۰۰۰ریال ـ سرمایه دویمی ۱۴۰۰۰ ریال - مدت دو سال و نیم)

هستمله ۱۴۸ ـ شخصی ۲۱۰۰۰ ریال از سرمایه خود را بنام سه پسرش که

به ترتیب ۱۹و۷۱ و ۱۲ سال داشتند بازرخ ۱۰٪ در بنگاهی بمراجه گذاشت بطوریکه

اندوخته هریك بابت سود وسرمایه پس از انجام خدمت نظام وظیقه (سن۲۳ سالگی)

برابرگردد مطلوبست سهم هریك واندوخته هركدام درسن ۲۳ سالگی.

(سهم اولی ۲۶۰۰۰ ریال - دویسی ۲۱۰۰۰ ریال و سومی ۱۲۰۰۰ ریال اندوخته هریك در۲۳ سالگی ۳۳۶۰۰ ریال )

هستمله ۱۹۹۹ ـ سرمایه شخصی ۱۹۹۰ ریال است قسمتی از این سرمایه با نرخ ۲. درمدت ۱۸مه و بقیه با نرخ ۰. درمدت شش ماه بر ابحه داده شده درصور تیکه دوسود مساوی باشند مطلوبست دوقسمت سرمایه (۲۰۰۰ ریال و ۱۲۰۰۰) مستمله ۱۲۰۰ مشخصی ۱۲۰۰ و ریال سرمایه خود را بدوقسمت نبوده قسمت اول را از قرآر ۰. و وقسمت دوم را بانرخ ۰.۷. بر ابحه داد پس از ۲ ماه که سود های آنها را دریافت کرد پیش خود حساب نبود که اگر قسمت اول را با نرخ ۰.۷ وقسمت دویم را با نرخ ۰.۰ بیر ابحه گذارده بود درهمین مدت ۷ ریال بیشتر سود مبیرد - مطلوبست دوقسمت سرمایه (اولی ۲۰۰۰ سریال دویمی ۲۶۰۰ ریال) مستمله ۱۹۵۱ ـ شخصی قسمتی از سرمایه خود را بانرخ ۰.۰ وقسمت دیگر را با نرخ ۲.۰ بیر ابحه داد پس از ۳ ماه جماً ۹۸۲، در مدت ۱۵ ماه بیر ابحه داده بود قسمت اول را با نرخ ۲۰۰ ودویمی را با نرخ ۰۰ در مدت ۱۵ ماه بیر ابحه داده بود

( اولی ۲۰۰۰۰ ریال دومی ۱۸۰۰۰ ریال و مجموع ٤٣٠٠٠ ریال )

جماً ١٠٠٠ ريال سود عايدش ميشد مطلوبست سرمايه اصلى او

هستله ۱۵۳ ـ شخصی قستی از سرمایه خودرا بانرخ ۲۰۱ و قسمت دیگر را بازخ ۱۰۱۰ بر ابعه داد پس از ۸ ماه بایت سود و سرمایه هردو قسمت جما ۱۵۸۵۸ ریال دریافت کرد ـ مطلوبست دوقسمت سرمایه هرگاه نسبت سرمایه اولی بدومی مانند ۸ باشد به ۹ ( سرمایه اولی ۲۲۰۰ ریال دومی ۸۱۰۰ ریال )

همگله ۱۹۳ مشخصی به سرمایه خود را به نوخ مجهولی بدرایجه داد و بقیه را نیز به نوخ دیگری بدرایجه داد و بقیه را نیز به نرخ دیگری بدرایجه گذاشت درصورتیکه سودهای سالیانه هر دو برای ۳۰۰ ریال بهریاف از سرمایه ها افزوده شود مجموع سود های سالیانه ۵٫۵ ۳۵ ریال میگردد مطاویست سرمایه ها و نرخ ها

( ۲۶۰۰ ریال بازے ورعائو ۲۷۰۰ ریال بازے ۱۸۲۰ )

هستگله ۱۵۴ مد شخصی ۱۰۰۰ ریال سرمایهٔ خود را باترخ ۱۵ به به بعه داد پس از سه ماه شخص دیگر ۱۰۰۰ ریال را باترخ ۱۸۸ بسرایجه داد مدین کناید اولا رس از چه مدت سود و سرمایه این دو سرایجه برایر میگردد به تابیا پس از چه سدت سود و سرمایه این دومرایحه برایر میشود (۱۹۷ بس از ۱۹ مدا به بس از ۲۶ سال و ۲ ماه) هستگله ۱۵۵ می در سرمایه که نسبت سهد مانند ۳و۷ به دید بر ایجه گذاشته هستگله ۱۵۵ می در سرمایه که نسبت سهد مانند ۳و۷ به دید بر ایجه گذاشته

( اولی ۲۷۰۰۰ ریل سیری ۲۲۰۰۰ ریل ۱

# بخش يازدهم

# تنزیل ۱ - تنزیل ب**یرون**ی

۳۹۳ - تعریف \_ داد و ستد های تجارتی اغلب با پول نقد انجام عمیگیرد بلکه خریدار سند و عده داری بنام برات یا حواله بفروشنده میدهد یعنی تعهد میکند که بهای کالا را پس از مدت معینی بپردازد و واضح است که این بها با بهای نقدی کالا باید اختلاف داشته باشد یعنی اگر نقداً میخرید بهای آن کمتر میشد

اگر فروشنده پیش از موعد معین بوجه این برات احتیاج پیدا کرد میتواند آنرا ببنگاهی بفروشد ـ از این رو یك نوع داد وستد بنام داد و ستد اسناد یا براتها در بازرگانی ایجاد میگردد

مبلغی را که درسند یابرات نوشته شده و دهنده برات تعهد پر داخت آن را پس از مدت معینی نموده است مبلغ اسمی برات و آنچه را که بابت این سند پیش از انقضای مدت در هر موقع میتوان دریافت داشت مبلغ فعلی آن برات در آن موقع خوانند - اختلاف مبلغ اسمی و مبلغ فعلی را که عاید خریدار برات میشود و عبار تست از سود مبلغ اسمی برات در مدتی که تا انقضای و عده مانده تنزیل برات خوانند و این عمل مازرگانی را نیز تنزیل گویند پس

تنزيل = مبلغ فعلى - مبلغ اسمى

مثال - شخصی در اول مهر هماه ۱۳۱۷ ملك خود را یكساله به ۱۳۱۸ ویل تیرماه ۱۳۱۸ ملك خود را یكساله به ۱۳۱۸ ویل تیرماه ۱۳۱۸ دریافت دارد و سندرسمی در این معامله بدست آورد . ولی اجاره دهنده روز اول اسفند ۱۳۱۷ بهول احتیاج بیدا کرد سند خود را در بنگاهی با نرخ ۲٪ تنزیل نموده ... میخواهیم بدانیم چه مبلغ یول گرفته

حل اگرشخص اجاره دهنده تا اول تبر ۱۳۱۸ تأهل همی تعود میداشت ولی این شخص میدخواهد پول خود را جهاره آه زودتر بگارد و چون در این هشت مبلغ اسمی هقداری سود میدهد این شخص نمیتواند تماه ۲۵۰۰ ۲۲ ریسال اسمی هقداری سود میدهد این شخص نمیتواند تماه ۲۵۰۰ ۲۲ ریسال وا بگیرد بلکه میلفی (تنزین) از آن که میگردد بعثی باید از میلغ اسمی سود چهار هاهه ۲۰۰۰ ۲۲ ریال را از قرار نوخ ۲۰۱ که افرد میدانیم این سود برابر ۲۰۱ که افرد میدانیم این سود برابر ۲۰۱ که افرد میدانیم این سود برابر ۲۰۱ که افرد میدانیم در افز اسفتد میاه ۱۳۱۷ دریافت دارد عبارتست از تنزیل میدواند در افز اسفتد میاه ۱۳۱۷ و میلغ دریافت دارد عبارتست از دریاف ۲۳۵۷ میدانیم دریافت دارد عبارتست از دریافت دریافت در آن تدریاف

۱۸۰۰ هستله ۱۵ آودیمیش میلغ فعلی درات بر ای بمیلغ کمید اکس ریاف در تاریخ ۱۵ آودیمیشت قیمان برداخت است نعیین کشید اکس بخواهیم آترا روز ۱۸ فروردیمن درمافت داریم و تنزیل با سرخ ۱۸۵ باشد چقدر بول هیگیریم

حل ساز۱۱۸ فروردین تا۱۱ اردیبهشت ۲۷ روز است پس باید سود ۲۰۰۰ باک را با برخ ۱۸ ادراین مدت حساب شنیه میشود:

این مبلغ عبارتست از تنزیل و چون آنرا ازمبلغ اسمی یعنی ۰ ۰ ۰ ۸ ۸ ريال كم كنيم مبلغ فعلى يعني:

۲۹۸۷ = ۱۸۰۰ ماند

٢٦٥ مسئله ٧\_ تعيين مبلغ اسمى برات \_ مطلوبست مبلغ اسمى براتی که موعد برداخت آن ۷ شهریور است و چون آنرا در ۲۷ تیر ماه با نرخ ٥ر٧٪ تنزيل كنيم ٥٨٥٥ ربال بابت مبلغ فعلى بما داده شود.

حل - میدانیم مبلغ فعلی برات برابر است با مبلغ اسمی منهای تنزیل که عبارتست از سود مبلغ اسمی \_ پس مسئله بدین صورت درآمد. که در مرابحه ای سرمایهو سود مجهول ولی مدت نرخ و فضل سرمایه و سود معلوم است ـ

از ۲۷ تیر تا ۷ شهریور ۲ کی روز است ـ یکریال از مبلغ اسمی را اختیارمیکنیم ـ سود این یکریال پس از ۲ ۶ روز بانرخ ۷٬۰٪میشود ریال  $\frac{1 \times v.o \times 2r}{1.0 \times r.v}$  پس فضل سرمایه بر سود برای هریك ریال از سرمایه  $\frac{v.v.o \times 2r}{v.v.o \times r.v}$ 

ورابر  $\frac{\sqrt{37}}{\lambda \cdot \cdot \cdot} = \frac{\sqrt{37}}{\lambda \cdot \cdot \cdot} = 1$  میشود ـ و واضح است که چون  $\frac{\sqrt{37}}{\lambda \cdot \cdot \cdot} = 1$  را بر این برخه تقسیم کنیم مبلغ اسمی برات بدست میآید وآن عبارتست از

## 407 VO = 144 = 42 . . .

تبصرة - از این دو مثال معلوم میگر دد که حل مسئله های تنزیل عيناً بحل مسئله هاى مرابحه راجع ميگردد.

## ٢ ـ تنزيل دروني

٣٦٦ - تعریف - چنانکه دیدیم درتنزیل بیرونی سودمبلغ اسمیرا

بنام تنزیل ازمبلغ اسمی کم نموده بقیه را که مبلغ فعلی برات بود بصاحب برات میدادند ــ ولی ممکن است سود مبلغ فعلی برات را بنام تنزیل از مبلغ اسمی آن کم نمود در این صورت مبلغ اسمی برابر است با حبلغ فعلی (سرمایه) باضافهٔ سود مبلغ فعلی (تنزیل درونی) ــ بنا بر این مسئله های تنزیل درونی راجع میشود بمسائل سود و سرمایه

همتاله مطلوبست مبلغ فعلی براتی که مبلغ اسمی آن ۲۵۰۰۰۰ ریال و ۲۳ روز پیش از موعد پرداخت آن بخواهیم آنرا با نرخ ۲۸۸ تنزیل درونی کنیم ــ

حل. میدانیم ۰۰۰۰۰ ۷ ریال عبارتست از سرمایه بعلاو وسودکه سرمایه آن مبلغ فعلی و سود آن تنزیل میباشد ... چون از دستور تعربین سرمایه وقتی مجموع سود و سرمایه هعاؤه باشند استفاده کشیم بعثی:

و مديد الربود سازامه الكريال الربال الله هوافع فعلى بــ معافوج هيشود كه هوافع فعلى . ربان

عبارتت از ۱۳۹۱۰۹ = په

قبصوه - اگرتشریل بسروی همچن برات را حساب گذیب چنین می شود ۱۹۰۰ میل ۱۹۰۰ میلی دیاد داد است است شد تشریل بهرونی

پس مبلغ فعلمي با نازيل بهروني منشود

۱۰۰ م ۹ ۳ ۳ ۳ م ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ ۱ بعلی تقاوت بین دو امیانغ فعلی . د د

در تنزیل پیرونی و درونی ۹ در ۱۵۹ مه ۱۹۳۹ م ۱۹۳۹ کیت

ان ایشجهٔ معلوم میگر دد. که تشریل بیرم نی بشفیر بنگاهی است که بر آن را میخرد و تانزیل درری بلغیر فروشاند در آن است وانی دربازرگانی هیچ کده تانزیل دروانی را یکار نمیبراند

## ٣ ـ تبديل چندين برات بيك برات

۲۹۷ - هستمله ۱ - شخصی ۳ برات دارد اولی بمبلغ ۲۰۰۰ ریال که ۶۰ که ۲۰ روز بموعد پرداخت آن مانده - دومی ۲۰۰۰ ریال که ۶۰ روز بموعد پرداخت آن مانده سومی ۲۰۰۰ ریال که ۱ ۸ روز بموعد پرداخت آن مانده سومی ۲۰۰۰ ریال که ۱ ۸ روز بموعد پرداخت آن مانده - این شخص میخواهد برات خود را بیك برات تبدیل کند بطوریکه مبلغ اسمی آن برابر مجموع مبلغهای اسمی سه برات و مبلغ فعلی آن سه برات باشد - مطلوبست موعد پرداخت این برات در صورتیکه نرخ تنزیل ۲% است

حل\_واضح است تنزیل این یك برات برابر مجموع تنزیلهای سه برات اولی خواهد بود \_ پس تنزیل هریك از این سه برات را حساب میكنیم بترتیب میشود :

$$\frac{r_1 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_2}{r_1 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_3} = 0 \quad \underbrace{r_2 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = \sqrt{r_1 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_2 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_3 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdot x_4 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_1 \cdot x_2 \cdot x_4 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_4 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace{r_5 \cdot x_5}_{l_{1} \cdot l_{2}} = 0 \quad \underbrace$$

پس آن یک برات بمبلغ ۲۰۰۰ ریال و ۲۲ روز دیگر قابل پرداخت است ـ مدت ۲۲ روز را موعد میانگین این سه برات خوانند تبصره ههم ـ میتوان بآسانی دید که میانگین تابع نرخ تنزیل نیست یعنی اگر نرخ تنزیل تغیر نماید موعد میانگین تغییر نمیکند

۲۹۸ مسئله ۲ سه برات داریم اولی بمبلغ ۲۰۰۰ ریال بموعد ۲۰۰ روز و سومی بموعد ۲۰ روز و سومی بمبلغ ۲۰۰۰ روز و سومی بمبلغ ۲۰۰۰ ریال بموعد ۲۵ روز میخواهیم این سه برات رابیك برات تبدیل کنیم که ۳۲ روز دیگر قابل برداخت باشد ـ مضاویست مبلغ اسمی این برات در صورتیکه نوخ تنزیل ۹ شاست

حل ــ واضح استکه مبلغ فعلی این یك برات باید بر ایر حاصل جمع مبلغهای فعلی آن سه برات باشدیس مبلغهای فعلی هرباث از آن سه برات راتعیین میکنیم :

V1... - V2... 12 mm yours y r... - V2. 12. - Y4VVo

The same was the same of the s

پس مبلغ فعلی برات ما میشود ۴۰ م۱۲۹۰ م۱۲۹۰ ما ۱۲۹۰ ما ۱۲۹۰ میشود کور تا به بیان کرد که اگر آن را با ایر خ حال پاید مبلغ اسمی براتی را تعبین کرد که اگر آن را با ایر خ ۹ در ۳۳ روز پیش از موعد تنزین کالیه مبلغ فعلی آن ۲۹۰۳ ما ۱۲۹۰ ریال کردد به برای اینکار چاداکه ضمن تعبین مبلغ اسمی دیدیو بساید اول مبلغ فعلی براتی را که مبلغ اسمی آن بکریش است بدست آورد

ميل ميلغ أسمل براني كدمياني فعلى أن ١٧٥٠ ١٧٠ ريال أست برايل

القريب ) ۱۳۰۲۰ ما د ما التربية )

خواهمد بود سارس میلغ السمی آن بك برات ۱۸ر ۲۲۰ ۱۳۰ ریال و ۳۲ روز دیگر قابل برد خت خواهد بود

#### مسئله ها

هستمله ۱۵۳ ـ شخصی ۲۰۰۰ریال وام داردکه باید آنرا دراول تیرماه بپردازد ـ روز ۱۰ اردی بهشت براتی بمبلغ ۱۸۰۰۰ ریال که در ۱۷ مرداد قابل بردازد ـ روز ۱۵ مرداد تاجسابش برداخت است به بستانکار خود داد ـ تعبین کنید چه مبلغ باید نقداً بپردازد تاحسابش تصفیه کردد در صورتیکه نرخ تنزیل ۲۰/ است (۲۳۲۷ ریال)

هستگه ۱۹۵۷ شخصی متداری آهن را که ۲۰۶۵ ریال خرید. بود فروخت و برانی بمبلغ ۲۰۰۰ و یال بوعدهٔ ۳۳ روزگرفت ـ اکر این برات را فوراً بانرخ ۱٪. تنزیل نماید چقدر سود خواهد برد ( ۲۰ره ۷۷ریال )

هستمله ۱۵۸ ـ بازرگدانی چند صندوق چینی خرید وبهای آن رابوسیله براتی بدیلنع ۲۶۰۰۰ ریال و بموعد ۳۸ روز پرداخت ـ پس ۱۳ روز چینی ها را فروخت و بایت قیمت آن سندی بعبلغ ۲۲۰۰۰ ریال بموعد ۹۹ روز دریافت کرد مطلوبست سود بازرگان در صور تیکه نرخ تنزیل ۲٪ بوده است (۱۹۸۶ ریال) هستمله ۱۹۸۹ ـ شخصی دو برات یکی بعبلغ ۲۰۰۰ ریال بموعد ۶۸ روز دریافت بعبلغ ۲۰۰۰ ریال بموعد ۶۸ روز را در بانکی تنزیل نمود و ۱۱۰۰۶ ریال دریافت نمود ـ معین کنید نرخ تنزیل را (۲.۲)

هستگله ۱۹۰۰ مخصی براتی داشت بمیلغ ۲۶۰۰ ریال بموعد ۳۰ روزشخص دیگری براتی داشت بمبلغ ۴۰۰ ه ریال بموعد ۴۰ روز - پس از تنزیل و گرفتن یول دومی ۲۹۱۹۰ ریال بیش از اولی دریافت داشت - تعیین کثید نرخ تنزیل را (۵۰۰۰)

هسمله ۱۹۱۱ میلنی وامدارد ومیتواندآن را بدوطریق اداکند یکی با برات بمبلغ ، ۷۰۰۰ ریال بموعد ۹ ماه و دیگری با براتی بهمان مبلغ یعنی بازخی که ۱۰۰۰ پیش از نرخ اولی است ـ تعیین کنید وام آن شخص و دو نرخ را ( وام ۷۲۷۰ - نرخ اولی ۱۰۴ دومی ۱۰۹۰) هسمله ۱۳۱۲ ـ مجموع مبلغهای اسمی دوبرات ۲۳۸۲۰۸ ریال است برات دومی انرخ ۱۰۸ وبموعد ۲۲ روزمیباشد ـ معلوم کنید مبلع اسمی هریك ازدوبرات را در صورتیکه میدانیم مبلغ قعلی برات دوم برابر یك چهارم مبلغ اسمی برات اولی است در صورتیکه میدانیم مبلغ قعلی برات دوم برابر یك جهارم مبلغ اسمی برات اولی است

هستًا ﴾ 🔭 📗 شخصی دو براتدارد اولی بموعد ٤ ه روز و دومی بموعد ٢ ٤ روز

و میلغ اسمی برات دوم ۱۳۰۰ میلغ اسمی برات او ای است میخواهید مبلغ اسمی هر یک از دوبرات را تمیین کنیم در صورتبکه میمانیم اگر این دوبرات را بسانرخ ۱۰۰۰ تنزیل کنیم مجموع دو تنزیل برابر ۱۳۸۶ ریال میشود ( اوئی ۸۷۰۰۰ ریال دومی ۶۸۰۰ ریال )

هستگله ۱۹۴۴ ــ مطلوبست میلغ اسهی براتی که ۱۵ دوز بوعدهٔ پرداخت آن مانده و چون آنرا با نرخ ۲۰۱ تنزیل کنیم اختلاف تنزیل درونی و بیرونی آن ۱۹۰ ریال شود (۲۰۹۰ ریانی)

هستگله ۱۹۵۵ شخصی دوبرات دارد اولی بدانع ۲۰۰ فاریال بسوعده مام ودومی بسلغ ۲۰۰ ه این بسوعده مام ودومی بسلغ ۱۹۵۰ این دو بدرات را بیک بیرات بدانغ اسمی ۵۱ ۲۷ مرال ( با کستر از بک دینار تقریب ) تبدیل کنند تعییل کانبد موعد این دو برات را در صورتیکه نرخ نتزیل ۱۰/۱ است ... ( ۹ مام )

هسنله ۱۲۱ بـ شخصی میخواهد دوبرات را یکییمنفغ ۲۰۰۰ ریال بموعد ۲ مام و دیکاری ۲۰۰۰ ریال بموعد که ماه میدیل آدند یاشه برات بمینغ ۱۹۱۵ ( یا کاتر از یك دیشر تقریب ) بموعد ۵ ماه به تعیین کذید ایراخ انتریل را ( ( ۲۰۱۱ )

هستله ۱۹۷ د شخصی سعبرات دارد اولی بینم ۲۵۰۰ ویال بیوهد ۷۲ روز دومی بینم ۲۸۰۰ ویال بیوعد ۵۵ روز وسومی بینم ۲۵۰۰ ویال بیوهد ۸۱ روز و میخواهد آنها را تیمیل بیك برات اشد بیوعد ۲۰۸ وروز د تعیی اثنید میخواسمی این برات اخیر را در صورتیکه از تر اتزیق ۲۰٪ است (۲۳ ر۲۳ ر۲۳ و ۱۵۰۸ ریال) مسلته ۱۸۸ د شخصی میجواهد ۲۱۳۹ ۲۰ ریال واد خودرا بامه رات که

میشه اسمی آنها برقی ناست بیرهازد اولی بهوعمه ۴ رون و تومی بموعمه ۵ رون و سومه روس در سومی میشود. بموعمه ۲۰ رون د نمیت کنید مینغ ناسمی مشترک سه برات ره در صورتها میسانیم نرخ تنویل از قرار ۱۲۰۱ بوده ناست

# بخش دواز دهم

# تسهیم بنسبت و مشارکت

### ١ \_ تسهيم بنسبت

۱۹۹۸ - تعریف - تسهیم بنسبت عبارنست از تقسیم کردن مقداری از یک چندی معین بین چند نفر بطوریکه اولا مجموع سهمها بر ابر آن مقدار مفروض و ثانیاً سهمهای هر یک متناسب با اعداد معلومی باشند مثال ۱ - فرض کنیم ۲۰ ریالرابین دونفر قسمت نموده باولی ۱۰ ریال و بدومی ۱۶ ریال داده ایم - گوئیم این مبلغ بین این دونفر بنسبت ۵ و ۷ تقسیم شده زیرا به عنه این مبلغ بین این دونفر بنسبت ۵ و ۷ تقسیم شده زیرا به عنه این مبلغ بین این دونفر بنسبت ۵ و ۷ تقسیم شده زیرا به عنه این مبلغ بین این دونفر بنسبت ۵ و ۷ تقسیم شده زیرا به عنه دوسی

مثال ۲ - در کوچه ای چهار خانه بردیف یکدیگر قرار گرفته اند وصاحبان این خانه ها بشرکت یکدیگر جوی آب وسطح کوچه راساختند هزینهٔ این کار جعا ۴۸۰۰ ریال شد - میدانیم درازای دیوارهای این خانه هابترتیب برابر است با: ۲۶ متر و ۱۷ متر و ۳۵متر و ۱۶ متر میخواهیم بدانیم هریك چه مبلغ بایدبدهند - قبلاتعیین میکنیم دارندهٔ هریك متر

دیوارچقدربایدبپردازدجم درازای دیوارهابرابر ۹۰ = ۱۲ + ۲۰ + ۲۲ + ۴۲ میباشد و چون هزینهٔ کلی ساختمان ۹۸ ۲۸ ریال شده هزینهٔ ساختمان ریال

یك متر ۲ ه  $=\frac{\cdot 77^2}{9}$  است پس مبلغی كه صاحبان این خانه ها باید بپردازند ریال

عبارتستاز: اولی ۲۲×۸=۲۰×۲۶ دومی ۸۸۶=۲۰×۱۷

سومی ۱۸۲۰ = ۲۰ × ۳۰ چهارهی ۷۲۸ = ۲۰ × ۱ ٤ × و واضح است که حاصل جمع سهمها بر ابر هزینه کلی است:

۰۲۷- قاعده - برای تقسیم مقداری ازچندی معین به سبتچند عدد مقدار مفروش را بمجموع این عددها قسمت نموده خارج قسمترا در هر یك از آن عدد ها شرب میكنیم

مثال میخواهیم مبلغ ۲۱۳۸۵ ریال را به نسبت عدد همای بخوری و ۱۲ قسمت کنیم فیلالین برخه ها را بیك برخه نام مشترك تحویل میکنیم و چنین میشود .

Floren Esphere Areve

و وافتح است که حساصل چی سیمها بر ایر امیانی است ۳۷۲۰،۱۰۵،۵۷۵،۲۱۳۵۰

تبصره ما کرهمه عددهدایی را که سبت سهمها برآمدخس میسازند در یك عدد درت و بادر بنت عدد تنسبه کنیه و اندح است که درنسبت بین آنها و دانشیجه درسهمها تغیری حاص میشود. نقا ساین کر این عددها برخه ای باشند آنها را بیك برخه نام مشترك تحویل نموده عمل تسهیم رابنسبت برخه شمارها انجام میدهیم یعنی این عددها را دربرخه نام مشتركشان ضرب میكنیم - بهمین ترتیب میتوان عددهای نامبرده را برعدد معینی تقسیم نمود وبرای سهوات عمل بهتراست همیشه این عددها را بر بزرگترین مقسوم علیه مشتركشان قسمت كرد .

بال

مثال ۱- میخواهیم ۴ که را بنسبت عکس عددهای ۳ و ۵ و ۳ قسمت کنیم - عکسهای عددهای ۳ و ۵ و ۳ عبارتند ازبرخه های  $\frac{1}{2}$  و  $\frac{1}{6}$  و  $\frac{1}{6}$  و نمانند مثال بالا عمل کنیم میبینیم که مبلغ مفروض را باید بنسبت عددهای ۱۰ و ۳ و ۵ قسمت کرد وسهمها بترتیب عبارت خواهند بود ریال بیت ریال

از ۲۰۰ و ۲۶۰ و ۲۰۰

مثال 7 - میخواهیم عدد ۱ و ۱ را بنسبت عددهای ۲ و ۱ بطوری قسمت کنیم که ضمناً سهمها بنسبت عکس دو عدد 7 و 8 نیز باشند بران اینکار باید عدد مفروض را بنسبت دو برخهٔ  $\frac{7}{7}$  و  $\frac{7}{6}$  یا دو برخهٔ  $\frac{7}{12}$  و  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{7}{12}$  و  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{7}{12}$  و  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{9}{12}$  و  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{9}{12}$  و  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو عدد  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو برخهٔ  $\frac{9}{12}$  یا بالاخره بنسبت دو برخهٔ بنسبت کرد سهمهابتر و بنسبت دو برخهٔ بنسبت دو بنسبت دو برخهٔ بنسبت دو بنسبت دو برخهٔ بنسبت دو بنسبت دو برخهٔ 
## ۲ \_ مشارکت

۲۷۱ - تعریف - مقصود از حل مسئله های مشارکت عبارتست از تعیین سود یا زبان چند نفرکه با سرمایه های معین درمدنهای مشخص ببازرگنی برداخته اند.

۳۷۲ ـ مسئله ۱ ـ سه نفربرای ساختن یك خانه شریك شدند اولی ۱ ۲۰۰۰ ریال و سومی ۱۲۰۰۰ ریال

سرمایه بکاربردند ـ پس از ساختن خانه را به ۲۹۴۸ ریال فروختند مطلوبست سود هر یك از این سه نفر

حل ــ اولا واضح اپنت كه سود كلى برابر

ریال ۱۲۶۸۰ - ۲۰۰۰ میلف را بنسبت سه سرمایه یعنی بنسبت سه عدد میشود و باید این مبلغ را بنسبت سه سرمایه یعنی بنسبت سه عدد مای ۱۲۰۰ و ۱۲۰۰۰ و یابنسبت عدد های ۲ و ۳ و ۵ که از تقسیم هر یك از سرمایه بر بزرگترین مقسوم علیه مشترا یعنی ۲۰۰۰ حاصل شده قسمت کنیم سچون بموجب قاعده زالا عمل کنیم میبنیم سود ها نتر تسب عبارت خواهند بود از

ع ع ۹ ع ع × ۱۹۶۰ ( دومی ) ۲۹ ۳ ۳ ۳ ۲ × ۱۹۶۱ ( اولی ) ویل ۱۹۶۰ ( دومی ) ۲۹ ۳ ۳ ۲ ۲ ۲ ۱۹۶۱ ( اولی )

۳۷۳ مسئله ۲ مشخصی به ۰۰۰ دربال سرمایه بهاورگایی پرداخت پس از ۳ مده یک نفر دیگر باسرمایهٔ ۱۰۰۰ دربال بالوشویك شد و پس از ۵ مده دیگر شخص سومی به اهمان سرمایه یعنی ۱۰۰۰ دربال بود ویش آنها شریك شد . در آخرسال سود ویش د آنها ۵ ۷ دربال بود تعیین کفید سهیو هر یک آن این سه نفر را

حل سچون سرمایه های این سه نشرین ایر است پس سودهای آنها متناسب باهدی است کهسر ما بهٔ هر باث اکار رفته با سر هایهٔ او این ۲ ۲ ماه و سرهایهٔ

دومی ۱۳۰۹ میزد در سرمارهٔ سومی ه ۱۳۰۳ در کار بوده به پس برید مینغ ۲۰۱۹ و بیالدرایست سدعدد ۲ او ۹ و ۶ قسمت کنیم با سهمها بشرفیب عبارت خواهد بود از ۲۲۸۰ در ۱۷۱۰ و ۲۲۰ ریال ۲۷۴ - هستمله ۳ - شخصی با سر مایه ۲۰۰۰ ریال بنگاه بازرگانی بر یا کرد - پس از ۳ مناه یکنفر دیگر با سر مایهٔ ۲۰۰۰ ریال بنگاه ریال با او شریك شد و پس از ۲ مناه دیگر شخص سومی با سر مایهٔ ۱۸۰۰۰ ریال با آنها شرکت کرد و پس ازسه ماه دیگر شرکت برچیده شد - تعدین کنید سود هر یك را در صورتیکه سود و یژهٔ آنها برابر شد - تعدین کنید سود هر یك را در صورتیکه سود و یژهٔ آنها برابر

حل - چون سود ها هم با سرمایه ها یعنی باعدد های ۲۰۰۰ و و و م با مدتها یعنی با عدد های ۸ و و و و م با مدتها یعنی با عدد های ۸ و و و ۳ متناسبند پس با حاصل ضرب هر سرمایه در مدتی که آن سرمایه یکاررفته متناسب میباشند - یعنی باید سود ویژه را بنسبت حاصل ضربهای: و یا بنسبت عدد های ۱۹۰ و ۷۰ و ۶۰ قسمت کرد - سهمها بترتیب عبارت خواهند بوداز: ۸۰۸۲ (سومی) ۳۹۰۸ (دومی) ۳۲۰۸ (اولی) عبارت خواهند بوداز: ۸۰۸۲ (سومی) ۳۹۰۸ (دومی) ۳۲۰ مرای تقسیم سود و زبان شرکت بین شرکا باید این سود و زبان را بنسبت سرمایه ها (اگر مدتها برابر باشند) یا بنسبت مدتها (اگر سرمایه ها برابر باشند) و یا بالاخره بنسبت حاصل ضربهای هریا که ازسرمایه ها درمدتش (اگر هردو مختلف باشند)

### مسئله ها

هستمله ۱۹۹ ـ نازرگذانیکه بسه نفریترتیب مبنغ ۲۶۰۰۰ریال و ۲۰۰۰ریال و ۱۲۰۰۰ ریال وام دارد ورشکست شده و ۸۹۷۲۵ ریال یول دارد ـ معین کنید بهریك از بستانکاران چندر هیرسد

(اولی ۲۱۰۳۴ ریال ـ دومی ۱۷۹۴۰ ریال ـ سومی ۲۱۰۳۴ ریال ـ سومی ۲۲۰۳ و ریال)

هستله ۱۲۰ ـ دونفر دهفان باهم ۱۱۰ مترمکم کودبرای مزرعه های خود خریدند
و هریك مقداری از آن را برداشسته و بنترعه خود برداند. مزرعه اولی در ۱۰ کیلو
متری ومزرعه دومی در ۲ کیلو متری واقع است و قبعت یك متر مکم کود ۳ ریال
میباشد و هزیته بازبری هرتین دریك کیلو متر ۱۰ در ۱۰ ریال است . تمبین کنید مقدار کود
هریك را درصورتیکه میدانیم بولهایی که این دونفر برای خریدگود و بازبری آن داده اله
برابر میباشد (اولی ۱۳ تن دومی ۵۰ تن)

هست**گله ۱۷۱** سامبلغ ۱۳۱۰ ریال را بین سه نفربطریقی تقسیم کنبدکه نسبت سهم اولی بدومی برابر ش و نسبت سهم دومی بسومی برابر <del>کی</del>باشد (اولی ۱۳۰۰ مربال برابر <del>کی</del>باشد ریال دومی ۲۲۰۰۰ ریال بد سومی ۲۰۰۰ وربال)

همدآلمه ۱۷۲ سامیدانیم بههای الدس پاتوان دوم حجد آن متناسب است. قطعه الناسی دارید که ارزش آن ۱۸۱۳۰ ریل میباشد . این الناس بدو قطعه شده و نسبت حجم یکی از آن دو قطعه بدیکری ماناد ۳ میناشد به ۱۵ . معینکنید ارزش هریك از دو قطعه را (گرچکنر ۳۳۳۰ رال - بزرگتر ۹۳۰ داریل)

هستگله ۱۷۳ به مینف ۵۷۰۰ ارینل را بین سه غریعلویقی قسمت کنیسکه نسبت سهم اوائی بدومی مثل ۳ پاشند به ۳ وسهم سومی ۵۰۰ ریال از میانکین حسابی دوسهم فیکر لنش باشد (اولی-۲۳۰۰ به دومی-۲۰۰۰ به سومی ۵۲۰۰۰ و ریال)

هستاگه ۱۷۴ ما مقداری آجر سفید از فرار هزاری ۲۰۰ ریال و مقداری آجر آجر آجر ارال و مقداری آجر آجر از فرار هزاری ۱۹۰ ریال و مقداری آجر سرخ از فرار هزاری ۱۹۰ ریال خریدید. قیمتهای این آجر ها برای میدشد. تمیین انتید شمارهٔ آجر های هر نوع را در صورایکه میدانی ایک همه آجر هاسفید بود فیمتاکای ۲۰۰ ه ریال بیش از قیمت فعمی بود از آخر سفید ۱۹۰ هزار ۲۰۰ هزار )

هستله ه۷۰ سد دو نفردهقان برای رساندن آب بدررعهٔ های خود بشراکت سدی میبندند وقرار میگذار ندکه هزینهٔ آن بنسبت مستقیم مساحت مزرعه ها و بنسبت معکوس فاصله سد تا مزرعه تقسیم شود. مزرعه اولی ۴۰ آر و فاصله آن تا سد ۲۰ متراست مزرعه دومی ۲۰ آر وفاصله آن تاسد ۳۰ متراست تعیین کنید سهم هریك را درصور تیکه میدانیم هزینه کلی سد ۱۸ ۱ ریال بوده است

(اولى ٢٤٤ ريال دومي ٧٢٥ ريال)

هستمله ۱۷۳ – بسه نفرکارمند بنگاهی ۱۱۶۰ ریال انعام داده شده میخواهیم این پول را بین آنها بنسبت مستقیم سالهای خدمت و نسبت معکوس حقوق ماهیانه تقسیم کنیم ـ اولی ۱۸ سال پیشینه خدمت و ۲۲۰۰ ریال حقوق دومی ۱۵ سال پیشینه خدمت و ۲۱۰۰ ریال حقوق دارد تعیین کنید سهم هریك را

(اولی ۲۰۰۰ ریال - دومی ۳۷۰۰ ریال - سومی ۲۲۰۰ ریال)

هستگله ۱۷۷۷ — سه نفر هر یك مدتی سرمایه خود را در بنگاهی گزاردند اولی ۲۰۰۰ و ریال را درمدت به ماه و نیم و مری ۲۰۰۰ و ریال را درمدت به ماه و نیم و سومی ۲۰۰۰ و ریال را در مدت ۲ ماه در آن بنگاه بکار انداختند ـ تعیین کنید سود هریك را درصورتیکه میدانیم مجموع سود ها برابر ۷٤٤۰۹ ریال بوده است

( اولی ۲۲٤۹۱ - دومی ۲۱۸۷۹ - سومی ۳۰۰۳۹ ریال )

هستگله ۱۷۸ – سه نفرهریك سرمایه ای را مدتی دربانگی گزاردندنسبت بسرمایه اولی بدومی مثل ۲ است به ۳ و نسبت سرمایهٔ دومی بسومی مثل ۲ است به ۰ و مدتهائی که این سرمایه ها در آن بانك بوده بترتیب متناسبند با برخه های ۴ و و مین کنید سود هریك را در صورتیکه میدانیم سود کلی برابر ۲۸۹۷ ریال است

(اولی ۱۱۲۰۶ ریال ـ دومی ۱۹۰۹۰ ریال ـ سومی ۱۷۲۳ ریال)

# بخش سیزدهم آمیزه ( اختلاط و امتزاج ) ۱ ـ آمیزه

۲۷۱ تعریف \_ آمیز ، عبارتست از آمیختن دو یا چند جسم جامد

يا مايه

۱۳۷۷ الواع هما تل آهیزه مسائل آمیزه بندو دسته نشسیم میشوند مدشه اول آنهائیست که درآنها مقدار جنسهسای آمیختنی و بهای آنها هعلوم است و میخواهیم بهای باده جنس آمیخته را بندست آوریم دسته دویم آنهائیست که درآنها بهای جنسهای آمیختنی معلومست و میخواهیم نسبت هقادیر جنسهای آمیختنی را بدست آوریه

۲۷۸ مسئله ۱ عطاری ۳ کیلوکره چنی را که بهای هر کیلوکرم آن ۳۳ ریال بود به ۵ کیلوگره چنی کهقیمت یك کیلوگرم آن ۲۰ ریال است آمیخت مطاویست قیمت یك کیلوگرم این آمیخته

**۲۷۹ قاعاده ۱۰** برای تعبین بهای بَدُه آمبخته وقتی مقدار اشیاد آملختنی وقیمت بکه هر بك در دست باشد بدواً مقدار هر جنسرزا در قیمت یکه اش ضرب نموده مجموع این حاصل ضربها را بر مجموع مقدار جنسها تقسیم میکنیم ـ

۲۸۰ هستمله ۲ \_ نانوائی دو نوع آرد دارد اولی هرتنی ۲۰۰ ریال و دومی هرتنی ۲۰۰ ریال ارزش دارد میخواهد از آمیختن آنها آردی بدست آورد که هرتنی ۲۰۰ ریال ارزش داشته باشد تعیین کنید بچه نسبت باید از دو نوع بردارد

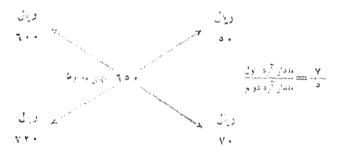
حل - یك تن آرد نوع اول برمیداریم و میخواهیم بدانیم چقدر آرد از نوع دویم باید بااین یك تن مخلوط نمود تا بهای مخلوط بدون سود و زبان هرتنی 0.0 ریال گردد اما ازبك تن آرد نوع اول که در مخلوط بکار رود ( ریال 0.0 = 0.0 - 0.0 ) 0.0 ریال سود میبریم میخواهیم بدانیم چقدر آرد از نبوع دویم باید با این یك تن مخلوط نمود تا 0.0 ریال زبان داشته باشد 0.0 میدانیم از هریك تن آرد نوع دویم که در مخلوط باشد 0.0 ریال زبان میبر یم پس برای آنکه نزبان ما برابر 0.0 ریال سودباشد باید 0.0 تن آرد از نوع دویم برداریم پس بازاء یك تن آرد از نوع اول باید 0.0 تن آرد از نوع دویم برداریم وچون یك تن آرد از نوع اول باید 0.0 تن آرد از نوع دویم برداریم دیگر نسبت مقدار آرد نو ع اول بمقدار آرد نو ع دویم مثل نسبت 0.0

این نتیجه را بدین طریق نیز میتوان بدست آورد ـ گوئیم : از هر تن آرد اولی که در مخلوط بکار رود :

<sup>• • • • • • • • •</sup> ۳ سود عاید میشود و از هرتن آرد دویمی ریال

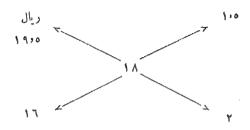
که در مخلوط باشد ۷۰ - ۲۰۰ ۲۰۰ زبان خواهد بود ـ حال

ببینیم چه مقداراز اولی وچه مقداراز دویمی باید برداشت و بهم آمیخت تا سود یکی برابر زبان دیگری کردد \_ واضح است که اگر ۷ تن از ربال برداریم ۱۳۰۰ = ۰۰ × ۷ سود \_ و اگر ۵ تن از دویمی برداریم ۱۳۰۰ = ۰۰ × ۷ سود \_ و اگر ۵ تن از دویمی برداریم ۱۳۰۰ = ۰۰ × ۷ سود \_ و اگر ۵ تن از دویمی برداریم برداریم ۱۳۰۰ = ۲۰ × ۵ زبان خواهیم داشت \_ پس نسبت مقدار آردی که از نوع اول برمیداریم بمقدار آردی که از نوع دویم برمیداریم باد مانند نسبت ۷ ناشد به ۵



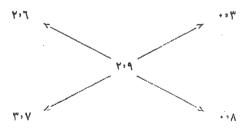
۱۸۱ قاعده ۲ ـ هركاه بهای بكه اشها آمیختنی وبهای بكه آمیخته معاوم باشدوبخواهیم نسبت آمیزش را تعیین گذیه اختلاف قبعت یكه هریك از اشیاء را با بهای بكه شیشی آمیخته تعیین میلامیما نسبت مقدار اشیاء مخلوط كردنی برام نسبت علمی این دو اختلاف میباشد اساق چی مدرد این دو اختلاف میباشد

۲۸۳ مسئله ۳ بـ عطاری ۱۰ آدینوگرم قیموه که هس آدیو کرم آن ۱۹٫۵ ریال است دارد و میخواهد آنرا با قیموڅ که هر کیلوگره ۱۲ ریال ارزش دارد مخاوط کند تا میخاوط هرکیلوگرمی ۱۸ ریال ارزش داشته باشد بـ تعیین کشید چه مقدار قهوم نوع دویم لازماست حل - چون مطابق قاعده دويم عمل كنيم چنين داريم:



میبینیم نسبت مقدار قهوه اول بمقدار قهوه دویم بایدمثل نسبت ۲ باشد به 0 را یابه نسبت 3 به 4 یعنی بازاء هرچهار کیلوگرم ازقهوه اولی باید 4 کیلوگرم از قهوه دویمی برداشت یعنی باید 4 ر4 4 کیلوگرم از قهوه دویم را با 4 کیلوگرم قهوه نوع اول آمیخت

۳۸۳ هستله ۲ - از آمیختن دو نوع سرکه که اولی هر یك من ۲ را ریال و دویمی هریك من ۷ رس ریال ارزش دارد میخواهیم ۵ ر ۹ ۶ من سرکه بسازیم که هرمن آن ۹ ر ۲ ریال ارزش داشته باشد چون مطابق قاعده ۲ عمل کنیم چنین خواهیم داشت



چون هر ۸ من سرکه نوع اول را باید با ۳ من از سرکه نوع دویم آمیخت و چون ۱۹۰۵ رابه نسبت ۸ و ۳ قسمت کنیم میبینیمکه

. از سرکهاول باید۳۳=۸×<del>۱۱۱</del> و ازسرکهدویمی ۱۳٫۵ =۳×<sup>۹.۱</sup>۳ برداشت و ممزوج کرد

۲۸۴ مسئله ۵۰ بقالی پنج نوع عدس دارد که قیمت بك خروار آنها به ترتیب ۲۲۶ و ۳۰۰۰ و ۲۹۲ و ۳۰۰۰ و ۳۲۰ ریال میباشد میخواهد از آمیختن آنها مخلوطی بدست آورد که هر خروار آن ۲۸۳ ریال ارزش داشته باشد تعیین کنید از هر یك چه مقدار باید بردارد حل - اگر یك خروار عدس اول و یك خروار عدس دویم را برداریم هما

ریال ۹۲ = ۳۳ + ۹۰ = (۲۸۳ - ۲۸۳) + (۲۸۳ - ۲۸۳) سود عاید ما میشود ـ و آگر یکخروار از عدس خوم و یلخروار آزعدس چهارم و یک خروار از عدس ینجم را برداریم جمعاً

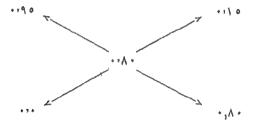
ریال ۱۲۱ (۲۸۳ - ۲۸۳) و زیان ریال در این میکنیم باشد برید از هر اکدام از عدسهای دسته اول ۲۲۱ خروار و از هر یک از عدسهای دسته دو به ۲ ۲ خروار برداریم ب

تبعره ما بر دانش آموزان است که با امتحال این مسأله اتبجهٔ آبرا تحقیق کفند سا

۳۷۵ ـ قاعده ۲۰ هـ کاد در مسائل آمیز د شماره شیساه آمیخانی بیش از ۲ باشد و بهای یکد اشده آمیخانی و بهای یکد آمیخانه معلوم باشد و بخواهیم نسبت آمیزش را بدست آمیزم اختلاف قبعت یکد هر یکد از اشیاء را با قبعت یکد آمیخانه نمیین کرده عدارد مجموع سودها

ازهر یک اشیائی که زبان میدهدوباندازهٔ مجموع زبانها ازهریک از اشیائی که سود میدهد بر میداریم \_

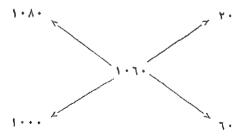
۲۸۹ - هسمله - ۲ \_ چه مقدار آب باید در ۶۰ لیترسر که لیتری ه ۱ مر و ریال گردد مر و ریال ریخت تا بهای یک لیتر سرکهٔ آمیختهٔ با آب ۲۸۰ و ریال گردد حل - با در نظر گرفتن اینکه آب ارزش ندارد مطابق قاعده ۲ عمل میکنیم چنین میشود \_



میبینیم که باید با هر ۰ ۸ لیتر سرکه ۱۰ لیتر آب آمیخت پس در ۶۰ لیتر سرکه باید ۵ر۷ لیترآب ریخت

۲۸۷ - مسئله - ۷ - ۲۷ لیتر آب دریا داریم که هر لیتر آن همه ۱۰۸۰ گرم وزن دارد معین کنید چند لیترآب خالص باید با آن آمیخت تا هر لیتر ممزوج ۱۰۳۰ گرم وزن داشته باشد (وزن یک لیتر آب خالص را ۱۰۰۰ گرم فرض میکنیم) -

حل - باز مطابق قاعده ۲ عمل میکنیم چنین میشود



یعنی باید هر ۲ لبتر آب دریا را با ۲ لیتر آب خالص معزوج مود پس۲۷ لیتر آب دریا را با ۹ است به ۲۷٪ آب خالص معزوج کرد

## ٢ \_ آليارُ ها

**۲۸۸ - تعریف \_ ه**رگاه مقداری از ۲ یاچند فاز مختلف با هم گداخته شود فازی راکه بدین ترتیب بدست مبتاید آلیاژ خوانند

معمولا فلزات قیمتی ( سیم بدازر بدازر سغید ) را بتنهائی یعنی بطورخالص دربازرگانی بکار نمیبرند زیرا بزاردی سائید، و از مقدار آن کاسته هیشود

برای استحکام و هواه اشیائی که بت این فاترها ساخته میشوند آلیاژی از این فاتر های قیمتی بده فاتر های دیگر ( مانند مس یک آلومنسوم) مسازند

۲۸۹ ما عیار و باد مفران کنیم آلیازی از ۲۹ گرم طلای خالص و ۸ گرم مس بسازیم گولیم عبار این آلیاز ۲۰۰۰ مره این آلیاز ۲۰۰۰ میباشد

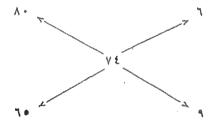
پس عبدار عبدارتست افز نسبت وزن فغر قبحایی بهزان آلبناژ و بار عبدارتست از نسبت وزن فلز که دینا بوزن آئنتاژ

A Commence of the Commence of

قبعموع ۽ حريمسائن آليڙهاندن حريمسائن آميزهاست فقطايجاي آلنانه بهاي چيزهاي آميڪندن عربت شويد عيم آليازها برافيزهائي بالکه بريد ۽ هي نائداز دارعات ملکندد مقداو زر ویژه درمی ۳۶ = ۲۰ × ۴۰ و ۰

پس مقدار زر ویژه موجود در شمش حاصل برابر است با  $^{2}$ م م $^{2}$   $^{2}$   $^{2}$   $^{3}$   $^{4}$   $^{2}$ 

۲۹۱ - مسئله ۲ زرگری ۲۷ کرم زر بعیار ۸۰، دارد چقدر زر بعیار ۵۰، باید با آن بگدازد تاشمشی بعیار ۲۶، بدست آورد-حل -چون مطابق قاعده دویم آمیزه عمل کنیم چنین خواهیم داشت



یعنی با هر ۹ گرم زر اولی باید ۳ گرم از زر دویمی گداخت گرم پسبا ۲۷ گرم از زر دویمی گداخت پسبا ۲۷ گرم از زر دویمی گداخت تبصر ۱۰ و اضح است عیار زر ویژه برابر ۱ و عیار مس خالص برابر صفر است

تبصره ۲ \_ مسئله های انواع دیگر آلیاژ ها عیناً مانند مسائل آمیزه حل میگردد\_

### مسئله ها

هستگله ۱۷۹ ـ دونوع آرد داریم یکی گینوگرمی ۱۸ر۰ ریال ودیگیری گینو ـ
گرمی ۹۹ر۰ ریال ارزش دارند بچه نسبت باید آنها را با هم آمیخت و نسان بخت
که نان آن کیلوگرمی ۶۹ر۰ ریال تمام شود در صورتیکه میدانیم هر ۱۰۰ کیلوگرم
آرد ۱۲۰ کیلوگرم نان میدهد و ۱۰۰ کیلوگرم نان ۱۲ ریال دستمود بخشن وهزینه سوخت لازم دارد ـ
( بعاور مساوی )

هستله ۱۰۸۰ ـ یک لیترآبدریا ۱۰۸۰ کرموزندارد درطرفی که گنجایش ۳۰ لیتردارد آب دریا با آب خالص ریختیم وظرف را برکرده اید اگر وزن ظرف ومایع آن جماً ۲۰۰۹ کیلوگرم باشد و بدانیم وزن ظرف خالی ۱۲۵۰ کیلوگرم باشد آب خالص را (۱۸ کیلوگرم و ۱۲۵ کیلوگرم کیلوگرم کیلوگرم کالوگرم دریا و آب خالص را (۱۸ کیلوگرم و ۱۲۵ کیلوگرم کیل

هستگه ۱۸۸۱ درکارخانه قند سازی دونوع جذامر بگارمیرودیکی ۱ درسد قند دارد و دیگری ورکارخانه قند سازی دونوع جذامر بگارمیرودیکی ۱ درسد قند دارد و دیگری و را در سد و میشانیم ۷ و بقیه انتف میشود ممین کشید چه مقدار از جذاب را وع اول باید یا ۲۵ این جذامر نوع دویم نخاوط نمود و در کار خانه بگار برد اناز نخاوظ عملا هفت درسد قام پاست آید

هستله ۱۸۴ سینگاهی از آمیدان دو و شرخی بیگی گیاو کرمی ۴ ریال و دیکری کیو کرمی ۴ ریال و دیکری کیو کرمی ۴ ریال و دیکری کیو کرمی جای درست کرد که جون آن را به ۱۲ ۳۳۳۶ ریال فروخت ۱۲ در صد از بهای شام شده سود برد مطلوبیت مقدار هر یک از در جای در چای ( از اوای ۲۰ و از دومی ۶۰ گیاو کرم )

هستله ۱۸۳ به عطاری و بخواهد از نحبوط گردن سعاوع قهوه یکی آبانو کرمی ۱۳ ریال دویمی تبنو کرمی ۱۳ ریال سیمی کیلو کرمی ۳۰ ریال ۱۸۰ کیمو کرم قهوه بسازت که هرکیموکش ۱۰۰ ریال اروش داشته باشد از هرآندام جقدر لازم است ( اراول ۱۰۸ و از دومی وسومی هریات ۳۲ کیلوگرم)

عستله ۱۸۴ د تکسی متداری محبول ه در صد سویبه دارد میخواهد نیم این محبول سویبه دارد میخواهد نیم این محبول سویبه بست کتب بغیر آب خانس و چندر از محبول اولی لازم است ( هر ۷ سانتیمتر مکمی از محبول اول لازم است)

هستله ه۸۰ ـ دوشش سیم داریم اکریك کیلوگرم از اولی ویك کیلوگرم از دومی را با هم بگدازیم عیار شمش حاصل ۸۸۰ و اگر دو کیلوگرم از اولی و ۳ کیلوگرم ازدومی را باهم بگدازیم عیار شمش حاصل ۸۲۰ خواهد بود مطلوبست عیار هر یك از دو شمش ( اولی ۸۰۰ و دویمی ۹۸۰ )

هستگله ۱۸۲ ـ دوشش سیم یکی بعیار ۷۰ دو دیگری بعیار ۱۰۰ را باهم کداخته ایم عیار شمش حاصل ۸۲ شده و چون ۱۰۰ گرم سیم ویژه با این شمش اخیر بگذاریم عیار شمشی که بدست میآید ۹۲ د میشود مطلوبست وزن هر یك از دو شمش اول ـ ( اولی ۳۰ گرم – دویمی ۷۰ گرم )

هستله ۱۸۷ ـ ۲۱کیلوگرمسیم بعیار ۱۸۰۰ را با دوشیش سیم دیگر که عیار اولی ۱۹۰۰ و عیار دیگری ۱۲۰ و نسبت و زنهای آنها بیکدیگر مثل نسبت ۲ بود به ه با هم گداخته ایم تعبین کنید وزن این دو شمش را در صورتیکه میدانیم عیار شمش حاصل ۷۲، است (اولی ۱۶ کیلوگره – دویمی ۳۰ کیلوگرم)

هسئله ۱۸۸ ـ سه شمش زرداریم که عبارهای آنها بتر تیب عبار تند از ۱۷۰ و ۱۸۰ و ۱۹۰۰ چه مقدار از هر یك از دو شمش اول را باید با ۵۰۰ گرم از شمش سوم با هم گداخت تا یك كیلو گرم زر بعیار ۱۸۸۰ بدست آید.

( ۲۰۰ گرم از اولی و ۳۰۰ گرم از دویسی )

یا یا ن





فهرست							
موجع		صفحه					
صلی ۲۰	مسئله های چهار عمل او	١	مقدمه				
م۔ تو ان	بخش ـ چهارم ـ توان		بخش نخست شم				
٧ ٤	جمع توانها	٤	تشكيل عددها				
٧٥	تفریق توانها	٤	شمار گفتنی				
۷۰	ضرب توانها	٨	شمار نوشتنی				
٧٦	تقسيم توانها	1 -	laditua				
V A	la altua	ر اصلی	بخش دوم ـ چهار عمر				
ه های ذهنی	بخش پنجم ـ محاسب	۱ ۳	**				
٧٩	جمع	۱ ۸	<i>تفر</i> يق				
۸1	ا تفریق	Y 0	مسئله های چم و تقریق				
A &	∫ ضرب	71	ضرب				
4 Y	تقسيم	۳۷	مسئله هأى ضرب				
47	مسئله ها	44	p				
بخش ششم ـ خاصیت عددها		٤٨	مسئله های تقسیم				
١	قابليت تقسيم	اصلی	بخش سوم ـ چهار عمر				
117	مسئله ما		دهدهي				
110	عدد های اول	0 1	عدد های دهدهی				
کوچکترین	بزرگترین عاد مشترك و	6 0	عجم و تقريق				
119	مضرب مشترك	7 c	طرب عدد های دهدهی				
140	ا مسئله ها	٥٨	القسيم عدد هاى دهدهى				

men Y man						
صفحه		بفحه	0			
		No. Company of	بخش هفتم . برخه			
IVI	تنامب مستقبع والمعتكوس	127	بر څه			
1 4 5	الماسب سأده	17.	خواص برخه ها			
1 1/ 1	تناسب مركب	1 44	اعمال جهار كانه برخه ها			
111	ta dilina	18-	الفزيق برخه ها			
45	اخش دهم عرابه	117	ضرب برخه ها			
142	مرايعه ساده	128	تتسيم برخهها			
144	to diament	1 & 0	مسئله هائىءىلى برخه	0 10		
يل	بخش بازدهم ـ تنز	184	برخاهاى متعارفى ويرخاهاى دهدهى			
140	and the second	108	منائله های برخه های دوره ای	,		
) a y	التنزيل هيرواني	107	in ditum	•		
144	المناه والهار المناه والمناه والمناه	ی	بخش هشتم دستكاه عتر	,		
Y . 1	And the same the	10%	دستگاه متری			
بخش دو از دهیم .		) = Y	أتعازه كراتين درازا			
٣٠.	تسهيم به نسبت و عشار	1 = 9	المنازه كرفتن رويه			
4 . 4.	And the second s	177	النطاره كرفتن كنج			
Y + #	and the second	177	النماؤه كدقنن وزن			
Y • A	to 4 think	171	السائزه كرفتن آلبل			
يزه	بخش سيز دهم - آء	130	السائزه كارفتن نرمان			
71.	±	177	L'er wer			
717	14 3 4 T	٠ ا	بخش نهم . نست و تناس			
414	A to a	17.8	and the last of the same			
		5				

## غلط نامه

با حرف ( و )	1.1	٩
۳۵۰ میگردد	r 4"	٣٧
جواب ۱۴ و ۲۳	Y E	4 1
در چپ آن میگذاریم	٤	. 00
تمام هندوانه ها را که ۲۱۰ عدد بود	٨	70
و ۱۹ر۹ ریال بیش	٨	70
جِعًا مبلغ ٥٨ر١٣٥٢ ريال	o	77
جِماً ه ٤ر ٢٩ ه ١ ريال	7	77
به ۲۰ر۲۳ ریال	۲ ۰	77
سود بزاز ۲۰رهه ریال	٣	7 7
دسته اول ۲۰ ه ريال دسته سوم ۱۹۰ ريال	٩	7 7
به ۲۶۰ مریال	١٧	Y 7"
زمین ۱۹۲۰۰ متر مربع	۲.	VF
٤ تخت خواب	۲	11
۱۲۳ سأل خواهد بود	7	A F
٩ر٠٥٠ ريال	1 1	٨٢
۱۰ ریال بیش از آنچه خریده بود	1 0	λr
روغنها را با ۱۰ر۳ ریال هزینه	1 &	٧١
ولی اگر دو گاو دیگر بهمان	۲.	٧١
ەرغە ريال ذخيرە	1 Y	٧٣
که نمای آن فضل نمای مقسوم باشد	۲.	7 V
در ذهن در خود ضرب	11	٩ ٨
$\frac{170}{14} = \frac{1}{11}$	7	104
اولی ۷۸۰۰۰ ریال	4.	r · r
اولی ٦٠ تن	1.1	Y - A

This book is due on the date last stamped. A fine of 1 anna will be charged for each day the book is kept over time.

